

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0176$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.66$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 214$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.01$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 0.175 C 0.355 D 0.535 E 0.715 F 0.895

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0230$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 198$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

A 0 B 11.8 C 29.8 D 47.8 E 65.8 F 83.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.111$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.88$ A, $a = 1.36$ A/s e $b = 1.01$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0119$ m e resistenza $R_0 = 1.50$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.70$ s.

A 0 B 2.04 C 3.84 D 5.64 E 7.44 F 9.24

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0100$ m, raggio esterno $b = 0.0219$ m e altezza $h = 1.02$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.28$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 118$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

A 0 B 2.14×10^{-4} C 3.94×10^{-4} D 5.74×10^{-4} E 7.54×10^{-4} F 9.34×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 108$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

A 0 B 0.165 C 0.345 D 0.525 E 0.705 F 0.885

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0119$ m e $c = 0.0604$ m e altezza $h = 0.489$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.24$ ohm·m e $\rho_2 = 1.92$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0402$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.69$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 21.0 C 39.0 D 57.0 E 75.0 F 93.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.47 C 3.27 D 5.07 E 6.87 F 8.67

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0274 C 0.0454 D 0.0634 E 0.0814 F 0.0994

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0167 C -0.0347 D -0.0527 E -0.0707 F -0.0887

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.112$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.68$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.15 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.78$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0109$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.59×10^{-3} C 3.39×10^{-3} D 5.19×10^{-3} E 6.99×10^{-3} F 8.79×10^{-3}

Testo n. 0

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0106$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.70$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 188$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.42$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.0261 C 0.0441 D 0.0621 E 0.0801 F 0.0981

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0267$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 198$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 25.7 C 43.7 D 61.7 E 79.7 F 97.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.119$ m e con $n = 1.04 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.35$ A, $a = 1.94$ A/s e $b = 1.14$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0117$ m e resistenza $R_0 = 1.64$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.17$ s.

- A 0 B 1.58 C 3.38 D 5.18 E 6.98 F 8.78

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0116$ m, raggio esterno $b = 0.0215$ m e altezza $h = 1.09$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.71$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 103$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.08×10^{-4} C 3.88×10^{-4} D 5.68×10^{-4} E 7.48×10^{-4} F 9.28×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 108$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.221 C 0.401 D 0.581 E 0.761 F 0.941

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0118$ m e $c = 0.0612$ m e altezza $h = 0.507$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.68$ ohm·m e $\rho_2 = 1.72$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0405$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.46$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 15.5 C 33.5 D 51.5 E 69.5 F 87.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.74 C 3.54 D 5.34 E 7.14 F 8.94

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0194 C 0.0374 D 0.0554 E 0.0734 F 0.0914

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0152 C -0.0332 D -0.0512 E -0.0692 F -0.0872

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.108$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.96$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.05 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.83$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0100$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 0.0100 C 0.0280 D 0.0460 E 0.0640 F 0.0820

Testo n. 1

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0159$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.55$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 146$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.84$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.255 C 0.435 D 0.615 E 0.795 F 0.975

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0252$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 115$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.8 C 33.8 D 51.8 E 69.8 F 87.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.103$ m e con $n = 1.12 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.10$ A, $a = 1.28$ A/s e $b = 1.46$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0115$ m e resistenza $R_0 = 1.44$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.28$ s.

- A 0 B 2.04 C 3.84 D 5.64 E 7.44 F 9.24

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0110$ m, raggio esterno $b = 0.0218$ m e altezza $h = 1.20$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.65$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 106$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.27×10^{-4} C 4.07×10^{-4} D 5.87×10^{-4} E 7.67×10^{-4} F 9.47×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 118$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.238 C 0.418 D 0.598 E 0.778 F 0.958

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0105$ m e $c = 0.0617$ m e altezza $h = 0.551$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.95$ ohm·m e $\rho_2 = 1.07$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0404$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.38$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 1.15 C 2.95 D 4.75 E 6.55 F 8.35

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.58 C 3.38 D 5.18 E 6.98 F 8.78

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0187 C 0.0367 D 0.0547 E 0.0727 F 0.0907

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0236 C -0.0416 D -0.0596 E -0.0776 F -0.0956

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.101$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.45$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.04 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.05$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0101$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.64×10^{-3} C 3.44×10^{-3} D 5.24×10^{-3} E 7.04×10^{-3} F 8.84×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0149$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.55$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 291$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.50$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.213 C 0.393 D 0.573 E 0.753 F 0.933

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0286$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 109$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 13.2 C 31.2 D 49.2 E 67.2 F 85.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.107$ m e con $n = 1.10 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.36$ A, $a = 1.81$ A/s e $b = 1.26$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0116$ m e resistenza $R_0 = 1.09$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.75$ s.

- A 0 B 1.53 C 3.33 D 5.13 E 6.93 F 8.73

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0114$ m, raggio esterno $b = 0.0202$ m e altezza $h = 1.08$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 2.00$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 100$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.99×10^{-4} C 3.79×10^{-4} D 5.59×10^{-4} E 7.39×10^{-4} F 9.19×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 113$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.225 C 0.405 D 0.585 E 0.765 F 0.945

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0117$ m e $c = 0.0615$ m e altezza $h = 0.526$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.81$ ohm·m e $\rho_2 = 1.97$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0400$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.93$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 22.7 C 40.7 D 58.7 E 76.7 F 94.7

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0273 C 0.0453 D 0.0633 E 0.0813 F 0.0993

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0116 C -0.0296 D -0.0476 E -0.0656 F -0.0836

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.108$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.22$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.20 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.45$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0114$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.61×10^{-3} C 3.41×10^{-3} D 5.21×10^{-3} E 7.01×10^{-3} F 8.81×10^{-3}

Testo n. 3

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0125$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.82$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 190$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.36$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.200 C 0.380 D 0.560 E 0.740 F 0.920

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0300$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 181$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 20.9 C 38.9 D 56.9 E 74.9 F 92.9

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.104$ m e con $n = 1.17 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.62$ A, $a = 1.47$ A/s e $b = 1.67$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0114$ m e resistenza $R_0 = 1.22$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.36$ s.

- A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0116$ m, raggio esterno $b = 0.0212$ m e altezza $h = 1.07$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.80$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 106$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.16×10^{-4} C 3.96×10^{-4} D 5.76×10^{-4} E 7.56×10^{-4} F 9.36×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 104$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.215 C 0.395 D 0.575 E 0.755 F 0.935

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0111$ m e $c = 0.0618$ m e altezza $h = 0.420$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.06$ ohm·m e $\rho_2 = 1.91$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0401$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.95$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 27.7 C 45.7 D 63.7 E 81.7 F 99.7

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.81 C 3.61 D 5.41 E 7.21 F 9.01

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0154 C 0.0334 D 0.0514 E 0.0694 F 0.0874

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0184 C -0.0364 D -0.0544 E -0.0724 F -0.0904

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.102$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.01$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.08 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.83$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0105$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.28×10^{-3} C 4.08×10^{-3} D 5.88×10^{-3} E 7.68×10^{-3} F 9.48×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0181$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.55$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 290$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.62$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.195 C 0.375 D 0.555 E 0.735 F 0.915

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0216$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 115$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 18.4 C 36.4 D 54.4 E 72.4 F 90.4

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.103$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.62$ A, $a = 1.84$ A/s e $b = 1.42$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0117$ m e resistenza $R_0 = 1.20$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.22$ s.

- A 0 B 2.72 C 4.52 D 6.32 E 8.12 F 9.92

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0109$ m, raggio esterno $b = 0.0211$ m e altezza $h = 1.00$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.74$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 115$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.38×10^{-4} C 4.18×10^{-4} D 5.98×10^{-4} E 7.78×10^{-4} F 9.58×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 112$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.218 C 0.398 D 0.578 E 0.758 F 0.938

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0113$ m e $c = 0.0617$ m e altezza $h = 0.423$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.10$ ohm·m e $\rho_2 = 1.89$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0401$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.68$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 23.5 C 41.5 D 59.5 E 77.5 F 95.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.00 C 2.80 D 4.60 E 6.40 F 8.20

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0219 C 0.0399 D 0.0579 E 0.0759 F 0.0939

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0117 C -0.0297 D -0.0477 E -0.0657 F -0.0837

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.118$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.47$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.10 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.18$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0106$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.02×10^{-3} C 2.82×10^{-3} D 4.62×10^{-3} E 6.42×10^{-3} F 8.22×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0178$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.25$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 218$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.72$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.189 C 0.369 D 0.549 E 0.729 F 0.909

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0255$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 177$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 24.0 C 42.0 D 60.0 E 78.0 F 96.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.111$ m e con $n = 1.18 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.61$ A, $a = 1.98$ A/s e $b = 1.73$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0116$ m e resistenza $R_0 = 1.20$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.19$ s.

- A 0 B 1.39 C 3.19 D 4.99 E 6.79 F 8.59

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0108$ m, raggio esterno $b = 0.0204$ m e altezza $h = 1.19$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.13$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 116$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.42×10^{-4} C 3.22×10^{-4} D 5.02×10^{-4} E 6.82×10^{-4} F 8.62×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 111$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.127 C 0.307 D 0.487 E 0.667 F 0.847

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0120$ m e $c = 0.0618$ m e altezza $h = 0.425$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.77$ ohm·m e $\rho_2 = 1.98$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0416$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.79$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A B C D E F

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A B C D E F

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A B C D E F

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A B C D E F

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.109$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.30$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.19 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.72$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0102$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A B C D E F

Testo n. 6

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0109$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.63$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 288$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.74$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 0.152 C 0.332 D 0.512 E 0.692 F 0.872

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0216$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 150$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

A 0 B 24.1 C 42.1 D 60.1 E 78.1 F 96.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.105$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.48$ A, $a = 1.99$ A/s e $b = 1.50$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0114$ m e resistenza $R_0 = 1.19$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.88$ s.

A 0 B 1.95 C 3.75 D 5.55 E 7.35 F 9.15

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0118$ m, raggio esterno $b = 0.0202$ m e altezza $h = 1.00$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.69$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 114$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

A 0 B 1.84×10^{-4} C 3.64×10^{-4} D 5.44×10^{-4} E 7.24×10^{-4} F 9.04×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 100$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

A 0 B 0.168 C 0.348 D 0.528 E 0.708 F 0.888

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0112$ m e $c = 0.0616$ m e altezza $h = 0.577$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.18$ ohm·m e $\rho_2 = 1.62$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0414$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.03$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 1.74 C 3.54 D 5.34 E 7.14 F 8.94

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.11 C 3.91 D 5.71 E 7.51 F 9.31

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0112 C 0.0292 D 0.0472 E 0.0652 F 0.0832

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0145 C -0.0325 D -0.0505 E -0.0685 F -0.0865

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.118$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.65$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.15 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -2.00$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0115$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.80×10^{-3} C 3.60×10^{-3} D 5.40×10^{-3} E 7.20×10^{-3} F 9.00×10^{-3}

Testo n. 7

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0107$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.88$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 122$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.31$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.0108 C 0.0288 D 0.0468 E 0.0648 F 0.0828

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0288$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 137$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 16.5 C 34.5 D 52.5 E 70.5 F 88.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.117$ m e con $n = 1.18 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.37$ A, $a = 1.34$ A/s e $b = 1.60$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0111$ m e resistenza $R_0 = 1.22$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.49$ s.

- A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0113$ m, raggio esterno $b = 0.0205$ m e altezza $h = 1.04$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.36$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 105$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.50×10^{-4} C 3.30×10^{-4} D 5.10×10^{-4} E 6.90×10^{-4} F 8.70×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 116$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.164 C 0.344 D 0.524 E 0.704 F 0.884

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0104$ m e $c = 0.0602$ m e altezza $h = 0.477$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.59$ ohm·m e $\rho_2 = 1.80$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0408$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.71$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 20.3 C 38.3 D 56.3 E 74.3 F 92.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0126 C 0.0306 D 0.0486 E 0.0666 F 0.0846

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0214 C -0.0394 D -0.0574 E -0.0754 F -0.0934

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.109$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.18$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.14 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.19$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0105$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.50×10^{-3} C 4.30×10^{-3} D 6.10×10^{-3} E 7.90×10^{-3} F 9.70×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0165$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.60$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 181$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.17$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.145 C 0.325 D 0.505 E 0.685 F 0.865

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0334$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 125$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 13.0 C 31.0 D 49.0 E 67.0 F 85.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.100$ m e con $n = 1.01 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.59$ A, $a = 1.60$ A/s e $b = 1.59$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0116$ m e resistenza $R_0 = 1.10$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.26$ s.

- A 0 B 2.73 C 4.53 D 6.33 E 8.13 F 9.93

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0101$ m, raggio esterno $b = 0.0206$ m e altezza $h = 1.13$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.28$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 102$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.55×10^{-4} C 3.35×10^{-4} D 5.15×10^{-4} E 6.95×10^{-4} F 8.75×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 116$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.152 C 0.332 D 0.512 E 0.692 F 0.872

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0108$ m e $c = 0.0609$ m e altezza $h = 0.519$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.39$ ohm·m e $\rho_2 = 1.88$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0406$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.65$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A B C D E F

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A B C D E F

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A B C D E F

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A B C D E F

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.101$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.02$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.17 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.31$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0113$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0114$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.44$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 250$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.62$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.146 C 0.326 D 0.506 E 0.686 F 0.866

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0394$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 176$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.5 C 33.5 D 51.5 E 69.5 F 87.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.117$ m e con $n = 1.11 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.36$ A, $a = 1.44$ A/s e $b = 1.38$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0109$ m e resistenza $R_0 = 1.70$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.42$ s.

- A 0 B 1.64 C 3.44 D 5.24 E 7.04 F 8.84

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0115$ m, raggio esterno $b = 0.0206$ m e altezza $h = 1.14$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.82$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 103$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.96×10^{-4} C 3.76×10^{-4} D 5.56×10^{-4} E 7.36×10^{-4} F 9.16×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 102$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.196 C 0.376 D 0.556 E 0.736 F 0.916

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0106$ m e $c = 0.0615$ m e altezza $h = 0.459$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.33$ ohm·m e $\rho_2 = 1.03$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0419$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.23$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 1.30 C 3.10 D 4.90 E 6.70 F 8.50

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.71 C 4.51 D 6.31 E 8.11 F 9.91

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0112 C 0.0292 D 0.0472 E 0.0652 F 0.0832

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0179 C -0.0359 D -0.0539 E -0.0719 F -0.0899

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.101$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.78$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.11 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.71$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0118$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 0.0104 C 0.0284 D 0.0464 E 0.0644 F 0.0824

Testo n. 10

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0126$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.92$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 246$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.45$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.171 C 0.351 D 0.531 E 0.711 F 0.891

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0243$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 158$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 22.5 C 40.5 D 58.5 E 76.5 F 94.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.116$ m e con $n = 1.12 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.02$ A, $a = 1.16$ A/s e $b = 1.03$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0114$ m e resistenza $R_0 = 1.58$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.78$ s.

- A 0 B 1.76 C 3.56 D 5.36 E 7.16 F 8.96

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0101$ m, raggio esterno $b = 0.0206$ m e altezza $h = 1.12$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.17$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 108$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.50×10^{-4} C 3.30×10^{-4} D 5.10×10^{-4} E 6.90×10^{-4} F 8.70×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 118$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.141 C 0.321 D 0.501 E 0.681 F 0.861

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0118$ m e $c = 0.0614$ m e altezza $h = 0.408$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.86$ ohm·m e $\rho_2 = 1.62$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0405$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.98$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 24.6 C 42.6 D 60.6 E 78.6 F 96.6

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.50 C 4.30 D 6.10 E 7.90 F 9.70

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.103 C 0.283 D 0.463 E 0.643 F 0.823

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0203 C -0.0383 D -0.0563 E -0.0743 F -0.0923

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.108$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.80$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.14 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.32$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0101$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.46×10^{-3} C 4.26×10^{-3} D 6.06×10^{-3} E 7.86×10^{-3} F 9.66×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0116$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.10$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 156$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.74$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.0271 C 0.0451 D 0.0631 E 0.0811 F 0.0991

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0325$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 107$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 11.4 C 29.4 D 47.4 E 65.4 F 83.4

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.119$ m e con $n = 1.13 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.23$ A, $a = 1.98$ A/s e $b = 1.36$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0116$ m e resistenza $R_0 = 1.76$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.40$ s.

- A 0 B 1.97 C 3.77 D 5.57 E 7.37 F 9.17

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0102$ m, raggio esterno $b = 0.0207$ m e altezza $h = 1.11$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.48$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 105$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.85×10^{-4} C 3.65×10^{-4} D 5.45×10^{-4} E 7.25×10^{-4} F 9.05×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 109$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.168 C 0.348 D 0.528 E 0.708 F 0.888

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0103$ m e $c = 0.0605$ m e altezza $h = 0.478$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.56$ ohm·m e $\rho_2 = 1.54$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0407$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.18$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 12.0 C 30.0 D 48.0 E 66.0 F 84.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.44 C 3.24 D 5.04 E 6.84 F 8.64

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0221 C 0.0401 D 0.0581 E 0.0761 F 0.0941

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0240 C -0.0420 D -0.0600 E -0.0780 F -0.0960

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.107$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.06$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.10 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.40$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0104$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.07×10^{-3} C 2.87×10^{-3} D 4.67×10^{-3} E 6.47×10^{-3} F 8.27×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0155$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.37$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 218$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.35$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.263 C 0.443 D 0.623 E 0.803 F 0.983

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0351$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 154$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.2 C 33.2 D 51.2 E 69.2 F 87.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.116$ m e con $n = 1.20 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.52$ A, $a = 1.18$ A/s e $b = 1.79$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0106$ m e resistenza $R_0 = 1.57$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.89$ s.

- A 0 B 2.69 C 4.49 D 6.29 E 8.09 F 9.89

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0113$ m, raggio esterno $b = 0.0203$ m e altezza $h = 1.07$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.87$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 112$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.14×10^{-4} C 3.94×10^{-4} D 5.74×10^{-4} E 7.54×10^{-4} F 9.34×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 111$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.210 C 0.390 D 0.570 E 0.750 F 0.930

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0103$ m e $c = 0.0620$ m e altezza $h = 0.461$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.36$ ohm·m e $\rho_2 = 1.36$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0410$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.02$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 2.10 C 3.90 D 5.70 E 7.50 F 9.30

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.01 C 2.81 D 4.61 E 6.41 F 8.21

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0124 C 0.0304 D 0.0484 E 0.0664 F 0.0844

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0181 C -0.0361 D -0.0541 E -0.0721 F -0.0901

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.108$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.98$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.09 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.63$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0111$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.60×10^{-3} C 4.40×10^{-3} D 6.20×10^{-3} E 8.00×10^{-3} F 9.80×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0111$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.45$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 242$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.74$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.186 C 0.366 D 0.546 E 0.726 F 0.906

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0353$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 153$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.0 C 33.0 D 51.0 E 69.0 F 87.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.117$ m e con $n = 1.06 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.70$ A, $a = 1.64$ A/s e $b = 1.57$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0105$ m e resistenza $R_0 = 1.53$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.21$ s.

- A 0 B 1.64 C 3.44 D 5.24 E 7.04 F 8.84

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0108$ m, raggio esterno $b = 0.0218$ m e altezza $h = 1.02$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.01$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 109$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.45×10^{-4} C 3.25×10^{-4} D 5.05×10^{-4} E 6.85×10^{-4} F 8.65×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 104$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.128 C 0.308 D 0.488 E 0.668 F 0.848

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0120$ m e $c = 0.0615$ m e altezza $h = 0.579$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.70$ ohm·m e $\rho_2 = 1.23$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0418$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.77$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 11.6 C 29.6 D 47.6 E 65.6 F 83.6

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.28 C 3.08 D 4.88 E 6.68 F 8.48

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0197 C 0.0377 D 0.0557 E 0.0737 F 0.0917

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0184 C -0.0364 D -0.0544 E -0.0724 F -0.0904

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.104$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.35$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.08 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.74$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0109$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.44×10^{-3} C 3.24×10^{-3} D 5.04×10^{-3} E 6.84×10^{-3} F 8.64×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0163$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.90$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 166$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.78$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.234 C 0.414 D 0.594 E 0.774 F 0.954

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0396$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 118$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 10.3 C 28.3 D 46.3 E 64.3 F 82.3

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.113$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.82$ A, $a = 1.24$ A/s e $b = 1.95$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0107$ m e resistenza $R_0 = 1.45$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.37$ s.

- A 0 B 2.34 C 4.14 D 5.94 E 7.74 F 9.54

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0105$ m, raggio esterno $b = 0.0211$ m e altezza $h = 1.07$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.70$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 115$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.40×10^{-4} C 4.20×10^{-4} D 6.00×10^{-4} E 7.80×10^{-4} F 9.60×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 107$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.201 C 0.381 D 0.561 E 0.741 F 0.921

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0109$ m e $c = 0.0613$ m e altezza $h = 0.544$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.32$ ohm·m e $\rho_2 = 1.56$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0410$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.87$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 16.7 C 34.7 D 52.7 E 70.7 F 88.7

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.40 C 4.20 D 6.00 E 7.80 F 9.60

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0161 C 0.0341 D 0.0521 E 0.0701 F 0.0881

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0263 C -0.0443 D -0.0623 E -0.0803 F -0.0983

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.118$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.89$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.12 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.37$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0110$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.51×10^{-3} C 4.31×10^{-3} D 6.11×10^{-3} E 7.91×10^{-3} F 9.71×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0107$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.40$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 280$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.10$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.133 C 0.313 D 0.493 E 0.673 F 0.853

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0377$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 158$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 14.5 C 32.5 D 50.5 E 68.5 F 86.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.115$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.82$ A, $a = 1.68$ A/s e $b = 1.06$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0105$ m e resistenza $R_0 = 1.05$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.33$ s.

- A 0 B 2.13 C 3.93 D 5.73 E 7.53 F 9.33

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0116$ m, raggio esterno $b = 0.0208$ m e altezza $h = 1.00$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.54$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 116$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.91×10^{-4} C 3.71×10^{-4} D 5.51×10^{-4} E 7.31×10^{-4} F 9.11×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 109$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.182 C 0.362 D 0.542 E 0.722 F 0.902

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0104$ m e $c = 0.0610$ m e altezza $h = 0.424$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.46$ ohm·m e $\rho_2 = 1.00$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0420$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.64$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 12.0 C 30.0 D 48.0 E 66.0 F 84.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.32 C 3.12 D 4.92 E 6.72 F 8.52

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0253 C 0.0433 D 0.0613 E 0.0793 F 0.0973

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0108 C -0.0288 D -0.0468 E -0.0648 F -0.0828

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.118$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.61$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.00 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.40$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0114$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.55×10^{-3} C 4.35×10^{-3} D 6.15×10^{-3} E 7.95×10^{-3} F 9.75×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0171$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.61$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 245$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.19$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.217 C 0.397 D 0.577 E 0.757 F 0.937

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0377$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 145$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 13.3 C 31.3 D 49.3 E 67.3 F 85.3

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.106$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.14$ A, $a = 1.36$ A/s e $b = 1.97$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0104$ m e resistenza $R_0 = 1.69$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.77$ s.

- A 0 B 2.40 C 4.20 D 6.00 E 7.80 F 9.60

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0112$ m, raggio esterno $b = 0.0214$ m e altezza $h = 1.06$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.40$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 103$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.74×10^{-4} C 3.54×10^{-4} D 5.34×10^{-4} E 7.14×10^{-4} F 8.94×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 110$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.180 C 0.360 D 0.540 E 0.720 F 0.900

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0118$ m e $c = 0.0606$ m e altezza $h = 0.443$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.82$ ohm·m e $\rho_2 = 1.28$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0417$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.80$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 16.2 C 34.2 D 52.2 E 70.2 F 88.2

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.46 C 3.26 D 5.06 E 6.86 F 8.66

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0208 C 0.0388 D 0.0568 E 0.0748 F 0.0928

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0184 C -0.0364 D -0.0544 E -0.0724 F -0.0904

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.118$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.86$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.04 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.57$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0112$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.60×10^{-3} C 3.40×10^{-3} D 5.20×10^{-3} E 7.00×10^{-3} F 8.80×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0151$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.59$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 134$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.79$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.137 C 0.317 D 0.497 E 0.677 F 0.857

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0350$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 147$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 14.5 C 32.5 D 50.5 E 68.5 F 86.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.102$ m e con $n = 1.18 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.83$ A, $a = 1.07$ A/s e $b = 1.07$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0110$ m e resistenza $R_0 = 1.84$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.68$ s.

- A 0 B 1.43 C 3.23 D 5.03 E 6.83 F 8.63

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0105$ m, raggio esterno $b = 0.0203$ m e altezza $h = 1.02$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.41$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 113$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.75×10^{-4} C 3.55×10^{-4} D 5.35×10^{-4} E 7.15×10^{-4} F 8.95×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 120$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.168 C 0.348 D 0.528 E 0.708 F 0.888

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0114$ m e $c = 0.0617$ m e altezza $h = 0.580$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.96$ ohm·m e $\rho_2 = 1.71$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0414$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.88$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 17.1 C 35.1 D 53.1 E 71.1 F 89.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.52 C 4.32 D 6.12 E 7.92 F 9.72

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0272 C 0.0452 D 0.0632 E 0.0812 F 0.0992

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0167 C -0.0347 D -0.0527 E -0.0707 F -0.0887

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.111$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.91$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.09 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.15$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0108$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.37×10^{-3} C 4.17×10^{-3} D 5.97×10^{-3} E 7.77×10^{-3} F 9.57×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0174$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.64$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 264$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.99$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.230 C 0.410 D 0.590 E 0.770 F 0.950

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0358$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 192$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 18.6 C 36.6 D 54.6 E 72.6 F 90.6

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.108$ m e con $n = 1.12 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.99$ A, $a = 1.45$ A/s e $b = 1.15$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0117$ m e resistenza $R_0 = 1.13$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.38$ s.

- A 0 B 2.48 C 4.28 D 6.08 E 7.88 F 9.68

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0120$ m, raggio esterno $b = 0.0204$ m e altezza $h = 1.16$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.63$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 104$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.64×10^{-4} C 3.44×10^{-4} D 5.24×10^{-4} E 7.04×10^{-4} F 8.84×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 110$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.184 C 0.364 D 0.544 E 0.724 F 0.904

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0110$ m e $c = 0.0602$ m e altezza $h = 0.494$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.38$ ohm·m e $\rho_2 = 1.79$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0407$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.76$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 20.1 C 38.1 D 56.1 E 74.1 F 92.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.85 C 3.65 D 5.45 E 7.25 F 9.05

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0143 C 0.0323 D 0.0503 E 0.0683 F 0.0863

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0224 C -0.0404 D -0.0584 E -0.0764 F -0.0944

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.114$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.79$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.18 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.12$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0111$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.65×10^{-3} C 3.45×10^{-3} D 5.25×10^{-3} E 7.05×10^{-3} F 8.85×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0123$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.87$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 106$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.04$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 0.0212 C 0.0392 D 0.0572 E 0.0752 F 0.0932

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0371$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 141$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

A 0 B 13.2 C 31.2 D 49.2 E 67.2 F 85.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.113$ m e con $n = 1.17 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.86$ A, $a = 1.79$ A/s e $b = 1.68$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0120$ m e resistenza $R_0 = 1.17$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.67$ s.

A 0 B 2.41 C 4.21 D 6.01 E 7.81 F 9.61

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0104$ m, raggio esterno $b = 0.0219$ m e altezza $h = 1.06$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.38$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 109$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

A 0 B 2.07×10^{-4} C 3.87×10^{-4} D 5.67×10^{-4} E 7.47×10^{-4} F 9.27×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 115$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

A 0 B 0.193 C 0.373 D 0.553 E 0.733 F 0.913

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0109$ m e $c = 0.0618$ m e altezza $h = 0.592$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.51$ ohm·m e $\rho_2 = 1.27$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0414$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.95$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 12.9 C 30.9 D 48.9 E 66.9 F 84.9

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.62 C 3.42 D 5.22 E 7.02 F 8.82

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0239 C 0.0419 D 0.0599 E 0.0779 F 0.0959

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0199 C -0.0379 D -0.0559 E -0.0739 F -0.0919

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.101$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.63$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.01 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.60$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0117$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 0.0100 C 0.0280 D 0.0460 E 0.0640 F 0.0820

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0101$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.27$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 276$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.72$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.273 C 0.453 D 0.633 E 0.813 F 0.993

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0209$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 152$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 25.2 C 43.2 D 61.2 E 79.2 F 97.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.114$ m e con $n = 1.18 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.30$ A, $a = 1.38$ A/s e $b = 1.89$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0109$ m e resistenza $R_0 = 1.05$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.08$ s.

- A 0 B 1.08 C 2.88 D 4.68 E 6.48 F 8.28

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0109$ m, raggio esterno $b = 0.0207$ m e altezza $h = 1.09$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.89$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 102$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.17×10^{-4} C 3.97×10^{-4} D 5.77×10^{-4} E 7.57×10^{-4} F 9.37×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 118$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.237 C 0.417 D 0.597 E 0.777 F 0.957

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0116$ m e $c = 0.0601$ m e altezza $h = 0.435$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.17$ ohm·m e $\rho_2 = 1.79$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0403$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.15$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 15.0 C 33.0 D 51.0 E 69.0 F 87.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.49 C 4.29 D 6.09 E 7.89 F 9.69

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0245 C 0.0425 D 0.0605 E 0.0785 F 0.0965

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0242 C -0.0422 D -0.0602 E -0.0782 F -0.0962

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.108$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.20$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.15 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.28$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0104$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.78×10^{-3} C 4.58×10^{-3} D 6.38×10^{-3} E 8.18×10^{-3} F 9.98×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0139$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.32$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 113$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.86$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.0122 C 0.0302 D 0.0482 E 0.0662 F 0.0842

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0336$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 177$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 18.2 C 36.2 D 54.2 E 72.2 F 90.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.107$ m e con $n = 1.20 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.16$ A, $a = 1.22$ A/s e $b = 1.46$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0104$ m e resistenza $R_0 = 1.30$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.90$ s.

- A 0 B 2.67 C 4.47 D 6.27 E 8.07 F 9.87

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0111$ m, raggio esterno $b = 0.0215$ m e altezza $h = 1.16$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.66$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 113$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.32×10^{-4} C 4.12×10^{-4} D 5.92×10^{-4} E 7.72×10^{-4} F 9.52×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 112$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.220 C 0.400 D 0.580 E 0.760 F 0.940

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0114$ m e $c = 0.0617$ m e altezza $h = 0.535$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.03$ ohm·m e $\rho_2 = 1.97$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0417$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.94$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 22.0 C 40.0 D 58.0 E 76.0 F 94.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.41 C 4.21 D 6.01 E 7.81 F 9.61

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0144 C 0.0324 D 0.0504 E 0.0684 F 0.0864

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0166 C -0.0346 D -0.0526 E -0.0706 F -0.0886

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.103$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.58$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.04 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.38$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0119$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.73×10^{-3} C 3.53×10^{-3} D 5.33×10^{-3} E 7.13×10^{-3} F 8.93×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0138$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.89$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 179$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.12$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.113 C 0.293 D 0.473 E 0.653 F 0.833

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0243$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 173$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 24.7 C 42.7 D 60.7 E 78.7 F 96.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.101$ m e con $n = 1.07 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.95$ A, $a = 1.50$ A/s e $b = 1.58$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0105$ m e resistenza $R_0 = 1.40$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.12$ s.

- A 0 B 1.68 C 3.48 D 5.28 E 7.08 F 8.88

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0120$ m, raggio esterno $b = 0.0204$ m e altezza $h = 1.16$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.67$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 116$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.87×10^{-4} C 3.67×10^{-4} D 5.47×10^{-4} E 7.27×10^{-4} F 9.07×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 110$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.188 C 0.368 D 0.548 E 0.728 F 0.908

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0110$ m e $c = 0.0609$ m e altezza $h = 0.403$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.97$ ohm·m e $\rho_2 = 1.28$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0419$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.66$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 16.3 C 34.3 D 52.3 E 70.3 F 88.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0190 C 0.0370 D 0.0550 E 0.0730 F 0.0910

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0182 C -0.0362 D -0.0542 E -0.0722 F -0.0902

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.117$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.17$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.01 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.82$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0111$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.25×10^{-3} C 4.05×10^{-3} D 5.85×10^{-3} E 7.65×10^{-3} F 9.45×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0148$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.43$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 221$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.39$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.260 C 0.440 D 0.620 E 0.800 F 0.980

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0389$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 165$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 14.7 C 32.7 D 50.7 E 68.7 F 86.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.101$ m e con $n = 1.18 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.15$ A, $a = 1.64$ A/s e $b = 1.14$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0111$ m e resistenza $R_0 = 1.76$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.14$ s.

- A 0 B 1.38 C 3.18 D 4.98 E 6.78 F 8.58

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0115$ m, raggio esterno $b = 0.0211$ m e altezza $h = 1.16$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.52$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 101$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.73×10^{-4} C 3.53×10^{-4} D 5.33×10^{-4} E 7.13×10^{-4} F 8.93×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 106$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.182 C 0.362 D 0.542 E 0.722 F 0.902

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0119$ m e $c = 0.0601$ m e altezza $h = 0.562$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.50$ ohm·m e $\rho_2 = 2.00$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0409$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.11$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 12.4 C 30.4 D 48.4 E 66.4 F 84.4

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.99 C 3.79 D 5.59 E 7.39 F 9.19

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0262 C 0.0442 D 0.0622 E 0.0802 F 0.0982

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0246 C -0.0426 D -0.0606 E -0.0786 F -0.0966

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.103$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.50$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.19 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.71$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0119$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.85×10^{-3} C 3.65×10^{-3} D 5.45×10^{-3} E 7.25×10^{-3} F 9.05×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0115$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.63$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 233$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.18$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.0211 C 0.0391 D 0.0571 E 0.0751 F 0.0931

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0393$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 173$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.2 C 33.2 D 51.2 E 69.2 F 87.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.120$ m e con $n = 1.02 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.37$ A, $a = 1.13$ A/s e $b = 1.68$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0103$ m e resistenza $R_0 = 1.27$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.42$ s.

- A 0 B 1.99 C 3.79 D 5.59 E 7.39 F 9.19

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0113$ m, raggio esterno $b = 0.0202$ m e altezza $h = 1.19$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.70$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 108$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.85×10^{-4} C 3.65×10^{-4} D 5.45×10^{-4} E 7.25×10^{-4} F 9.05×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 118$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.200 C 0.380 D 0.560 E 0.740 F 0.920

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0115$ m e $c = 0.0604$ m e altezza $h = 0.431$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.49$ ohm·m e $\rho_2 = 1.68$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0405$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.91$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 23.5 C 41.5 D 59.5 E 77.5 F 95.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.75 C 3.55 D 5.35 E 7.15 F 8.95

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0208 C 0.0388 D 0.0568 E 0.0748 F 0.0928

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0104 C -0.0284 D -0.0464 E -0.0644 F -0.0824

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.103$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.19$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.12 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.15$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0107$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.08×10^{-3} C 2.88×10^{-3} D 4.68×10^{-3} E 6.48×10^{-3} F 8.28×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0194$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.63$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 186$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.81$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.273 C 0.453 D 0.633 E 0.813 F 0.993

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0309$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 142$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.9 C 33.9 D 51.9 E 69.9 F 87.9

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.101$ m e con $n = 1.18 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.55$ A, $a = 1.71$ A/s e $b = 1.05$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0116$ m e resistenza $R_0 = 1.12$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.71$ s.

- A 0 B 1.17 C 2.97 D 4.77 E 6.57 F 8.37

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0118$ m, raggio esterno $b = 0.0201$ m e altezza $h = 1.08$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.30$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 119$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.45×10^{-4} C 3.25×10^{-4} D 5.05×10^{-4} E 6.85×10^{-4} F 8.65×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 103$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.131 C 0.311 D 0.491 E 0.671 F 0.851

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0110$ m e $c = 0.0602$ m e altezza $h = 0.581$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.37$ ohm·m e $\rho_2 = 1.37$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0416$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.36$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 10.0 C 28.0 D 46.0 E 64.0 F 82.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.35 C 4.15 D 5.95 E 7.75 F 9.55

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0166 C 0.0346 D 0.0526 E 0.0706 F 0.0886

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0181 C -0.0361 D -0.0541 E -0.0721 F -0.0901

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.111$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.44$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.10 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.90$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0108$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.44×10^{-3} C 3.24×10^{-3} D 5.04×10^{-3} E 6.84×10^{-3} F 8.64×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0132$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.66$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 158$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.73$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.196 C 0.376 D 0.556 E 0.736 F 0.916

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0349$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 132$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 13.1 C 31.1 D 49.1 E 67.1 F 85.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.116$ m e con $n = 1.06 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.03$ A, $a = 1.83$ A/s e $b = 1.11$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0103$ m e resistenza $R_0 = 1.54$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.01$ s.

- A 0 B 1.17 C 2.97 D 4.77 E 6.57 F 8.37

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0104$ m, raggio esterno $b = 0.0219$ m e altezza $h = 1.06$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.16$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 102$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.63×10^{-4} C 3.43×10^{-4} D 5.23×10^{-4} E 7.03×10^{-4} F 8.83×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 116$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.163 C 0.343 D 0.523 E 0.703 F 0.883

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0105$ m e $c = 0.0600$ m e altezza $h = 0.401$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.27$ ohm·m e $\rho_2 = 1.83$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0407$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.20$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 17.3 C 35.3 D 53.3 E 71.3 F 89.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.94 C 3.74 D 5.54 E 7.34 F 9.14

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0200 C 0.0380 D 0.0560 E 0.0740 F 0.0920

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0185 C -0.0365 D -0.0545 E -0.0725 F -0.0905

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.106$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.87$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.02 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.66$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0104$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.61×10^{-3} C 4.41×10^{-3} D 6.21×10^{-3} E 8.01×10^{-3} F 9.81×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0142$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.90$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 111$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.34$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.137 C 0.317 D 0.497 E 0.677 F 0.857

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0254$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 184$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 25.1 C 43.1 D 61.1 E 79.1 F 97.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.109$ m e con $n = 1.06 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.66$ A, $a = 1.58$ A/s e $b = 1.44$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0104$ m e resistenza $R_0 = 1.59$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.65$ s.

- A 0 B 1.80 C 3.60 D 5.40 E 7.20 F 9.00

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0103$ m, raggio esterno $b = 0.0218$ m e altezza $h = 1.16$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.25$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 114$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.95×10^{-4} C 3.75×10^{-4} D 5.55×10^{-4} E 7.35×10^{-4} F 9.15×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 101$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.151 C 0.331 D 0.511 E 0.691 F 0.871

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0105$ m e $c = 0.0614$ m e altezza $h = 0.541$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.20$ ohm·m e $\rho_2 = 1.08$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0418$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.37$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 1.24 C 3.04 D 4.84 E 6.64 F 8.44

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.51 C 4.31 D 6.11 E 7.91 F 9.71

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0149 C 0.0329 D 0.0509 E 0.0689 F 0.0869

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0198 C -0.0378 D -0.0558 E -0.0738 F -0.0918

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.119$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 2.00$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.01 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.14$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0108$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.29×10^{-3} C 4.09×10^{-3} D 5.89×10^{-3} E 7.69×10^{-3} F 9.49×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0198$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.39$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 219$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.51$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.103 C 0.283 D 0.463 E 0.643 F 0.823

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0206$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 106$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 17.8 C 35.8 D 53.8 E 71.8 F 89.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.111$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.64$ A, $a = 1.99$ A/s e $b = 1.89$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0104$ m e resistenza $R_0 = 1.64$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.04$ s.

- A 0 B 1.76 C 3.56 D 5.36 E 7.16 F 8.96

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0102$ m, raggio esterno $b = 0.0209$ m e altezza $h = 1.06$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.83$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 110$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.47×10^{-4} C 4.27×10^{-4} D 6.07×10^{-4} E 7.87×10^{-4} F 9.67×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 111$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.217 C 0.397 D 0.577 E 0.757 F 0.937

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0111$ m e $c = 0.0604$ m e altezza $h = 0.532$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.24$ ohm·m e $\rho_2 = 1.12$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0401$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.57$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 10.5 C 28.5 D 46.5 E 64.5 F 82.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.58 C 3.38 D 5.18 E 6.98 F 8.78

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0188 C 0.0368 D 0.0548 E 0.0728 F 0.0908

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0213 C -0.0393 D -0.0573 E -0.0753 F -0.0933

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.102$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.07$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.14 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.54$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0101$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.53×10^{-3} C 3.33×10^{-3} D 5.13×10^{-3} E 6.93×10^{-3} F 8.73×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0190$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.28$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 160$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.86$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.152 C 0.332 D 0.512 E 0.692 F 0.872

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0240$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 185$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 26.7 C 44.7 D 62.7 E 80.7 F 98.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.112$ m e con $n = 1.17 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.84$ A, $a = 1.52$ A/s e $b = 1.07$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0110$ m e resistenza $R_0 = 1.56$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.18$ s.

- A 0 B 1.45 C 3.25 D 5.05 E 6.85 F 8.65

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0119$ m, raggio esterno $b = 0.0217$ m e altezza $h = 1.00$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.44$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 108$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.84×10^{-4} C 3.64×10^{-4} D 5.44×10^{-4} E 7.24×10^{-4} F 9.04×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 111$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.197 C 0.377 D 0.557 E 0.737 F 0.917

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0113$ m e $c = 0.0601$ m e altezza $h = 0.435$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.57$ ohm·m e $\rho_2 = 1.10$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0415$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.91$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 15.1 C 33.1 D 51.1 E 69.1 F 87.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.75 C 3.55 D 5.35 E 7.15 F 8.95

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0222 C 0.0402 D 0.0582 E 0.0762 F 0.0942

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0216 C -0.0396 D -0.0576 E -0.0756 F -0.0936

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.103$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.45$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.09 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.21$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0107$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.04×10^{-3} C 3.84×10^{-3} D 5.64×10^{-3} E 7.44×10^{-3} F 9.24×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0159$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.03$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 156$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.58$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.144 C 0.324 D 0.504 E 0.684 F 0.864

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0274$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 190$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 24.0 C 42.0 D 60.0 E 78.0 F 96.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.113$ m e con $n = 1.04 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.42$ A, $a = 1.70$ A/s e $b = 1.70$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0119$ m e resistenza $R_0 = 1.88$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.62$ s.

- A 0 B 2.23 C 4.03 D 5.83 E 7.63 F 9.43

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0116$ m, raggio esterno $b = 0.0218$ m e altezza $h = 1.01$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.23$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 109$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.65×10^{-4} C 3.45×10^{-4} D 5.25×10^{-4} E 7.05×10^{-4} F 8.85×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 114$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.174 C 0.354 D 0.534 E 0.714 F 0.894

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0106$ m e $c = 0.0613$ m e altezza $h = 0.502$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.79$ ohm·m e $\rho_2 = 1.37$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0408$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.56$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 13.3 C 31.3 D 49.3 E 67.3 F 85.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.67 C 3.47 D 5.27 E 7.07 F 8.87

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0122 C 0.0302 D 0.0482 E 0.0662 F 0.0842

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0112 C -0.0292 D -0.0472 E -0.0652 F -0.0832

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.116$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.86$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.16 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.17$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0109$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.82×10^{-3} C 3.62×10^{-3} D 5.42×10^{-3} E 7.22×10^{-3} F 9.02×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0129$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.90$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 149$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.32$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.172 C 0.352 D 0.532 E 0.712 F 0.892

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0270$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 188$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 24.1 C 42.1 D 60.1 E 78.1 F 96.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.117$ m e con $n = 1.15 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.58$ A, $a = 1.57$ A/s e $b = 1.74$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0109$ m e resistenza $R_0 = 1.19$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.56$ s.

- A 0 B 1.37 C 3.17 D 4.97 E 6.77 F 8.57

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0107$ m, raggio esterno $b = 0.0205$ m e altezza $h = 1.16$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.81$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 120$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.41×10^{-4} C 4.21×10^{-4} D 6.01×10^{-4} E 7.81×10^{-4} F 9.61×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 102$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.190 C 0.370 D 0.550 E 0.730 F 0.910

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0109$ m e $c = 0.0610$ m e altezza $h = 0.497$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.61$ ohm·m e $\rho_2 = 1.90$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0401$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.62$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 19.5 C 37.5 D 55.5 E 73.5 F 91.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.40 C 4.20 D 6.00 E 7.80 F 9.60

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0265 C 0.0445 D 0.0625 E 0.0805 F 0.0985

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0172 C -0.0352 D -0.0532 E -0.0712 F -0.0892

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.115$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.82$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.16 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.22$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0102$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.72×10^{-3} C 3.52×10^{-3} D 5.32×10^{-3} E 7.12×10^{-3} F 8.92×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0124$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.93$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 256$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.19$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.261 C 0.441 D 0.621 E 0.801 F 0.981

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0268$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 165$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 21.3 C 39.3 D 57.3 E 75.3 F 93.3

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.107$ m e con $n = 1.18 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.22$ A, $a = 1.11$ A/s e $b = 1.38$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0108$ m e resistenza $R_0 = 1.67$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.74$ s.

- A 0 B 1.92 C 3.72 D 5.52 E 7.32 F 9.12

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0113$ m, raggio esterno $b = 0.0209$ m e altezza $h = 1.11$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.65$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 111$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.04×10^{-4} C 3.84×10^{-4} D 5.64×10^{-4} E 7.44×10^{-4} F 9.24×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 120$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.217 C 0.397 D 0.577 E 0.757 F 0.937

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0103$ m e $c = 0.0601$ m e altezza $h = 0.557$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.09$ ohm·m e $\rho_2 = 1.09$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0408$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.81$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 11.2 C 29.2 D 47.2 E 65.2 F 83.2

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.33 C 3.13 D 4.93 E 6.73 F 8.53

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0115 C 0.0295 D 0.0475 E 0.0655 F 0.0835

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0121 C -0.0301 D -0.0481 E -0.0661 F -0.0841

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.118$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.20$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.01 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.03$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0109$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.13×10^{-3} C 3.93×10^{-3} D 5.73×10^{-3} E 7.53×10^{-3} F 9.33×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0149$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 2.62$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 109$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.67$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.266 C 0.446 D 0.626 E 0.806 F 0.986

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0293$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 141$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 16.7 C 34.7 D 52.7 E 70.7 F 88.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.115$ m e con $n = 1.14 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.52$ A, $a = 1.14$ A/s e $b = 1.10$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0104$ m e resistenza $R_0 = 1.88$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.77$ s.

- A 0 B 1.30 C 3.10 D 4.90 E 6.70 F 8.50

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0113$ m, raggio esterno $b = 0.0208$ m e altezza $h = 1.08$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.22$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 108$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.45×10^{-4} C 3.25×10^{-4} D 5.05×10^{-4} E 6.85×10^{-4} F 8.65×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 111$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.147 C 0.327 D 0.507 E 0.687 F 0.867

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0105$ m e $c = 0.0604$ m e altezza $h = 0.523$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.72$ ohm·m e $\rho_2 = 1.60$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0409$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.28$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 12.3 C 30.3 D 48.3 E 66.3 F 84.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.74 C 4.54 D 6.34 E 8.14 F 9.94

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0175 C 0.0355 D 0.0535 E 0.0715 F 0.0895

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0174 C -0.0354 D -0.0534 E -0.0714 F -0.0894

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.116$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.45$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.06 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.25$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0119$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.78×10^{-3} C 3.58×10^{-3} D 5.38×10^{-3} E 7.18×10^{-3} F 8.98×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0112$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.58$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 257$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 2.17$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.174 C 0.354 D 0.534 E 0.714 F 0.894

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0340$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 154$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.7 C 33.7 D 51.7 E 69.7 F 87.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.105$ m e con $n = 1.04 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.68$ A, $a = 1.37$ A/s e $b = 1.41$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0111$ m e resistenza $R_0 = 1.14$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.07$ s.

- A 0 B 1.95 C 3.75 D 5.55 E 7.35 F 9.15

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0120$ m, raggio esterno $b = 0.0211$ m e altezza $h = 1.06$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.38$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 103$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.53×10^{-4} C 3.33×10^{-4} D 5.13×10^{-4} E 6.93×10^{-4} F 8.73×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 111$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.174 C 0.354 D 0.534 E 0.714 F 0.894

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0111$ m e $c = 0.0615$ m e altezza $h = 0.585$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.34$ ohm·m e $\rho_2 = 1.17$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0404$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.97$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 12.3 C 30.3 D 48.3 E 66.3 F 84.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.47 C 3.27 D 5.07 E 6.87 F 8.67

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0217 C 0.0397 D 0.0577 E 0.0757 F 0.0937

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0193 C -0.0373 D -0.0553 E -0.0733 F -0.0913

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.112$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.51$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.04 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.57$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0113$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.17×10^{-3} C 2.97×10^{-3} D 4.77×10^{-3} E 6.57×10^{-3} F 8.37×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0150$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.71$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 142$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.40$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.120 C 0.300 D 0.480 E 0.660 F 0.840

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0378$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 148$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 13.6 C 31.6 D 49.6 E 67.6 F 85.6

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.108$ m e con $n = 1.11 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.84$ A, $a = 1.83$ A/s e $b = 1.12$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0120$ m e resistenza $R_0 = 1.90$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.10$ s.

- A 0 B 1.43 C 3.23 D 5.03 E 6.83 F 8.63

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0111$ m, raggio esterno $b = 0.0204$ m e altezza $h = 1.10$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.67$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 115$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.03×10^{-4} C 3.83×10^{-4} D 5.63×10^{-4} E 7.43×10^{-4} F 9.23×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 101$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.172 C 0.352 D 0.532 E 0.712 F 0.892

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0108$ m e $c = 0.0614$ m e altezza $h = 0.445$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.17$ ohm·m e $\rho_2 = 1.88$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0404$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.21$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 16.0 C 34.0 D 52.0 E 70.0 F 88.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 1.49 C 3.29 D 5.09 E 6.89 F 8.69

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0194 C 0.0374 D 0.0554 E 0.0734 F 0.0914

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0172 C -0.0352 D -0.0532 E -0.0712 F -0.0892

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.108$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.41$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.16 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.02$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0118$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.13×10^{-3} C 2.93×10^{-3} D 4.73×10^{-3} E 6.53×10^{-3} F 8.33×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0114$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.46$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 123$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.06$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.0209 C 0.0389 D 0.0569 E 0.0749 F 0.0929

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0342$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 153$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 15.5 C 33.5 D 51.5 E 69.5 F 87.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.112$ m e con $n = 1.11 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.36$ A, $a = 1.72$ A/s e $b = 1.53$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0105$ m e resistenza $R_0 = 1.82$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.08$ s.

- A 0 B 1.33 C 3.13 D 4.93 E 6.73 F 8.53

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0109$ m, raggio esterno $b = 0.0206$ m e altezza $h = 1.15$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.23$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 107$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.46×10^{-4} C 3.26×10^{-4} D 5.06×10^{-4} E 6.86×10^{-4} F 8.66×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 103$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.133 C 0.313 D 0.493 E 0.673 F 0.853

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0118$ m e $c = 0.0612$ m e altezza $h = 0.550$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 5.60$ ohm·m e $\rho_2 = 1.78$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0419$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.19$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 11.9 C 29.9 D 47.9 E 65.9 F 83.9

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.68 C 4.48 D 6.28 E 8.08 F 9.88

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0230 C 0.0410 D 0.0590 E 0.0770 F 0.0950

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0222 C -0.0402 D -0.0582 E -0.0762 F -0.0942

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.104$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.74$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.04 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.10$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0118$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.05×10^{-3} C 2.85×10^{-3} D 4.65×10^{-3} E 6.45×10^{-3} F 8.25×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0144$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.44$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 281$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.30$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.171 C 0.351 D 0.531 E 0.711 F 0.891

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0350$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 150$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 14.8 C 32.8 D 50.8 E 68.8 F 86.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.114$ m e con $n = 1.02 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.22$ A, $a = 1.24$ A/s e $b = 1.38$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0101$ m e resistenza $R_0 = 1.31$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.85$ s.

- A 0 B 1.99 C 3.79 D 5.59 E 7.39 F 9.19

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0107$ m, raggio esterno $b = 0.0201$ m e altezza $h = 1.02$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.69$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 105$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 1.86×10^{-4} C 3.66×10^{-4} D 5.46×10^{-4} E 7.26×10^{-4} F 9.06×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 120$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.197 C 0.377 D 0.557 E 0.737 F 0.917

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0105$ m e $c = 0.0620$ m e altezza $h = 0.559$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.08$ ohm·m e $\rho_2 = 1.94$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0420$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.23$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 13.1 C 31.1 D 49.1 E 67.1 F 85.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.25 C 4.05 D 5.85 E 7.65 F 9.45

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0264 C 0.0444 D 0.0624 E 0.0804 F 0.0984

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0233 C -0.0413 D -0.0593 E -0.0773 F -0.0953

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.114$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.20$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.07 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.57$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0113$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 1.83×10^{-3} C 3.63×10^{-3} D 5.43×10^{-3} E 7.23×10^{-3} F 9.03×10^{-3}

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II
 Prova n. 4 - 17/09/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio $a = 0.0155$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.95$ nC/m e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 259$ rad/s costante lungo l'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $B = B_z(x)\mathbf{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$ e $B_0 = 1.60$ tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A 0 B 0.125 C 0.305 D 0.485 E 0.665 F 0.845

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse z giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza $a = 0.0396$ m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi $I_1 = I_2 = 150$ ampere e $I_3 = 2I_1$. Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse z che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A 0 B 13.1 C 31.1 D 49.1 E 67.1 F 85.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio $r = 0.108$ m e con $n = 1.04 \times 10^3$ spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge $i(t) = i_0 + at + bt^2$, con $i_0 = 1.74$ A, $a = 1.79$ A/s e $b = 1.23$ A/s². Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio $R = 0.0101$ m e resistenza $R_0 = 1.64$ ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante $t = 1.57$ s.

- A 0 B 1.44 C 3.24 D 5.04 E 6.84 F 8.64

4) Un guscio cilindrico isolante ($\epsilon = 1$) carico, di raggio interno $a = 0.0102$ m, raggio esterno $b = 0.0214$ m e altezza $h = 1.05$ m ha densità di carica elettrica di volume $\rho = 1.34$ C/m³ uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare $\omega = 114$ rad/s costante attorno al suo asse z . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = \frac{a+b}{2}$ dall'asse z del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse z).

- A 0 B 2.00×10^{-4} C 3.80×10^{-4} D 5.60×10^{-4} E 7.40×10^{-4} F 9.20×10^{-4}

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge $\omega(t) = kt$, con $k = 110$ rad/s², determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza $r_0 = a$ dall'asse z del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A 0 B 0.167 C 0.347 D 0.527 E 0.707 F 0.887

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio $a = 0.0106$ m e $c = 0.0610$ m e altezza $h = 0.512$ m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente $\rho_1 = 4.54$ ohm·m e $\rho_2 = 1.51$ ohm·m ($\rho_1 > \rho_2$), con il materiale "1" che riempie il volume con $a < r < b$ ed il materiale "2" che riempie il volume con $b < r < c$, con $b = 0.0416$ m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è $I = 1.96$ ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza $r = \frac{b+c}{2}$ dall'asse comune dei gusci conduttori.

A 0 B 17.9 C 35.9 D 53.9 E 71.9 F 89.9

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A 0 B 2.33 C 4.13 D 5.93 E 7.73 F 9.53

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio $r = a$.

A 0 B 0.0248 C 0.0428 D 0.0608 E 0.0788 F 0.0968

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio $r = b$ che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A 0 B -0.0166 C -0.0346 D -0.0526 E -0.0706 F -0.0886

10) Un sottile disco isolante di raggio $a = 0.114$ m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale $Q = 1.12$ nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse z ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa $m = 1.10 \times 10^{-3}$ kg e carica elettrica $q = -1.35$ nC è posta ferma nel punto di coordinate $P = (0, 0, h)$ con $h = 0.0113$ m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A 0 B 2.79×10^{-3} C 4.59×10^{-3} D 6.39×10^{-3} E 8.19×10^{-3} F 9.99×10^{-3}