

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.100$ m, $b = 6.01$ m, ha intensità $E = 2.74$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.228 C 0.408 D 0.588 E 0.768 F 0.948

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.91$ m.

A 0 B 196 C 376 D 556 E 736 F 916

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.63 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.461 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.104$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.271$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.40$ s.

A 0 B 0.257 C 0.437 D 0.617 E 0.797 F 0.977

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0269 C 0.0449 D 0.0629 E 0.0809 F 0.0989

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.75$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.57 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.66$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.247$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 12.1 C 30.1 D 48.1 E 66.1 F 84.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.84$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.93$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.80$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.150$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.85$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0156$ m, resistenza $R = 1.42$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.34$ A e $\tau = 1.23$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

Testo n. 0

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.192$ m, $b = 4.89$ m, ha intensità $E = 1.42$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.145 C 0.325 D 0.505 E 0.685 F 0.865

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.59$ m.

A 0 B 111 C 291 D 471 E 651 F 831

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.64 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.566 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.101$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.321$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.13$ s.

A 0 B 1.12 C 2.92 D 4.72 E 6.52 F 8.32

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0100 C 0.0280 D 0.0460 E 0.0640 F 0.0820

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.27$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.71 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.43$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.245$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 1.96 C 3.76 D 5.56 E 7.36 F 9.16

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.96$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.01$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.55$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.142$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.06$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0122$ m, resistenza $R = 1.62$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.32$ A e $\tau = 1.07$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.127$ m, $b = 4.42$ m, ha intensità $E = 1.16$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.131 C 0.311 D 0.491 E 0.671 F 0.851

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.03$ m.

A 0 B 218 C 398 D 578 E 758 F 938

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.68 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.503 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.118$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.296$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.00$ s.

A 0 B 1.05 C 2.85 D 4.65 E 6.45 F 8.25

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0191 C 0.0371 D 0.0551 E 0.0731 F 0.0911

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.64$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.92 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.72$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.283$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.8 C 28.8 D 46.8 E 64.8 F 82.8

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.00$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.31$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.41$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.152$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.83$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0154$ m, resistenza $R = 1.07$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.20$ A e $\tau = 1.19$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.176$ m, $b = 4.34$ m, ha intensità $E = 2.60$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.119 C 0.299 D 0.479 E 0.659 F 0.839

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.55$ m.

A 0 B 254 C 434 D 614 E 794 F 974

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.69 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.512 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.111$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.299$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.89$ s.

A 0 B 1.01 C 2.81 D 4.61 E 6.41 F 8.21

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.126 C 0.306 D 0.486 E 0.666 F 0.846

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.92$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.76 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.42$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.275$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 11.1 C 29.1 D 47.1 E 65.1 F 83.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.88$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.72$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.52$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.194$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.63$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0188$ m, resistenza $R = 1.00$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.96$ A e $\tau = 1.97$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.174$ m, $b = 4.08$ m, ha intensità $E = 2.79$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

- A 0 B 0.162 C 0.342 D 0.522 E 0.702 F 0.882

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.11$ m.

- A 0 B 153 C 333 D 513 E 693 F 873

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.73 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.588 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.118$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.359$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.06$ s.

- A 0 B 1.44 C 3.24 D 5.04 E 6.84 F 8.64

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

- A 0 B 0.129 C 0.309 D 0.489 E 0.669 F 0.849

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.45$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.07 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.67$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.265$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

- A 0 B 13.4 C 31.4 D 49.4 E 67.4 F 85.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.33$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.05$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.06$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.156$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.87$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0136$ m, resistenza $R = 1.47$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.73$ A e $\tau = 1.62$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.110$ m, $b = 4.79$ m, ha intensità $E = 1.67$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.174 C 0.354 D 0.534 E 0.714 F 0.894

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.99$ m.

A 0 B 192 C 372 D 552 E 732 F 912

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.80 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.558 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.102$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.326$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.08$ s.

A 0 B 1.03 C 2.83 D 4.63 E 6.43 F 8.23

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0200 C 0.0380 D 0.0560 E 0.0740 F 0.0920

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.25$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.46 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.38$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.337$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 2.46 C 4.26 D 6.06 E 7.86 F 9.66

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.63$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.83$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.04$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.147$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.38$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0118$ m, resistenza $R = 1.86$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.50$ A e $\tau = 1.05$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.115$ m, $b = 3.73$ m, ha intensità $E = 2.48$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.152 C 0.332 D 0.512 E 0.692 F 0.872

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.70$ m.

A 0 B 161 C 341 D 521 E 701 F 881

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.80 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.445 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.110$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.336$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.99$ s.

A 0 B 0.194 C 0.374 D 0.554 E 0.734 F 0.914

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.134 C 0.314 D 0.494 E 0.674 F 0.854

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.17$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.44 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.85$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.213$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.9 C 28.9 D 46.9 E 64.9 F 82.9

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.29$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.00$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.14$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.151$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.88$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0121$ m, resistenza $R = 1.56$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.15$ A e $\tau = 1.09$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.117$ m, $b = 5.45$ m, ha intensità $E = 2.12$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.194 C 0.374 D 0.554 E 0.734 F 0.914

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.31$ m.

A 0 B 130 C 310 D 490 E 670 F 850

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.65 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.401 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.118$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.311$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.09$ s.

A 0 B 0.172 C 0.352 D 0.532 E 0.712 F 0.892

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0174 C 0.0354 D 0.0534 E 0.0714 F 0.0894

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 2.00$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.93 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.54$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.359$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 11.2 C 29.2 D 47.2 E 65.2 F 83.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.21$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.79$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.42$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.133$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.89$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0143$ m, resistenza $R = 1.89$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.76$ A e $\tau = 1.56$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.164$ m, $b = 7.49$ m, ha intensità $E = 2.80$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.187 C 0.367 D 0.547 E 0.727 F 0.907

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.31$ m.

A 0 B 128 C 308 D 488 E 668 F 848

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.72 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.447 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.115$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.308$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.48$ s.

A 0 B 0.201 C 0.381 D 0.561 E 0.741 F 0.921

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0245 C 0.0425 D 0.0605 E 0.0785 F 0.0965

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.94$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.57 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.94$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.298$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 13.8 C 31.8 D 49.8 E 67.8 F 85.8

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.11$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.65$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.10$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A 0 B 256 C 436 D 616 E 796 F 976

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.148$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A 0 B 0.111 C 0.291 D 0.471 E 0.651 F 0.831

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.96$ V/m.

A 0 B 0.265 C 0.445 D 0.625 E 0.805 F 0.985

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A 0 B 1.44 C 3.24 D 5.04 E 6.84 F 8.64

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0102$ m, resistenza $R = 1.30$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.84$ A e $\tau = 1.00$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A 0 B 1.59×10^{-4} C 3.39×10^{-4} D 5.19×10^{-4} E 6.99×10^{-4} F 8.79×10^{-4}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.188$ m, $b = 4.25$ m, ha intensità $E = 1.66$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.195 C 0.375 D 0.555 E 0.735 F 0.915

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.12$ m.

A 0 B 10.3 C 28.3 D 46.3 E 64.3 F 82.3

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.67 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.455 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.109$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.247$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.19$ s.

A 0 B 0.194 C 0.374 D 0.554 E 0.734 F 0.914

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0110 C 0.0290 D 0.0470 E 0.0650 F 0.0830

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.27$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.11 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.71$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.230$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 12.4 C 30.4 D 48.4 E 66.4 F 84.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.75$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.11$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.79$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.138$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.45$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0199$ m, resistenza $R = 1.82$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.92$ A e $\tau = 1.51$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.185$ m, $b = 8.10$ m, ha intensità $E = 2.79$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.172 C 0.352 D 0.532 E 0.712 F 0.892

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.54$ m.

A 0 B 135 C 315 D 495 E 675 F 855

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.496 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.118$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.210$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.98$ s.

A 0 B 0.179 C 0.359 D 0.539 E 0.719 F 0.899

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0165 C 0.0345 D 0.0525 E 0.0705 F 0.0885

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.41$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.07 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.10$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.368$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.7 C 28.7 D 46.7 E 64.7 F 82.7

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.73$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.43$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.37$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.176$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.54$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0178$ m, resistenza $R = 1.84$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.69$ A e $\tau = 1.99$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.180$ m, $b = 8.82$ m, ha intensità $E = 2.48$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.141 C 0.321 D 0.501 E 0.681 F 0.861

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.70$ m.

A 0 B 146 C 326 D 506 E 686 F 866

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.80 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.432 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.114$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.236$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.27$ s.

A 0 B 0.106 C 0.286 D 0.466 E 0.646 F 0.826

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0261 C 0.0441 D 0.0621 E 0.0801 F 0.0981

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.88$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.83 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.53$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.246$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 11.1 C 29.1 D 47.1 E 65.1 F 83.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.01$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.89$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.32$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.153$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.26$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0129$ m, resistenza $R = 1.14$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.09$ A e $\tau = 1.99$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.171$ m, $b = 6.34$ m, ha intensità $E = 2.89$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.228 C 0.408 D 0.588 E 0.768 F 0.948

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.51$ m.

A 0 B 105 C 285 D 465 E 645 F 825

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.73 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.509 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.119$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.256$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.35$ s.

A 0 B 0.176 C 0.356 D 0.536 E 0.716 F 0.896

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0197 C 0.0377 D 0.0557 E 0.0737 F 0.0917

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.45$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.26 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.22$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.257$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.5 C 28.5 D 46.5 E 64.5 F 82.5

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.58$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.32$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.31$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A 0 B 220 C 400 D 580 E 760 F 940

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.126$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A 0 B 0.0225 C 0.0405 D 0.0585 E 0.0765 F 0.0945

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.40$ V/m.

A 0 B 0.165 C 0.345 D 0.525 E 0.705 F 0.885

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A 0 B 0.157 C 0.337 D 0.517 E 0.697 F 0.877

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0120$ m, resistenza $R = 1.38$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.68$ A e $\tau = 1.04$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A 0 B 1.27×10^{-3} C 3.07×10^{-3} D 4.87×10^{-3} E 6.67×10^{-3} F 8.47×10^{-3}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.148$ m, $b = 2.67$ m, ha intensità $E = 2.19$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.229 C 0.409 D 0.589 E 0.769 F 0.949

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.03$ m.

A 0 B 104 C 284 D 464 E 644 F 824

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.78 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.589 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.117$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.297$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.27$ s.

A 0 B 1.15 C 2.95 D 4.75 E 6.55 F 8.35

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.101 C 0.281 D 0.461 E 0.641 F 0.821

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.81$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.03 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.08$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.204$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 12.2 C 30.2 D 48.2 E 66.2 F 84.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.67$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.49$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.28$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.151$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.82$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0173$ m, resistenza $R = 1.10$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.62$ A e $\tau = 1.60$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.100$ m, $b = 6.87$ m, ha intensità $E = 1.08$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A B C D E F

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.19$ m.

A B C D E F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.412 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.101$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.375$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.01$ s.

A B C D E F

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A B C D E F

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.87$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.14 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.36$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.339$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A B C D E F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.11$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.40$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.41$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

- A 0 B 13.7 C 31.7 D 49.7 E 67.7 F 85.7

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.160$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

- A 0 B 0.120 C 0.300 D 0.480 E 0.660 F 0.840

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.23$ V/m.

- A 0 B 0.183 C 0.363 D 0.543 E 0.723 F 0.903

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

- A 0 B 0.259 C 0.439 D 0.619 E 0.799 F 0.979

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0150$ m, resistenza $R = 1.69$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.38$ A e $\tau = 1.16$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

- A 0 B 1.53×10^{-3} C 3.33×10^{-3} D 5.13×10^{-3} E 6.93×10^{-3} F 8.73×10^{-3}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.105$ m, $b = 6.60$ m, ha intensità $E = 1.87$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.142 C 0.322 D 0.502 E 0.682 F 0.862

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.37$ m.

A 0 B 25.8 C 43.8 D 61.8 E 79.8 F 97.8

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.72 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.576 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.112$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.336$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.39$ s.

A 0 B 1.26 C 3.06 D 4.86 E 6.66 F 8.46

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.132 C 0.312 D 0.492 E 0.672 F 0.852

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.68$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.04 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.59$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.340$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 14.2 C 32.2 D 50.2 E 68.2 F 86.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.45$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.84$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.47$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.157$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.47$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0165$ m, resistenza $R = 1.44$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.06$ A e $\tau = 1.22$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.100$ m, $b = 4.72$ m, ha intensità $E = 1.04$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.110 C 0.290 D 0.470 E 0.650 F 0.830

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.87$ m.

A 0 B 208 C 388 D 568 E 748 F 928

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.62 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.453 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.118$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.376$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.44$ s.

A 0 B 1.24 C 3.04 D 4.84 E 6.64 F 8.44

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.159 C 0.339 D 0.519 E 0.699 F 0.879

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.70$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.91 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.55$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.284$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.4 C 28.4 D 46.4 E 64.4 F 82.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.39$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.26$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.96$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.182$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.58$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0115$ m, resistenza $R = 1.73$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.79$ A e $\tau = 1.11$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.116$ m, $b = 4.29$ m, ha intensità $E = 1.08$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.126 C 0.306 D 0.486 E 0.666 F 0.846

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.52$ m.

A 0 B 249 C 429 D 609 E 789 F 969

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.425 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.110$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.227$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.84$ s.

A 0 B 0.240 C 0.420 D 0.600 E 0.780 F 0.960

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0191 C 0.0371 D 0.0551 E 0.0731 F 0.0911

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.79$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.34 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.97$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.323$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 14.4 C 32.4 D 50.4 E 68.4 F 86.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.04$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.74$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.72$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.156$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.68$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0174$ m, resistenza $R = 1.54$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.22$ A e $\tau = 1.13$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.138$ m, $b = 5.44$ m, ha intensità $E = 1.41$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.130 C 0.310 D 0.490 E 0.670 F 0.850

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.18$ m.

A 0 B 259 C 439 D 619 E 799 F 979

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.61 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.452 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.118$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.270$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.96$ s.

A 0 B 0.174 C 0.354 D 0.534 E 0.714 F 0.894

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.112 C 0.292 D 0.472 E 0.652 F 0.832

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.02$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.41 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.53$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.390$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 2.15 C 3.95 D 5.75 E 7.55 F 9.35

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.60$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.04$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.90$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

- A 0 B 11.3 C 29.3 D 47.3 E 65.3 F 83.3

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.200$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

- A 0 B 0.150 C 0.330 D 0.510 E 0.690 F 0.870

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.17$ V/m.

- A 0 B 0.276 C 0.456 D 0.636 E 0.816 F 0.996

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

- A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0144$ m, resistenza $R = 1.98$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.37$ A e $\tau = 1.90$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

- A 0 B 1.29×10^{-4} C 3.09×10^{-4} D 4.89×10^{-4} E 6.69×10^{-4} F 8.49×10^{-4}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.114$ m, $b = 7.51$ m, ha intensità $E = 2.84$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.189 C 0.369 D 0.549 E 0.729 F 0.909

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.10$ m.

A 0 B 119 C 299 D 479 E 659 F 839

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.65 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.534 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.103$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.286$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.13$ s.

A 0 B 0.233 C 0.413 D 0.593 E 0.773 F 0.953

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0275 C 0.0455 D 0.0635 E 0.0815 F 0.0995

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.16$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.26 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.87$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.388$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 11.7 C 29.7 D 47.7 E 65.7 F 83.7

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.26$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.62$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.71$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.167$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.53$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0153$ m, resistenza $R = 1.94$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.16$ A e $\tau = 1.30$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.172$ m, $b = 0.414$ m, ha intensità $E = 1.58$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 1.76 C 3.56 D 5.36 E 7.16 F 8.96

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.92$ m.

A 0 B 233 C 413 D 593 E 773 F 953

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.482 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.114$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.353$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.92$ s.

A 0 B 1.10 C 2.90 D 4.70 E 6.50 F 8.30

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.169 C 0.349 D 0.529 E 0.709 F 0.889

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.37$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.50 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.17$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.316$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 1.99 C 3.79 D 5.59 E 7.39 F 9.19

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.66$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.00$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.04$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.159$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.61$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0145$ m, resistenza $R = 1.44$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.44$ A e $\tau = 1.23$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.148$ m, $b = 4.18$ m, ha intensità $E = 2.19$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.262 C 0.442 D 0.622 E 0.802 F 0.982

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.73$ m.

A 0 B 199 C 379 D 559 E 739 F 919

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.66 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.496 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.117$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.271$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.74$ s.

A 0 B 0.227 C 0.407 D 0.587 E 0.767 F 0.947

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.105 C 0.285 D 0.465 E 0.645 F 0.825

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.94$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.46 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.99$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.377$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 14.5 C 32.5 D 50.5 E 68.5 F 86.5

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.13$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.12$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.96$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.102$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.63$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0169$ m, resistenza $R = 1.25$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.15$ A e $\tau = 1.47$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.150$ m, $b = 5.03$ m, ha intensità $E = 2.59$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.257 C 0.437 D 0.617 E 0.797 F 0.977

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.02$ m.

A 0 B 142 C 322 D 502 E 682 F 862

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.67 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.462 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.102$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.260$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.81$ s.

A 0 B 0.194 C 0.374 D 0.554 E 0.734 F 0.914

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0164 C 0.0344 D 0.0524 E 0.0704 F 0.0884

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.75$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.42 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.77$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.293$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 13.1 C 31.1 D 49.1 E 67.1 F 85.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.68$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.41$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.91$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.105$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.32$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0120$ m, resistenza $R = 1.02$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.78$ A e $\tau = 1.17$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.119$ m, $b = 8.12$ m, ha intensità $E = 1.44$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.0167 C 0.0347 D 0.0527 E 0.0707 F 0.0887

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.19$ m.

A 0 B 272 C 452 D 632 E 812 F 992

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.78 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.503 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.112$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.338$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.22$ s.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0268 C 0.0448 D 0.0628 E 0.0808 F 0.0988

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.80$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.43 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.16$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.330$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.7 C 28.7 D 46.7 E 64.7 F 82.7

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.02$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.02$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.55$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.124$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.86$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0106$ m, resistenza $R = 1.98$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.27$ A e $\tau = 1.49$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.185$ m, $b = 2.84$ m, ha intensità $E = 2.08$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.185 C 0.365 D 0.545 E 0.725 F 0.905

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.36$ m.

A 0 B 13.4 C 31.4 D 49.4 E 67.4 F 85.4

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.556 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.104$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.348$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.95$ s.

A 0 B 1.18 C 2.98 D 4.78 E 6.58 F 8.38

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.166 C 0.346 D 0.526 E 0.706 F 0.886

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.88$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.34 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.01$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.400$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.6 C 28.6 D 46.6 E 64.6 F 82.6

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.27$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.08$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.57$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.146$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.57$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0167$ m, resistenza $R = 1.61$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.64$ A e $\tau = 1.57$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.103$ m, $b = 5.98$ m, ha intensità $E = 1.04$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A B C D E F

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.14$ m.

A B C D E F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.529 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.103$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.295$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.71$ s.

A B C D E F

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A B C D E F

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.88$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.67 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.42$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.381$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A B C D E F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.06$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.98$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 2.00$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A 0 B 261 C 441 D 621 E 801 F 981

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.127$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A 0 B 0.0233 C 0.0413 D 0.0593 E 0.0773 F 0.0953

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.82$ V/m.

A 0 B 0.137 C 0.317 D 0.497 E 0.677 F 0.857

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A 0 B 1.15 C 2.95 D 4.75 E 6.55 F 8.35

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0141$ m, resistenza $R = 1.11$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.59$ A e $\tau = 1.47$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A 0 B 1.91×10^{-3} C 3.71×10^{-3} D 5.51×10^{-3} E 7.31×10^{-3} F 9.11×10^{-3}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.114$ m, $b = 5.12$ m, ha intensità $E = 2.20$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

- A 0 B 0.215 C 0.395 D 0.575 E 0.755 F 0.935

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.67$ m.

- A 0 B 110 C 290 D 470 E 650 F 830

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.67 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.517 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.115$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.311$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.80$ s.

- A 0 B 1.11 C 2.91 D 4.71 E 6.51 F 8.31

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

- A 0 B 0.143 C 0.323 D 0.503 E 0.683 F 0.863

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.80$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.59 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.33$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.282$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

- A 0 B 10.9 C 28.9 D 46.9 E 64.9 F 82.9

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.29$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.59$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.47$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A 0 B 222 C 402 D 582 E 762 F 942

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.173$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A 0 B 0.130 C 0.310 D 0.490 E 0.670 F 0.850

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.99$ V/m.

A 0 B 0.183 C 0.363 D 0.543 E 0.723 F 0.903

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A 0 B 1.71 C 3.51 D 5.31 E 7.11 F 8.91

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0196$ m, resistenza $R = 1.44$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.68$ A e $\tau = 1.51$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A 0 B 2.37×10^{-3} C 4.17×10^{-3} D 5.97×10^{-3} E 7.77×10^{-3} F 9.57×10^{-3}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.167$ m, $b = 9.23$ m, ha intensità $E = 1.34$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.0186 C 0.0366 D 0.0546 E 0.0726 F 0.0906

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.25$ m.

A 0 B 244 C 424 D 604 E 784 F 964

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.428 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.104$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.343$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.58$ s.

A 0 B 0.173 C 0.353 D 0.533 E 0.713 F 0.893

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.101 C 0.281 D 0.461 E 0.641 F 0.821

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.49$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.32 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.11$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.275$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 2.75 C 4.55 D 6.35 E 8.15 F 9.95

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.87$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.83$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.53$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.153$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.31$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0148$ m, resistenza $R = 1.39$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.36$ A e $\tau = 1.62$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.119$ m, $b = 0.478$ m, ha intensità $E = 2.14$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 2.17 C 3.97 D 5.77 E 7.57 F 9.37

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.92$ m.

A 0 B 151 C 331 D 511 E 691 F 871

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.74 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.524 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.104$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.317$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.47$ s.

A 0 B 0.273 C 0.453 D 0.633 E 0.813 F 0.993

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0242 C 0.0422 D 0.0602 E 0.0782 F 0.0962

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.73$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.20 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.78$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.233$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 14.2 C 32.2 D 50.2 E 68.2 F 86.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.27$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.04$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.78$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.135$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.65$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0148$ m, resistenza $R = 1.92$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.35$ A e $\tau = 1.75$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.154$ m, $b = 0.425$ m, ha intensità $E = 2.63$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 1.11 C 2.91 D 4.71 E 6.51 F 8.31

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.91$ m.

A 0 B 106 C 286 D 466 E 646 F 826

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.76 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.429 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.119$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.289$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.37$ s.

A 0 B 0.118 C 0.298 D 0.478 E 0.658 F 0.838

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0250 C 0.0430 D 0.0610 E 0.0790 F 0.0970

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.99$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.79 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.75$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.236$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 12.4 C 30.4 D 48.4 E 66.4 F 84.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.51$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.73$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.95$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.159$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.89$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0121$ m, resistenza $R = 1.90$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.51$ A e $\tau = 1.25$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.181$ m, $b = 6.95$ m, ha intensità $E = 2.92$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.210 C 0.390 D 0.570 E 0.750 F 0.930

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.02$ m.

A 0 B 106 C 286 D 466 E 646 F 826

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.63 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.473 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.105$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.208$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.26$ s.

A 0 B 0.274 C 0.454 D 0.634 E 0.814 F 0.994

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0169 C 0.0349 D 0.0529 E 0.0709 F 0.0889

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.86$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.30 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.71$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.243$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 13.9 C 31.9 D 49.9 E 67.9 F 85.9

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.09$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.07$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.88$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.115$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.13$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0190$ m, resistenza $R = 1.32$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.91$ A e $\tau = 1.15$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.154$ m, $b = 5.60$ m, ha intensità $E = 2.90$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

- A 0 B 0.259 C 0.439 D 0.619 E 0.799 F 0.979

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.85$ m.

- A 0 B 254 C 434 D 614 E 794 F 974

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.78 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.464 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.111$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.378$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.56$ s.

- A 0 B 1.09 C 2.89 D 4.69 E 6.49 F 8.29

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

- A 0 B 0.143 C 0.323 D 0.503 E 0.683 F 0.863

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.32$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.96 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.72$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.251$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

- A 0 B 2.37 C 4.17 D 5.97 E 7.77 F 9.57

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.65$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.23$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.97$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

- A 0 B 23.9 C 41.9 D 59.9 E 77.9 F 95.9

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.145$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

- A 0 B 0.109 C 0.289 D 0.469 E 0.649 F 0.829

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.96$ V/m.

- A 0 B 0.278 C 0.458 D 0.638 E 0.818 F 0.998

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

- A 0 B 1.41 C 3.21 D 5.01 E 6.81 F 8.61

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0105$ m, resistenza $R = 1.09$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.98$ A e $\tau = 1.25$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

- A 0 B 1.09×10^{-3} C 2.89×10^{-3} D 4.69×10^{-3} E 6.49×10^{-3} F 8.29×10^{-3}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.157$ m, $b = 7.14$ m, ha intensità $E = 1.34$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A B C D E F

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.62$ m.

A B C D E F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.495 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.114$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.231$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.97$ s.

A B C D E F

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A B C D E F

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.59$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.78 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.35$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.201$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A B C D E F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.71$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.41$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.57$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.196$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.25$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0109$ m, resistenza $R = 1.08$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.76$ A e $\tau = 1.29$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.140$ m, $b = 6.40$ m, ha intensità $E = 1.13$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.0163 C 0.0343 D 0.0523 E 0.0703 F 0.0883

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.04$ m.

A 0 B 167 C 347 D 527 E 707 F 887

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.70 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.592 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.111$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.297$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.16$ s.

A 0 B 1.15 C 2.95 D 4.75 E 6.55 F 8.35

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0158 C 0.0338 D 0.0518 E 0.0698 F 0.0878

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.97$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.64 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.77$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.303$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 13.0 C 31.0 D 49.0 E 67.0 F 85.0

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.14$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.20$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.12$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

- A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.135$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

- A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.33$ V/m.

- A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

- A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0162$ m, resistenza $R = 1.36$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.16$ A e $\tau = 1.77$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

- A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.149$ m, $b = 8.00$ m, ha intensità $E = 2.17$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.136 C 0.316 D 0.496 E 0.676 F 0.856

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.09$ m.

A 0 B 111 C 291 D 471 E 651 F 831

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.76 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.515 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.118$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.395$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.87$ s.

A 0 B 1.36 C 3.16 D 4.96 E 6.76 F 8.56

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.238 C 0.418 D 0.598 E 0.778 F 0.958

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.26$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.70 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.89$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.290$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.5 C 28.5 D 46.5 E 64.5 F 82.5

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.25$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.48$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.40$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A 0 B 141 C 321 D 501 E 681 F 861

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.151$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A 0 B 0.113 C 0.293 D 0.473 E 0.653 F 0.833

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.51$ V/m.

A 0 B 0.112 C 0.292 D 0.472 E 0.652 F 0.832

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A 0 B 1.13 C 2.93 D 4.73 E 6.53 F 8.33

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0150$ m, resistenza $R = 2.00$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.55$ A e $\tau = 1.90$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A 0 B 2.78×10^{-4} C 4.58×10^{-4} D 6.38×10^{-4} E 8.18×10^{-4} F 9.98×10^{-4}

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.151$ m, $b = 5.27$ m, ha intensità $E = 2.81$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.266 C 0.446 D 0.626 E 0.806 F 0.986

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.02$ m.

A 0 B 134 C 314 D 494 E 674 F 854

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.73 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.484 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.108$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.265$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.79$ s.

A 0 B 0.261 C 0.441 D 0.621 E 0.801 F 0.981

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0100 C 0.0280 D 0.0460 E 0.0640 F 0.0820

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.61$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.86 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.23$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.275$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 1.97 C 3.77 D 5.57 E 7.37 F 9.17

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.16$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.60$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.16$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.135$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.71$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0103$ m, resistenza $R = 1.46$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.22$ A e $\tau = 1.55$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.121$ m, $b = 9.16$ m, ha intensità $E = 2.89$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.158 C 0.338 D 0.518 E 0.698 F 0.878

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.31$ m.

A 0 B 125 C 305 D 485 E 665 F 845

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.69 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.582 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.110$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.397$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.37$ s.

A 0 B 1.50 C 3.30 D 5.10 E 6.90 F 8.70

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.180 C 0.360 D 0.540 E 0.720 F 0.900

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.79$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.64 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.90$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.374$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 12.8 C 30.8 D 48.8 E 66.8 F 84.8

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.01$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.05$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.87$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.144$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.61$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0167$ m, resistenza $R = 1.52$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.39$ A e $\tau = 1.49$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.127$ m, $b = 9.68$ m, ha intensità $E = 1.13$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A B C D E F

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.54$ m.

A B C D E F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.61 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.451 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.119$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.352$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.58$ s.

A B C D E F

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A B C D E F

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.69$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.89 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.70$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.247$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A B C D E F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.11$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.99$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.08$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.136$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.02$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0183$ m, resistenza $R = 1.93$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 2.00$ A e $\tau = 1.85$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.140$ m, $b = 3.35$ m, ha intensità $E = 1.47$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.219 C 0.399 D 0.579 E 0.759 F 0.939

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.32$ m.

A 0 B 107 C 287 D 467 E 647 F 827

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.66 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.507 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.116$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.289$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.41$ s.

A 0 B 1.02 C 2.82 D 4.62 E 6.42 F 8.22

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.0248 C 0.0428 D 0.0608 E 0.0788 F 0.0968

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.84$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.83 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.30$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.380$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 10.2 C 28.2 D 46.2 E 64.2 F 82.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.92$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.28$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.23$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.126$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.04$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0113$ m, resistenza $R = 1.59$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.12$ A e $\tau = 1.83$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$, con C una costante. Il campo elettrico nel punto $P = (a, b, 0)$, con $a = 0.162$ m, $b = 4.43$ m, ha intensità $E = 2.11$ V/m. Calcolare la costante C , in V/m^2 .

A 0 B 0.238 C 0.418 D 0.598 E 0.778 F 0.958

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse z del sistema di riferimento e raggio $R = 1.20$ m.

A 0 B 26.5 C 44.5 D 62.5 E 80.5 F 98.5

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse x e dell'asse y , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività $\rho = 1.69 \times 10^{-8}$ ohm·m e sezione $S = 0.569 \times 10^{-6}$ m², è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità $v = 0.106$ m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$, con $B_0 = 0.381$ tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale $t = 0$ la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante $t_1 = 1.19$ s.

A 0 B 1.36 C 3.16 D 4.96 E 6.76 F 8.56

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante t_1 per mantenere il moto a velocità costante.

A 0 B 0.131 C 0.311 D 0.491 E 0.671 F 0.851

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare $\lambda = 1.53$ nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse x e sull'asse y . Una particella di massa $m = 1.11 \times 10^{-9}$ kg e carica elettrica $q = 1.69$ nC, è lasciata ferma nel punto $P_1 = (a, a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con $a = 0.337$ m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto $P_2 = (3a, 3a, 0)$ (nel piano xy sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A 0 B 13.6 C 31.6 D 49.6 E 67.6 F 85.6

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$, con $L = 1.43$ m, è presente un campo magnetico $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$, con $k = 1.96$ T/m. Una spira quadrata di lato L giace nel piano xy , ha i lati paralleli agli assi x ed y e si muove con velocità costante $v = 1.40$ m/s nel verso positivo dell'asse x . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A B C D E F

7) Un cilindro pieno di raggio $R = 0.169$ m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza r dall'asse centrale del cilindro come $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$. Determinare per quale valore di r , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A B C D E F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di ρ_0 , in nC/m³, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore $E_{max} = 1.83$ V/m.

A B C D E F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di ρ_0 nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza $100R$ da esso.

A B C D E F

10) Una piccola spira circolare di raggio $a = 0.0104$ m, resistenza $R = 1.60$ ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente $n = 2 \times 10^3$ spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo $\theta = \frac{\pi}{4}$ rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$, con $I_0 = 1.38$ A e $\tau = 1.15$ ms. Determinare il momento meccanico, in $\mu\text{N}\cdot\text{m}$, delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante $t = \tau$.

A B C D E F