

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.100$  m,  $b = 6.01$  m, ha intensità  $E = 2.74$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.228    C  0.408    D  0.588    E  0.768    F  0.948

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.91$  m.

A  0    B  196    C  376    D  556    E  736    F  916

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.63 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.461 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.104$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.271$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.40$  s.

A  0    B  0.257    C  0.437    D  0.617    E  0.797    F  0.977

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0269    C  0.0449    D  0.0629    E  0.0809    F  0.0989

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.75$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.57 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.66$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.247$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  12.1    C  30.1    D  48.1    E  66.1    F  84.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.84$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.93$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.80$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.150$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.85$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0156$  m, resistenza  $R = 1.42$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.34$  A e  $\tau = 1.23$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

Testo n. 0

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.192$  m,  $b = 4.89$  m, ha intensità  $E = 1.42$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.145    C  0.325    D  0.505    E  0.685    F  0.865

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.59$  m.

A  0    B  111    C  291    D  471    E  651    F  831

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.64 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.566 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.101$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.321$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.13$  s.

A  0    B  1.12    C  2.92    D  4.72    E  6.52    F  8.32

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0100    C  0.0280    D  0.0460    E  0.0640    F  0.0820

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.27$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.71 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.43$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.245$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  1.96    C  3.76    D  5.56    E  7.36    F  9.16

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.96$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.01$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.55$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.142$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.06$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0122$  m, resistenza  $R = 1.62$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.32$  A e  $\tau = 1.07$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.127$  m,  $b = 4.42$  m, ha intensità  $E = 1.16$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.131    C  0.311    D  0.491    E  0.671    F  0.851

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.03$  m.

A  0    B  218    C  398    D  578    E  758    F  938

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.68 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.503 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.118$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.296$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.00$  s.

A  0    B  1.05    C  2.85    D  4.65    E  6.45    F  8.25

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0191    C  0.0371    D  0.0551    E  0.0731    F  0.0911

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.64$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.92 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.72$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.283$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.8    C  28.8    D  46.8    E  64.8    F  82.8

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.00$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.31$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.41$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.152$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.83$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0154$  m, resistenza  $R = 1.07$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.20$  A e  $\tau = 1.19$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.176$  m,  $b = 4.34$  m, ha intensità  $E = 2.60$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.119    C  0.299    D  0.479    E  0.659    F  0.839

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.55$  m.

A  0    B  254    C  434    D  614    E  794    F  974

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.69 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.512 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.111$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.299$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.89$  s.

A  0    B  1.01    C  2.81    D  4.61    E  6.41    F  8.21

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.126    C  0.306    D  0.486    E  0.666    F  0.846

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.92$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.76 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.42$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.275$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  11.1    C  29.1    D  47.1    E  65.1    F  83.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.88$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.72$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.52$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.194$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.63$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0188$  m, resistenza  $R = 1.00$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.96$  A e  $\tau = 1.97$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.174$  m,  $b = 4.08$  m, ha intensità  $E = 2.79$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

- A  0    B  0.162    C  0.342    D  0.522    E  0.702    F  0.882

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.11$  m.

- A  0    B  153    C  333    D  513    E  693    F  873

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.73 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.588 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.118$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.359$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.06$  s.

- A  0    B  1.44    C  3.24    D  5.04    E  6.84    F  8.64

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

- A  0    B  0.129    C  0.309    D  0.489    E  0.669    F  0.849

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.45$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.07 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.67$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.265$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

- A  0    B  13.4    C  31.4    D  49.4    E  67.4    F  85.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.33$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.05$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.06$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  0    B  117    C  297    D  477    E  657    F  837

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.156$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  0    B  0.117    C  0.297    D  0.477    E  0.657    F  0.837

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.87$  V/m.

A  0    B  0.206    C  0.386    D  0.566    E  0.746    F  0.926

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  0    B  1.45    C  3.25    D  5.05    E  6.85    F  8.65

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0136$  m, resistenza  $R = 1.47$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.73$  A e  $\tau = 1.62$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  0    B   $1.34 \times 10^{-3}$     C   $3.14 \times 10^{-3}$     D   $4.94 \times 10^{-3}$     E   $6.74 \times 10^{-3}$     F   $8.54 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.110$  m,  $b = 4.79$  m, ha intensità  $E = 1.67$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.174    C  0.354    D  0.534    E  0.714    F  0.894

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.99$  m.

A  0    B  192    C  372    D  552    E  732    F  912

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.80 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.558 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.102$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.326$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.08$  s.

A  0    B  1.03    C  2.83    D  4.63    E  6.43    F  8.23

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0200    C  0.0380    D  0.0560    E  0.0740    F  0.0920

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.25$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.46 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.38$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.337$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  2.46    C  4.26    D  6.06    E  7.86    F  9.66

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.63$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.83$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.04$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.147$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.38$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0118$  m, resistenza  $R = 1.86$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.50$  A e  $\tau = 1.05$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.115$  m,  $b = 3.73$  m, ha intensità  $E = 2.48$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.152    C  0.332    D  0.512    E  0.692    F  0.872

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.70$  m.

A  0    B  161    C  341    D  521    E  701    F  881

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.80 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.445 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.110$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.336$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.99$  s.

A  0    B  0.194    C  0.374    D  0.554    E  0.734    F  0.914

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.134    C  0.314    D  0.494    E  0.674    F  0.854

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.17$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.44 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.85$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.213$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.9    C  28.9    D  46.9    E  64.9    F  82.9

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.29$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.00$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.14$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  0    B  224    C  404    D  584    E  764    F  944

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.151$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  0    B  0.113    C  0.293    D  0.473    E  0.653    F  0.833

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.88$  V/m.

A  0    B  0.228    C  0.408    D  0.588    E  0.768    F  0.948

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  0    B  1.41    C  3.21    D  5.01    E  6.81    F  8.61

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0121$  m, resistenza  $R = 1.56$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.15$  A e  $\tau = 1.09$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  0    B   $1.60 \times 10^{-4}$     C   $3.40 \times 10^{-4}$     D   $5.20 \times 10^{-4}$     E   $7.00 \times 10^{-4}$     F   $8.80 \times 10^{-4}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.117$  m,  $b = 5.45$  m, ha intensità  $E = 2.12$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.194    C  0.374    D  0.554    E  0.734    F  0.914

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.31$  m.

A  0    B  130    C  310    D  490    E  670    F  850

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.65 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.401 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.118$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.311$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.09$  s.

A  0    B  0.172    C  0.352    D  0.532    E  0.712    F  0.892

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0174    C  0.0354    D  0.0534    E  0.0714    F  0.0894

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 2.00$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.93 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.54$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.359$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  11.2    C  29.2    D  47.2    E  65.2    F  83.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.21$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.79$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.42$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.133$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.89$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0143$  m, resistenza  $R = 1.89$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.76$  A e  $\tau = 1.56$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.164$  m,  $b = 7.49$  m, ha intensità  $E = 2.80$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.187    C  0.367    D  0.547    E  0.727    F  0.907

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.31$  m.

A  0    B  128    C  308    D  488    E  668    F  848

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.72 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.447 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.115$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.308$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.48$  s.

A  0    B  0.201    C  0.381    D  0.561    E  0.741    F  0.921

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0245    C  0.0425    D  0.0605    E  0.0785    F  0.0965

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.94$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.57 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.94$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.298$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  13.8    C  31.8    D  49.8    E  67.8    F  85.8

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.11$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.65$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.10$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  0    B  256    C  436    D  616    E  796    F  976

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.148$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  0    B  0.111    C  0.291    D  0.471    E  0.651    F  0.831

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.96$  V/m.

A  0    B  0.265    C  0.445    D  0.625    E  0.805    F  0.985

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  0    B  1.44    C  3.24    D  5.04    E  6.84    F  8.64

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0102$  m, resistenza  $R = 1.30$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.84$  A e  $\tau = 1.00$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  0    B   $1.59 \times 10^{-4}$     C   $3.39 \times 10^{-4}$     D   $5.19 \times 10^{-4}$     E   $6.99 \times 10^{-4}$     F   $8.79 \times 10^{-4}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.188$  m,  $b = 4.25$  m, ha intensità  $E = 1.66$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.195    C  0.375    D  0.555    E  0.735    F  0.915

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.12$  m.

A  0    B  10.3    C  28.3    D  46.3    E  64.3    F  82.3

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.67 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.455 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.109$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.247$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.19$  s.

A  0    B  0.194    C  0.374    D  0.554    E  0.734    F  0.914

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0110    C  0.0290    D  0.0470    E  0.0650    F  0.0830

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.27$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.11 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.71$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.230$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  12.4    C  30.4    D  48.4    E  66.4    F  84.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.75$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.11$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.79$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.138$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.45$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0199$  m, resistenza  $R = 1.82$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.92$  A e  $\tau = 1.51$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.185$  m,  $b = 8.10$  m, ha intensità  $E = 2.79$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.172    C  0.352    D  0.532    E  0.712    F  0.892

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.54$  m.

A  0    B  135    C  315    D  495    E  675    F  855

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.496 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.118$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.210$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.98$  s.

A  0    B  0.179    C  0.359    D  0.539    E  0.719    F  0.899

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0165    C  0.0345    D  0.0525    E  0.0705    F  0.0885

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.41$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.07 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.10$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.368$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.7    C  28.7    D  46.7    E  64.7    F  82.7

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.73$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.43$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.37$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

- A  0    B  18.9    C  36.9    D  54.9    E  72.9    F  90.9

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.176$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

- A  0    B  0.132    C  0.312    D  0.492    E  0.672    F  0.852

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.54$  V/m.

- A  0    B  0.233    C  0.413    D  0.593    E  0.773    F  0.953

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

- A  0    B  1.35    C  3.15    D  4.95    E  6.75    F  8.55

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0178$  m, resistenza  $R = 1.84$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.69$  A e  $\tau = 1.99$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

- A  0    B   $2.44 \times 10^{-3}$     C   $4.24 \times 10^{-3}$     D   $6.04 \times 10^{-3}$     E   $7.84 \times 10^{-3}$     F   $9.64 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.180$  m,  $b = 8.82$  m, ha intensità  $E = 2.48$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.141    C  0.321    D  0.501    E  0.681    F  0.861

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.70$  m.

A  0    B  146    C  326    D  506    E  686    F  866

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.80 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.432 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.114$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.236$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.27$  s.

A  0    B  0.106    C  0.286    D  0.466    E  0.646    F  0.826

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0261    C  0.0441    D  0.0621    E  0.0801    F  0.0981

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.88$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.83 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.53$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.246$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  11.1    C  29.1    D  47.1    E  65.1    F  83.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.01$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.89$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.32$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.153$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.26$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0129$  m, resistenza  $R = 1.14$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.09$  A e  $\tau = 1.99$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.171$  m,  $b = 6.34$  m, ha intensità  $E = 2.89$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.228    C  0.408    D  0.588    E  0.768    F  0.948

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.51$  m.

A  0    B  105    C  285    D  465    E  645    F  825

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.73 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.509 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.119$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.256$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.35$  s.

A  0    B  0.176    C  0.356    D  0.536    E  0.716    F  0.896

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0197    C  0.0377    D  0.0557    E  0.0737    F  0.0917

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.45$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.26 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.22$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.257$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.5    C  28.5    D  46.5    E  64.5    F  82.5

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.58$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.32$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.31$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.126$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.40$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0120$  m, resistenza  $R = 1.38$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.68$  A e  $\tau = 1.04$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.148$  m,  $b = 2.67$  m, ha intensità  $E = 2.19$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.229    C  0.409    D  0.589    E  0.769    F  0.949

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.03$  m.

A  0    B  104    C  284    D  464    E  644    F  824

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.78 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.589 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.117$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.297$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.27$  s.

A  0    B  1.15    C  2.95    D  4.75    E  6.55    F  8.35

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.101    C  0.281    D  0.461    E  0.641    F  0.821

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.81$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.03 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.08$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.204$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  12.2    C  30.2    D  48.2    E  66.2    F  84.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.67$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.49$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.28$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.151$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.82$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0173$  m, resistenza  $R = 1.10$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.62$  A e  $\tau = 1.60$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.100$  m,  $b = 6.87$  m, ha intensità  $E = 1.08$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  B  C  D  E  F

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.19$  m.

A  B  C  D  E  F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.412 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.101$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.375$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.01$  s.

A  B  C  D  E  F

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  B  C  D  E  F

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.87$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.14 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.36$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.339$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  B  C  D  E  F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.11$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.40$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.41$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.160$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.23$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0150$  m, resistenza  $R = 1.69$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.38$  A e  $\tau = 1.16$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.105$  m,  $b = 6.60$  m, ha intensità  $E = 1.87$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.142    C  0.322    D  0.502    E  0.682    F  0.862

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.37$  m.

A  0    B  25.8    C  43.8    D  61.8    E  79.8    F  97.8

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.72 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.576 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.112$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.336$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.39$  s.

A  0    B  1.26    C  3.06    D  4.86    E  6.66    F  8.46

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.132    C  0.312    D  0.492    E  0.672    F  0.852

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.68$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.04 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.59$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.340$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  14.2    C  32.2    D  50.2    E  68.2    F  86.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.45$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.84$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.47$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.157$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.47$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0165$  m, resistenza  $R = 1.44$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.06$  A e  $\tau = 1.22$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.100$  m,  $b = 4.72$  m, ha intensità  $E = 1.04$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.110    C  0.290    D  0.470    E  0.650    F  0.830

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.87$  m.

A  0    B  208    C  388    D  568    E  748    F  928

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.62 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.453 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.118$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.376$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.44$  s.

A  0    B  1.24    C  3.04    D  4.84    E  6.64    F  8.44

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.159    C  0.339    D  0.519    E  0.699    F  0.879

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.70$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.91 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.55$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.284$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.4    C  28.4    D  46.4    E  64.4    F  82.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.39$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.26$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.96$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.182$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.58$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0115$  m, resistenza  $R = 1.73$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.79$  A e  $\tau = 1.11$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.116$  m,  $b = 4.29$  m, ha intensità  $E = 1.08$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.126    C  0.306    D  0.486    E  0.666    F  0.846

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.52$  m.

A  0    B  249    C  429    D  609    E  789    F  969

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.425 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.110$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.227$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.84$  s.

A  0    B  0.240    C  0.420    D  0.600    E  0.780    F  0.960

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0191    C  0.0371    D  0.0551    E  0.0731    F  0.0911

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.79$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.34 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.97$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.323$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  14.4    C  32.4    D  50.4    E  68.4    F  86.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.04$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.74$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.72$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.156$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.68$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0174$  m, resistenza  $R = 1.54$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.22$  A e  $\tau = 1.13$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.138$  m,  $b = 5.44$  m, ha intensità  $E = 1.41$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.130    C  0.310    D  0.490    E  0.670    F  0.850

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.18$  m.

A  0    B  259    C  439    D  619    E  799    F  979

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.61 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.452 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.118$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.270$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.96$  s.

A  0    B  0.174    C  0.354    D  0.534    E  0.714    F  0.894

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.112    C  0.292    D  0.472    E  0.652    F  0.832

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.02$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.41 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.53$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.390$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  2.15    C  3.95    D  5.75    E  7.55    F  9.35

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.60$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.04$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.90$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

- A  0    B  11.3    C  29.3    D  47.3    E  65.3    F  83.3

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.200$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

- A  0    B  0.150    C  0.330    D  0.510    E  0.690    F  0.870

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.17$  V/m.

- A  0    B  0.276    C  0.456    D  0.636    E  0.816    F  0.996

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

- A  0    B  1.16    C  2.96    D  4.76    E  6.56    F  8.36

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0144$  m, resistenza  $R = 1.98$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.37$  A e  $\tau = 1.90$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

- A  0    B   $1.29 \times 10^{-4}$     C   $3.09 \times 10^{-4}$     D   $4.89 \times 10^{-4}$     E   $6.69 \times 10^{-4}$     F   $8.49 \times 10^{-4}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.114$  m,  $b = 7.51$  m, ha intensità  $E = 2.84$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.189    C  0.369    D  0.549    E  0.729    F  0.909

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.10$  m.

A  0    B  119    C  299    D  479    E  659    F  839

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.65 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.534 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.103$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.286$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.13$  s.

A  0    B  0.233    C  0.413    D  0.593    E  0.773    F  0.953

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0275    C  0.0455    D  0.0635    E  0.0815    F  0.0995

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.16$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.26 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.87$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.388$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  11.7    C  29.7    D  47.7    E  65.7    F  83.7

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.26$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.62$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.71$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.167$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.53$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0153$  m, resistenza  $R = 1.94$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.16$  A e  $\tau = 1.30$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.172$  m,  $b = 0.414$  m, ha intensità  $E = 1.58$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  1.76    C  3.56    D  5.36    E  7.16    F  8.96

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.92$  m.

A  0    B  233    C  413    D  593    E  773    F  953

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.482 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.114$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.353$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.92$  s.

A  0    B  1.10    C  2.90    D  4.70    E  6.50    F  8.30

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.169    C  0.349    D  0.529    E  0.709    F  0.889

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.37$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.50 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.17$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.316$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  1.99    C  3.79    D  5.59    E  7.39    F  9.19

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.66$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.00$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.04$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.159$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.61$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0145$  m, resistenza  $R = 1.44$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.44$  A e  $\tau = 1.23$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.148$  m,  $b = 4.18$  m, ha intensità  $E = 2.19$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.262    C  0.442    D  0.622    E  0.802    F  0.982

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.73$  m.

A  0    B  199    C  379    D  559    E  739    F  919

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.66 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.496 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.117$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.271$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.74$  s.

A  0    B  0.227    C  0.407    D  0.587    E  0.767    F  0.947

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.105    C  0.285    D  0.465    E  0.645    F  0.825

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.94$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.46 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.99$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.377$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  14.5    C  32.5    D  50.5    E  68.5    F  86.5

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.13$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.12$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.96$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.102$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.63$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0169$  m, resistenza  $R = 1.25$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.15$  A e  $\tau = 1.47$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.150$  m,  $b = 5.03$  m, ha intensità  $E = 2.59$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.257    C  0.437    D  0.617    E  0.797    F  0.977

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.02$  m.

A  0    B  142    C  322    D  502    E  682    F  862

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.67 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.462 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.102$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.260$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.81$  s.

A  0    B  0.194    C  0.374    D  0.554    E  0.734    F  0.914

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0164    C  0.0344    D  0.0524    E  0.0704    F  0.0884

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.75$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.42 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.77$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.293$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  13.1    C  31.1    D  49.1    E  67.1    F  85.1

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.68$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.41$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.91$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.105$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.32$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0120$  m, resistenza  $R = 1.02$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.78$  A e  $\tau = 1.17$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.119$  m,  $b = 8.12$  m, ha intensità  $E = 1.44$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.0167    C  0.0347    D  0.0527    E  0.0707    F  0.0887

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.19$  m.

A  0    B  272    C  452    D  632    E  812    F  992

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.78 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.503 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.112$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.338$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.22$  s.

A  0    B  1.07    C  2.87    D  4.67    E  6.47    F  8.27

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0268    C  0.0448    D  0.0628    E  0.0808    F  0.0988

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.80$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.43 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.16$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.330$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.7    C  28.7    D  46.7    E  64.7    F  82.7

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.02$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.02$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.55$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.124$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.86$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0106$  m, resistenza  $R = 1.98$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.27$  A e  $\tau = 1.49$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.185$  m,  $b = 2.84$  m, ha intensità  $E = 2.08$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.185    C  0.365    D  0.545    E  0.725    F  0.905

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.36$  m.

A  0    B  13.4    C  31.4    D  49.4    E  67.4    F  85.4

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.556 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.104$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.348$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.95$  s.

A  0    B  1.18    C  2.98    D  4.78    E  6.58    F  8.38

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.166    C  0.346    D  0.526    E  0.706    F  0.886

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.88$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.34 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.01$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.400$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.6    C  28.6    D  46.6    E  64.6    F  82.6

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.27$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.08$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.57$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.146$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.57$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0167$  m, resistenza  $R = 1.61$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.64$  A e  $\tau = 1.57$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.103$  m,  $b = 5.98$  m, ha intensità  $E = 1.04$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  B  C  D  E  F

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.14$  m.

A  B  C  D  E  F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.529 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.103$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.295$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.71$  s.

A  B  C  D  E  F

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  B  C  D  E  F

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.88$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.67 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.42$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.381$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  B  C  D  E  F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.06$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.98$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 2.00$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  0    B  261    C  441    D  621    E  801    F  981

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.127$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  0    B  0.0233    C  0.0413    D  0.0593    E  0.0773    F  0.0953

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.82$  V/m.

A  0    B  0.137    C  0.317    D  0.497    E  0.677    F  0.857

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  0    B  1.15    C  2.95    D  4.75    E  6.55    F  8.35

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0141$  m, resistenza  $R = 1.11$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.59$  A e  $\tau = 1.47$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  0    B   $1.91 \times 10^{-3}$     C   $3.71 \times 10^{-3}$     D   $5.51 \times 10^{-3}$     E   $7.31 \times 10^{-3}$     F   $9.11 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.114$  m,  $b = 5.12$  m, ha intensità  $E = 2.20$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.215    C  0.395    D  0.575    E  0.755    F  0.935

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.67$  m.

A  0    B  110    C  290    D  470    E  650    F  830

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.67 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.517 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.115$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.311$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.80$  s.

A  0    B  1.11    C  2.91    D  4.71    E  6.51    F  8.31

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.143    C  0.323    D  0.503    E  0.683    F  0.863

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.80$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.59 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.33$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.282$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.9    C  28.9    D  46.9    E  64.9    F  82.9

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.29$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.59$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.47$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.173$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.99$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0196$  m, resistenza  $R = 1.44$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.68$  A e  $\tau = 1.51$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.167$  m,  $b = 9.23$  m, ha intensità  $E = 1.34$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.0186    C  0.0366    D  0.0546    E  0.0726    F  0.0906

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.25$  m.

A  0    B  244    C  424    D  604    E  784    F  964

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.71 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.428 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.104$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.343$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.58$  s.

A  0    B  0.173    C  0.353    D  0.533    E  0.713    F  0.893

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.101    C  0.281    D  0.461    E  0.641    F  0.821

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.49$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.32 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.11$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.275$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  2.75    C  4.55    D  6.35    E  8.15    F  9.95

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.87$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.83$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.53$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.153$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.31$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0148$  m, resistenza  $R = 1.39$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.36$  A e  $\tau = 1.62$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.119$  m,  $b = 0.478$  m, ha intensità  $E = 2.14$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  2.17    C  3.97    D  5.77    E  7.57    F  9.37

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.92$  m.

A  0    B  151    C  331    D  511    E  691    F  871

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.74 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.524 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.104$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.317$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.47$  s.

A  0    B  0.273    C  0.453    D  0.633    E  0.813    F  0.993

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0242    C  0.0422    D  0.0602    E  0.0782    F  0.0962

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.73$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.20 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.78$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.233$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  14.2    C  32.2    D  50.2    E  68.2    F  86.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.27$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.04$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.78$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.135$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.65$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0148$  m, resistenza  $R = 1.92$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.35$  A e  $\tau = 1.75$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.154$  m,  $b = 0.425$  m, ha intensità  $E = 2.63$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  1.11    C  2.91    D  4.71    E  6.51    F  8.31

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.91$  m.

A  0    B  106    C  286    D  466    E  646    F  826

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.76 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.429 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.119$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.289$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.37$  s.

A  0    B  0.118    C  0.298    D  0.478    E  0.658    F  0.838

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0250    C  0.0430    D  0.0610    E  0.0790    F  0.0970

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.99$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.79 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.75$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.236$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  12.4    C  30.4    D  48.4    E  66.4    F  84.4

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.51$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.73$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.95$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.159$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.89$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0121$  m, resistenza  $R = 1.90$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.51$  A e  $\tau = 1.25$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.181$  m,  $b = 6.95$  m, ha intensità  $E = 2.92$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.210    C  0.390    D  0.570    E  0.750    F  0.930

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.02$  m.

A  0    B  106    C  286    D  466    E  646    F  826

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.63 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.473 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.105$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.208$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.26$  s.

A  0    B  0.274    C  0.454    D  0.634    E  0.814    F  0.994

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0169    C  0.0349    D  0.0529    E  0.0709    F  0.0889

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.86$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.30 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.71$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.243$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  13.9    C  31.9    D  49.9    E  67.9    F  85.9

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.09$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.07$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.88$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  0    B  151    C  331    D  511    E  691    F  871

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.115$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  0    B  0.0142    C  0.0322    D  0.0502    E  0.0682    F  0.0862

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.13$  V/m.

A  0    B  0.104    C  0.284    D  0.464    E  0.644    F  0.824

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  0    B  0.106    C  0.286    D  0.466    E  0.646    F  0.826

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0190$  m, resistenza  $R = 1.32$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.91$  A e  $\tau = 1.15$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  0    B   $2.56 \times 10^{-3}$     C   $4.36 \times 10^{-3}$     D   $6.16 \times 10^{-3}$     E   $7.96 \times 10^{-3}$     F   $9.76 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.154$  m,  $b = 5.60$  m, ha intensità  $E = 2.90$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.259    C  0.439    D  0.619    E  0.799    F  0.979

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.85$  m.

A  0    B  254    C  434    D  614    E  794    F  974

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.78 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.464 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.111$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.378$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.56$  s.

A  0    B  1.09    C  2.89    D  4.69    E  6.49    F  8.29

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.143    C  0.323    D  0.503    E  0.683    F  0.863

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.32$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.96 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.72$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.251$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  2.37    C  4.17    D  5.97    E  7.77    F  9.57

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.65$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.23$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.97$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.145$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.96$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0105$  m, resistenza  $R = 1.09$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.98$  A e  $\tau = 1.25$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.157$  m,  $b = 7.14$  m, ha intensità  $E = 1.34$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.0218    C  0.0398    D  0.0578    E  0.0758    F  0.0938

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.62$  m.

A  0    B  224    C  404    D  584    E  764    F  944

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.77 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.495 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.114$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.231$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.97$  s.

A  0    B  0.196    C  0.376    D  0.556    E  0.736    F  0.916

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0224    C  0.0404    D  0.0584    E  0.0764    F  0.0944

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.59$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.78 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.35$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.201$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  2.56    C  4.36    D  6.16    E  7.96    F  9.76

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.71$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.41$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.57$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.196$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.25$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0109$  m, resistenza  $R = 1.08$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.76$  A e  $\tau = 1.29$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.140$  m,  $b = 6.40$  m, ha intensità  $E = 1.13$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.0163    C  0.0343    D  0.0523    E  0.0703    F  0.0883

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.04$  m.

A  0    B  167    C  347    D  527    E  707    F  887

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.70 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.592 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.111$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.297$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.16$  s.

A  0    B  1.15    C  2.95    D  4.75    E  6.55    F  8.35

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0158    C  0.0338    D  0.0518    E  0.0698    F  0.0878

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.97$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.64 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.77$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.303$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  13.0    C  31.0    D  49.0    E  67.0    F  85.0

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.14$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.20$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.12$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

- A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.135$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

- A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.33$  V/m.

- A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

- A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0162$  m, resistenza  $R = 1.36$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.16$  A e  $\tau = 1.77$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

- A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
 INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.149$  m,  $b = 8.00$  m, ha intensità  $E = 2.17$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

- A  0    B  0.136    C  0.316    D  0.496    E  0.676    F  0.856

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.09$  m.

- A  0    B  111    C  291    D  471    E  651    F  831

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinito e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.76 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.515 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.118$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.395$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.87$  s.

- A  0    B  1.36    C  3.16    D  4.96    E  6.76    F  8.56

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

- A  0    B  0.238    C  0.418    D  0.598    E  0.778    F  0.958

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.26$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.70 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.89$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.290$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

- A  0    B  10.5    C  28.5    D  46.5    E  64.5    F  82.5

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.25$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.48$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.40$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  0    B  141    C  321    D  501    E  681    F  861

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.151$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  0    B  0.113    C  0.293    D  0.473    E  0.653    F  0.833

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.51$  V/m.

A  0    B  0.112    C  0.292    D  0.472    E  0.652    F  0.832

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  0    B  1.13    C  2.93    D  4.73    E  6.53    F  8.33

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0150$  m, resistenza  $R = 2.00$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.55$  A e  $\tau = 1.90$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  0    B   $2.78 \times 10^{-4}$     C   $4.58 \times 10^{-4}$     D   $6.38 \times 10^{-4}$     E   $8.18 \times 10^{-4}$     F   $9.98 \times 10^{-4}$

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.151$  m,  $b = 5.27$  m, ha intensità  $E = 2.81$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.266    C  0.446    D  0.626    E  0.806    F  0.986

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.02$  m.

A  0    B  134    C  314    D  494    E  674    F  854

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.73 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.484 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.108$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.265$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.79$  s.

A  0    B  0.261    C  0.441    D  0.621    E  0.801    F  0.981

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0100    C  0.0280    D  0.0460    E  0.0640    F  0.0820

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.61$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.86 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.23$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.275$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  1.97    C  3.77    D  5.57    E  7.37    F  9.17

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.16$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.60$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.16$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.135$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.71$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0103$  m, resistenza  $R = 1.46$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.22$  A e  $\tau = 1.55$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.121$  m,  $b = 9.16$  m, ha intensità  $E = 2.89$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.158    C  0.338    D  0.518    E  0.698    F  0.878

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.31$  m.

A  0    B  125    C  305    D  485    E  665    F  845

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.69 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.582 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.110$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.397$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.37$  s.

A  0    B  1.50    C  3.30    D  5.10    E  6.90    F  8.70

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.180    C  0.360    D  0.540    E  0.720    F  0.900

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.79$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.64 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.90$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.374$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  12.8    C  30.8    D  48.8    E  66.8    F  84.8

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.01$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.05$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.87$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.144$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.61$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0167$  m, resistenza  $R = 1.52$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.39$  A e  $\tau = 1.49$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.127$  m,  $b = 9.68$  m, ha intensità  $E = 1.13$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  B  C  D  E  F

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.54$  m.

A  B  C  D  E  F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.61 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.451 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.119$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.352$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.58$  s.

A  B  C  D  E  F

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  B  C  D  E  F

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.69$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.89 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.70$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.247$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  B  C  D  E  F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.11$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.99$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.08$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.136$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.02$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0183$  m, resistenza  $R = 1.93$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 2.00$  A e  $\tau = 1.85$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.140$  m,  $b = 3.35$  m, ha intensità  $E = 1.47$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.219    C  0.399    D  0.579    E  0.759    F  0.939

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.32$  m.

A  0    B  107    C  287    D  467    E  647    F  827

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.66 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.507 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.116$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.289$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.41$  s.

A  0    B  1.02    C  2.82    D  4.62    E  6.42    F  8.22

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.0248    C  0.0428    D  0.0608    E  0.0788    F  0.0968

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.84$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.83 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.30$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.380$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  10.2    C  28.2    D  46.2    E  64.2    F  82.2

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.92$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.28$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.23$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.126$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.04$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0113$  m, resistenza  $R = 1.59$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.12$  A e  $\tau = 1.83$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PISA  
INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 5 - 2/7/2021

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di riferimento cartesiano, in una regione dello spazio vuoto è presente un campo elettrico il cui potenziale è dato da  $V(x, y) = C(x^2 - y^2)$ , con  $C$  una costante. Il campo elettrico nel punto  $P = (a, b, 0)$ , con  $a = 0.162$  m,  $b = 4.43$  m, ha intensità  $E = 2.11$  V/m. Calcolare la costante  $C$ , in  $V/m^2$ .

A  0    B  0.238    C  0.418    D  0.598    E  0.778    F  0.958

2) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 1), calcolare la carica elettrica, in nC, contenuta all'interno di un cilindro che ha per asse l'asse  $z$  del sistema di riferimento e raggio  $R = 1.20$  m.

A  0    B  26.5    C  44.5    D  62.5    E  80.5    F  98.5

3) In un sistema di riferimento cartesiano, due rotaie conduttrici seminfinite e di resistenza trascurabile giacciono coincidenti, rispettivamente, sulle parti positive dell'asse  $x$  e dell'asse  $y$ , essendo in contatto nell'origine del sistema di riferimento. Una sbarretta conduttrice mobile e di grande lunghezza, di resistività  $\rho = 1.69 \times 10^{-8}$  ohm·m e sezione  $S = 0.569 \times 10^{-6}$  m<sup>2</sup>, è poggiata sulle due rotaie e mantiene la propria orientazione parallela alla bisettrice del secondo e quarto quadrante. La sbarretta si muove con velocità  $v = 0.106$  m/s costante parallelamente alla bisettrice del primo e terzo quadrante. Il sistema è immerso in un campo magnetico  $\mathbf{B} = B_0 \mathbf{k}$ , con  $B_0 = 0.381$  tesla. La lunghezza della sbarretta, ai fini del problema, è tale da mantenere il contatto con le due rotaie e da realizzare un circuito di forma triangolare. Nell'istante iniziale  $t = 0$  la sbarretta si trova nell'origine del sistema di riferimento nel quale le due rotaie si incontrano. Determinare l'intensità della corrente, in ampere, indotta nel circuito all'istante  $t_1 = 1.19$  s.

A  0    B  1.36    C  3.16    D  4.96    E  6.76    F  8.56

4) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 3), determinare l'intensità della forza, in newton, che deve essere applicata alla sbarretta all'istante  $t_1$  per mantenere il moto a velocità costante.

A  0    B  0.131    C  0.311    D  0.491    E  0.671    F  0.851

5) In un sistema di riferimento cartesiano, due fili rettilinei indefiniti con densità di carica elettrica lineare  $\lambda = 1.53$  nC/m sono posti ad angolo retto e giacciono, rispettivamente, sull'asse  $x$  e sull'asse  $y$ . Una particella di massa  $m = 1.11 \times 10^{-9}$  kg e carica elettrica  $q = 1.69$  nC, è lasciata ferma nel punto  $P_1 = (a, a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante), con  $a = 0.337$  m. Determinare la velocità con la quale la particella raggiunge il punto  $P_2 = (3a, 3a, 0)$  (nel piano  $xy$  sulla bisettrice del primo e terzo quadrante).

A  0    B  13.6    C  31.6    D  49.6    E  67.6    F  85.6

6) In un sistema di riferimento cartesiano, nella regione individuata dalla relazione  $0 \leq x \leq \frac{L}{2}$ , con  $L = 1.43$  m, è presente un campo magnetico  $\mathbf{B} = (kx)\mathbf{k}$ , con  $k = 1.96$  T/m. Una spira quadrata di lato  $L$  giace nel piano  $xy$ , ha i lati paralleli agli assi  $x$  ed  $y$  e si muove con velocità costante  $v = 1.40$  m/s nel verso positivo dell'asse  $x$ . Determinare la carica elettrica complessiva che ha percorso la spira tra l'istante nel quale essa inizia a penetrare nella regione nella quale è presente il campo magnetico e l'istante nel quale essa è completamente uscita dalla regione nella quale è presente il campo magnetico.

A  B  C  D  E  F

7) Un cilindro pieno di raggio  $R = 0.169$  m e altezza che può essere considerata infinita è costituito da materiale isolante ed ha una densità volumetrica di carica elettrica che dipende dalla distanza  $r$  dall'asse centrale del cilindro come  $\rho(r) = \rho_0(1 - \frac{r}{R})$ . Determinare per quale valore di  $r$ , in m, l'intensità del campo elettrico è massima.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), determinare il massimo valore di  $\rho_0$ , in nC/m<sup>3</sup>, tale che l'intensità del campo elettrico non superi in nessun punto il valore  $E_{max} = 1.83$  V/m.

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 7), trovato il valore di  $\rho_0$  nel precedente Esercizio 8), determinare la differenza di potenziale elettrostatico, in volt, tra una posizione sull'asse centrale del cilindro e un punto che si trova a distanza  $100R$  da esso.

A  B  C  D  E  F

10) Una piccola spira circolare di raggio  $a = 0.0104$  m, resistenza  $R = 1.60$  ohm e induttanza trascurabile, si trova all'interno di un lungo solenoide avente  $n = 2 \times 10^3$  spire/m. Il centro della spira giace sull'asse del solenoide, con il quale l'asse della spira forma un angolo  $\theta = \frac{\pi}{4}$  rad. Nel solenoide scorre la corrente lentamente variabile nel tempo  $I(t) = I_0 \frac{t}{\tau}$ , con  $I_0 = 1.38$  A e  $\tau = 1.15$  ms. Determinare il momento meccanico, in  $\mu\text{N}\cdot\text{m}$ , delle forze magnetiche che agiscono sulla spira all'istante  $t = \tau$ .

A  B  C  D  E  F