

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0176$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.66$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 214$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.01$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.175    C  0.355    D  0.535    E  0.715    F  0.895

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0230$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 198$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  11.8    C  29.8    D  47.8    E  65.8    F  83.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.111$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.88$  A,  $a = 1.36$  A/s e  $b = 1.01$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0119$  m e resistenza  $R_0 = 1.50$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.70$  s.

- A  0    B  2.04    C  3.84    D  5.64    E  7.44    F  9.24

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0100$  m, raggio esterno  $b = 0.0219$  m e altezza  $h = 1.02$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.28$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 118$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.14 \times 10^{-4}$     C   $3.94 \times 10^{-4}$     D   $5.74 \times 10^{-4}$     E   $7.54 \times 10^{-4}$     F   $9.34 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 108$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.165    C  0.345    D  0.525    E  0.705    F  0.885

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0119$  m e  $c = 0.0604$  m e altezza  $h = 0.489$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.24$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.92$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0402$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.69$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  21.0    C  39.0    D  57.0    E  75.0    F  93.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.47    C  3.27    D  5.07    E  6.87    F  8.67

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0274    C  0.0454    D  0.0634    E  0.0814    F  0.0994

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0167    C  -0.0347    D  -0.0527    E  -0.0707    F  -0.0887

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.112$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.68$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.15 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.78$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0109$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.59 \times 10^{-3}$     C   $3.39 \times 10^{-3}$     D   $5.19 \times 10^{-3}$     E   $6.99 \times 10^{-3}$     F   $8.79 \times 10^{-3}$

Testo n. 0

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0106$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.70$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 188$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.42$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.0261    C  0.0441    D  0.0621    E  0.0801    F  0.0981

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0267$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 198$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  25.7    C  43.7    D  61.7    E  79.7    F  97.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.119$  m e con  $n = 1.04 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.35$  A,  $a = 1.94$  A/s e  $b = 1.14$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0117$  m e resistenza  $R_0 = 1.64$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.17$  s.

- A  0    B  1.58    C  3.38    D  5.18    E  6.98    F  8.78

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0116$  m, raggio esterno  $b = 0.0215$  m e altezza  $h = 1.09$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.71$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 103$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.08 \times 10^{-4}$     C   $3.88 \times 10^{-4}$     D   $5.68 \times 10^{-4}$     E   $7.48 \times 10^{-4}$     F   $9.28 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 108$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.221    C  0.401    D  0.581    E  0.761    F  0.941

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0118$  m e  $c = 0.0612$  m e altezza  $h = 0.507$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.68$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.72$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0405$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.46$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  15.5    C  33.5    D  51.5    E  69.5    F  87.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.74    C  3.54    D  5.34    E  7.14    F  8.94

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0194    C  0.0374    D  0.0554    E  0.0734    F  0.0914

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0152    C  -0.0332    D  -0.0512    E  -0.0692    F  -0.0872

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.108$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.96$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.05 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.83$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0100$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B  0.0100    C  0.0280    D  0.0460    E  0.0640    F  0.0820

Testo n. 1

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0159$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.55$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 146$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.84$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

A  0    B  0.255    C  0.435    D  0.615    E  0.795    F  0.975

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0252$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 115$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

A  0    B  15.8    C  33.8    D  51.8    E  69.8    F  87.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.103$  m e con  $n = 1.12 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.10$  A,  $a = 1.28$  A/s e  $b = 1.46$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0115$  m e resistenza  $R_0 = 1.44$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.28$  s.

A  0    B  2.04    C  3.84    D  5.64    E  7.44    F  9.24

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0110$  m, raggio esterno  $b = 0.0218$  m e altezza  $h = 1.20$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.65$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 106$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

A  0    B   $2.27 \times 10^{-4}$     C   $4.07 \times 10^{-4}$     D   $5.87 \times 10^{-4}$     E   $7.67 \times 10^{-4}$     F   $9.47 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 118$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

A  0    B  0.238    C  0.418    D  0.598    E  0.778    F  0.958

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0105$  m e  $c = 0.0617$  m e altezza  $h = 0.551$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.95$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.07$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0404$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.38$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  1.15    C  2.95    D  4.75    E  6.55    F  8.35

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.58    C  3.38    D  5.18    E  6.98    F  8.78

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0187    C  0.0367    D  0.0547    E  0.0727    F  0.0907

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0236    C  -0.0416    D  -0.0596    E  -0.0776    F  -0.0956

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.101$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.45$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.04 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.05$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0101$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.64 \times 10^{-3}$     C   $3.44 \times 10^{-3}$     D   $5.24 \times 10^{-3}$     E   $7.04 \times 10^{-3}$     F   $8.84 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0149$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.55$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 291$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.50$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.213    C  0.393    D  0.573    E  0.753    F  0.933

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0286$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 109$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  13.2    C  31.2    D  49.2    E  67.2    F  85.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.107$  m e con  $n = 1.10 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.36$  A,  $a = 1.81$  A/s e  $b = 1.26$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0116$  m e resistenza  $R_0 = 1.09$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.75$  s.

- A  0    B  1.53    C  3.33    D  5.13    E  6.93    F  8.73

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0114$  m, raggio esterno  $b = 0.0202$  m e altezza  $h = 1.08$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 2.00$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 100$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.99 \times 10^{-4}$     C   $3.79 \times 10^{-4}$     D   $5.59 \times 10^{-4}$     E   $7.39 \times 10^{-4}$     F   $9.19 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 113$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.225    C  0.405    D  0.585    E  0.765    F  0.945

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0117$  m e  $c = 0.0615$  m e altezza  $h = 0.526$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.81$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.97$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0400$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.93$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  22.7    C  40.7    D  58.7    E  76.7    F  94.7

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.07    C  2.87    D  4.67    E  6.47    F  8.27

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0273    C  0.0453    D  0.0633    E  0.0813    F  0.0993

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0116    C  -0.0296    D  -0.0476    E  -0.0656    F  -0.0836

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.108$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.22$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.20 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.45$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0114$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.61 \times 10^{-3}$     C   $3.41 \times 10^{-3}$     D   $5.21 \times 10^{-3}$     E   $7.01 \times 10^{-3}$     F   $8.81 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0125$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.82$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 190$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.36$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.200    C  0.380    D  0.560    E  0.740    F  0.920

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0300$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 181$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  20.9    C  38.9    D  56.9    E  74.9    F  92.9

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.104$  m e con  $n = 1.17 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.62$  A,  $a = 1.47$  A/s e  $b = 1.67$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0114$  m e resistenza  $R_0 = 1.22$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.36$  s.

- A  0    B  1.16    C  2.96    D  4.76    E  6.56    F  8.36

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0116$  m, raggio esterno  $b = 0.0212$  m e altezza  $h = 1.07$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.80$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 106$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.16 \times 10^{-4}$     C   $3.96 \times 10^{-4}$     D   $5.76 \times 10^{-4}$     E   $7.56 \times 10^{-4}$     F   $9.36 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 104$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.215    C  0.395    D  0.575    E  0.755    F  0.935

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0111$  m e  $c = 0.0618$  m e altezza  $h = 0.420$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.06$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.91$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0401$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.95$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  27.7    C  45.7    D  63.7    E  81.7    F  99.7

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.81    C  3.61    D  5.41    E  7.21    F  9.01

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0154    C  0.0334    D  0.0514    E  0.0694    F  0.0874

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0184    C  -0.0364    D  -0.0544    E  -0.0724    F  -0.0904

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.102$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.01$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.08 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.83$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0105$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.28 \times 10^{-3}$     C   $4.08 \times 10^{-3}$     D   $5.88 \times 10^{-3}$     E   $7.68 \times 10^{-3}$     F   $9.48 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0181$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.55$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 290$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.62$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.195    C  0.375    D  0.555    E  0.735    F  0.915

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0216$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 115$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  18.4    C  36.4    D  54.4    E  72.4    F  90.4

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.103$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.62$  A,  $a = 1.84$  A/s e  $b = 1.42$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0117$  m e resistenza  $R_0 = 1.20$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.22$  s.

- A  0    B  2.72    C  4.52    D  6.32    E  8.12    F  9.92

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0109$  m, raggio esterno  $b = 0.0211$  m e altezza  $h = 1.00$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.74$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 115$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.38 \times 10^{-4}$     C   $4.18 \times 10^{-4}$     D   $5.98 \times 10^{-4}$     E   $7.78 \times 10^{-4}$     F   $9.58 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 112$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.218    C  0.398    D  0.578    E  0.758    F  0.938

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0113$  m e  $c = 0.0617$  m e altezza  $h = 0.423$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.10$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.89$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0401$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.68$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  23.5    C  41.5    D  59.5    E  77.5    F  95.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.00    C  2.80    D  4.60    E  6.40    F  8.20

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0219    C  0.0399    D  0.0579    E  0.0759    F  0.0939

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0117    C  -0.0297    D  -0.0477    E  -0.0657    F  -0.0837

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.118$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.47$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.10 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.18$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0106$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.02 \times 10^{-3}$     C   $2.82 \times 10^{-3}$     D   $4.62 \times 10^{-3}$     E   $6.42 \times 10^{-3}$     F   $8.22 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0178$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.25$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 218$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.72$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

A  0    B  0.189    C  0.369    D  0.549    E  0.729    F  0.909

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0255$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 177$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

A  0    B  24.0    C  42.0    D  60.0    E  78.0    F  96.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.111$  m e con  $n = 1.18 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.61$  A,  $a = 1.98$  A/s e  $b = 1.73$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0116$  m e resistenza  $R_0 = 1.20$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.19$  s.

A  0    B  1.39    C  3.19    D  4.99    E  6.79    F  8.59

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0108$  m, raggio esterno  $b = 0.0204$  m e altezza  $h = 1.19$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.13$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 116$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

A  0    B   $1.42 \times 10^{-4}$     C   $3.22 \times 10^{-4}$     D   $5.02 \times 10^{-4}$     E   $6.82 \times 10^{-4}$     F   $8.62 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 111$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

A  0    B  0.127    C  0.307    D  0.487    E  0.667    F  0.847

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0120$  m e  $c = 0.0618$  m e altezza  $h = 0.425$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.77$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.98$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0416$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.79$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  B  C  D  E  F

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  B  C  D  E  F

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.109$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.30$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.19 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.72$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0102$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  B  C  D  E  F

Testo n. 6

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0109$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.63$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 288$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.74$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.152    C  0.332    D  0.512    E  0.692    F  0.872

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0216$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 150$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  24.1    C  42.1    D  60.1    E  78.1    F  96.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.105$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.48$  A,  $a = 1.99$  A/s e  $b = 1.50$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0114$  m e resistenza  $R_0 = 1.19$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.88$  s.

- A  0    B  1.95    C  3.75    D  5.55    E  7.35    F  9.15

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0118$  m, raggio esterno  $b = 0.0202$  m e altezza  $h = 1.00$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.69$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 114$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.84 \times 10^{-4}$     C   $3.64 \times 10^{-4}$     D   $5.44 \times 10^{-4}$     E   $7.24 \times 10^{-4}$     F   $9.04 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 100$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.168    C  0.348    D  0.528    E  0.708    F  0.888

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0112$  m e  $c = 0.0616$  m e altezza  $h = 0.577$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.18$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.62$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0414$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.03$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  1.74    C  3.54    D  5.34    E  7.14    F  8.94

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.11    C  3.91    D  5.71    E  7.51    F  9.31

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0112    C  0.0292    D  0.0472    E  0.0652    F  0.0832

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0145    C  -0.0325    D  -0.0505    E  -0.0685    F  -0.0865

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.118$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.65$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.15 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -2.00$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0115$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.80 \times 10^{-3}$     C   $3.60 \times 10^{-3}$     D   $5.40 \times 10^{-3}$     E   $7.20 \times 10^{-3}$     F   $9.00 \times 10^{-3}$

Testo n. 7

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0107$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.88$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 122$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.31$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.0108    C  0.0288    D  0.0468    E  0.0648    F  0.0828

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0288$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 137$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  16.5    C  34.5    D  52.5    E  70.5    F  88.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.117$  m e con  $n = 1.18 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.37$  A,  $a = 1.34$  A/s e  $b = 1.60$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0111$  m e resistenza  $R_0 = 1.22$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.49$  s.

- A  0    B  1.07    C  2.87    D  4.67    E  6.47    F  8.27

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0113$  m, raggio esterno  $b = 0.0205$  m e altezza  $h = 1.04$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.36$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 105$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.50 \times 10^{-4}$     C   $3.30 \times 10^{-4}$     D   $5.10 \times 10^{-4}$     E   $6.90 \times 10^{-4}$     F   $8.70 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 116$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.164    C  0.344    D  0.524    E  0.704    F  0.884

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0104$  m e  $c = 0.0602$  m e altezza  $h = 0.477$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.59$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.80$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0408$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.71$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  20.3    C  38.3    D  56.3    E  74.3    F  92.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.16    C  2.96    D  4.76    E  6.56    F  8.36

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0126    C  0.0306    D  0.0486    E  0.0666    F  0.0846

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0214    C  -0.0394    D  -0.0574    E  -0.0754    F  -0.0934

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.109$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.18$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.14 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.19$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0105$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.50 \times 10^{-3}$     C   $4.30 \times 10^{-3}$     D   $6.10 \times 10^{-3}$     E   $7.90 \times 10^{-3}$     F   $9.70 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0165$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.60$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 181$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.17$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

A  0    B  0.145    C  0.325    D  0.505    E  0.685    F  0.865

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0334$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 125$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

A  0    B  13.0    C  31.0    D  49.0    E  67.0    F  85.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.100$  m e con  $n = 1.01 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.59$  A,  $a = 1.60$  A/s e  $b = 1.59$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0116$  m e resistenza  $R_0 = 1.10$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.26$  s.

A  0    B  2.73    C  4.53    D  6.33    E  8.13    F  9.93

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0101$  m, raggio esterno  $b = 0.0206$  m e altezza  $h = 1.13$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.28$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 102$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

A  0    B   $1.55 \times 10^{-4}$     C   $3.35 \times 10^{-4}$     D   $5.15 \times 10^{-4}$     E   $6.95 \times 10^{-4}$     F   $8.75 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 116$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

A  0    B  0.152    C  0.332    D  0.512    E  0.692    F  0.872

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0108$  m e  $c = 0.0609$  m e altezza  $h = 0.519$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.39$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.88$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0406$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.65$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  18.7    C  36.7    D  54.7    E  72.7    F  90.7

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.53    C  3.33    D  5.13    E  6.93    F  8.73

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0101    C  0.0281    D  0.0461    E  0.0641    F  0.0821

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0187    C  -0.0367    D  -0.0547    E  -0.0727    F  -0.0907

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.101$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.02$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.17 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.31$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0113$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.15 \times 10^{-3}$     C   $2.95 \times 10^{-3}$     D   $4.75 \times 10^{-3}$     E   $6.55 \times 10^{-3}$     F   $8.35 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0114$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.44$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 250$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.62$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.146    C  0.326    D  0.506    E  0.686    F  0.866

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0394$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 176$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  15.5    C  33.5    D  51.5    E  69.5    F  87.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.117$  m e con  $n = 1.11 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.36$  A,  $a = 1.44$  A/s e  $b = 1.38$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0109$  m e resistenza  $R_0 = 1.70$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.42$  s.

- A  0    B  1.64    C  3.44    D  5.24    E  7.04    F  8.84

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0115$  m, raggio esterno  $b = 0.0206$  m e altezza  $h = 1.14$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.82$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 103$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.96 \times 10^{-4}$     C   $3.76 \times 10^{-4}$     D   $5.56 \times 10^{-4}$     E   $7.36 \times 10^{-4}$     F   $9.16 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 102$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.196    C  0.376    D  0.556    E  0.736    F  0.916

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0106$  m e  $c = 0.0615$  m e altezza  $h = 0.459$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.33$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.03$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0419$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.23$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  1.30    C  3.10    D  4.90    E  6.70    F  8.50

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.71    C  4.51    D  6.31    E  8.11    F  9.91

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0112    C  0.0292    D  0.0472    E  0.0652    F  0.0832

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0179    C  -0.0359    D  -0.0539    E  -0.0719    F  -0.0899

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.101$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.78$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.11 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.71$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0118$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B  0.0104    C  0.0284    D  0.0464    E  0.0644    F  0.0824

Testo n. 10

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0126$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.92$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 246$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.45$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.171    C  0.351    D  0.531    E  0.711    F  0.891

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0243$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 158$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  22.5    C  40.5    D  58.5    E  76.5    F  94.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.116$  m e con  $n = 1.12 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.02$  A,  $a = 1.16$  A/s e  $b = 1.03$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0114$  m e resistenza  $R_0 = 1.58$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.78$  s.

- A  0    B  1.76    C  3.56    D  5.36    E  7.16    F  8.96

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0101$  m, raggio esterno  $b = 0.0206$  m e altezza  $h = 1.12$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.17$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 108$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.50 \times 10^{-4}$     C   $3.30 \times 10^{-4}$     D   $5.10 \times 10^{-4}$     E   $6.90 \times 10^{-4}$     F   $8.70 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 118$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.141    C  0.321    D  0.501    E  0.681    F  0.861

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0118$  m e  $c = 0.0614$  m e altezza  $h = 0.408$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.86$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.62$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0405$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.98$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  24.6    C  42.6    D  60.6    E  78.6    F  96.6

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.50    C  4.30    D  6.10    E  7.90    F  9.70

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.103    C  0.283    D  0.463    E  0.643    F  0.823

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0203    C  -0.0383    D  -0.0563    E  -0.0743    F  -0.0923

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.108$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.80$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.14 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.32$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0101$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.46 \times 10^{-3}$     C   $4.26 \times 10^{-3}$     D   $6.06 \times 10^{-3}$     E   $7.86 \times 10^{-3}$     F   $9.66 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0116$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.10$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 156$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.74$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.0271    C  0.0451    D  0.0631    E  0.0811    F  0.0991

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0325$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 107$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  11.4    C  29.4    D  47.4    E  65.4    F  83.4

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.119$  m e con  $n = 1.13 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.23$  A,  $a = 1.98$  A/s e  $b = 1.36$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0116$  m e resistenza  $R_0 = 1.76$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.40$  s.

- A  0    B  1.97    C  3.77    D  5.57    E  7.37    F  9.17

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0102$  m, raggio esterno  $b = 0.0207$  m e altezza  $h = 1.11$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.48$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 105$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.85 \times 10^{-4}$     C   $3.65 \times 10^{-4}$     D   $5.45 \times 10^{-4}$     E   $7.25 \times 10^{-4}$     F   $9.05 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 109$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.168    C  0.348    D  0.528    E  0.708    F  0.888

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0103$  m e  $c = 0.0605$  m e altezza  $h = 0.478$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.56$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.54$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0407$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.18$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  12.0    C  30.0    D  48.0    E  66.0    F  84.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.44    C  3.24    D  5.04    E  6.84    F  8.64

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0221    C  0.0401    D  0.0581    E  0.0761    F  0.0941

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0240    C  -0.0420    D  -0.0600    E  -0.0780    F  -0.0960

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.107$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.06$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.10 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.40$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0104$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.07 \times 10^{-3}$     C   $2.87 \times 10^{-3}$     D   $4.67 \times 10^{-3}$     E   $6.47 \times 10^{-3}$     F   $8.27 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0155$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.37$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 218$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.35$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.263    C  0.443    D  0.623    E  0.803    F  0.983

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0351$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 154$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  15.2    C  33.2    D  51.2    E  69.2    F  87.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.116$  m e con  $n = 1.20 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.52$  A,  $a = 1.18$  A/s e  $b = 1.79$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0106$  m e resistenza  $R_0 = 1.57$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.89$  s.

- A  0    B  2.69    C  4.49    D  6.29    E  8.09    F  9.89

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0113$  m, raggio esterno  $b = 0.0203$  m e altezza  $h = 1.07$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.87$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 112$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.14 \times 10^{-4}$     C   $3.94 \times 10^{-4}$     D   $5.74 \times 10^{-4}$     E   $7.54 \times 10^{-4}$     F   $9.34 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 111$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.210    C  0.390    D  0.570    E  0.750    F  0.930

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0103$  m e  $c = 0.0620$  m e altezza  $h = 0.461$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.36$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.36$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0410$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.02$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  2.10    C  3.90    D  5.70    E  7.50    F  9.30

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.01    C  2.81    D  4.61    E  6.41    F  8.21

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0124    C  0.0304    D  0.0484    E  0.0664    F  0.0844

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0181    C  -0.0361    D  -0.0541    E  -0.0721    F  -0.0901

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.108$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.98$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.09 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.63$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0111$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.60 \times 10^{-3}$     C   $4.40 \times 10^{-3}$     D   $6.20 \times 10^{-3}$     E   $8.00 \times 10^{-3}$     F   $9.80 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0111$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.45$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 242$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.74$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.186    C  0.366    D  0.546    E  0.726    F  0.906

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0353$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 153$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  15.0    C  33.0    D  51.0    E  69.0    F  87.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.117$  m e con  $n = 1.06 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.70$  A,  $a = 1.64$  A/s e  $b = 1.57$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0105$  m e resistenza  $R_0 = 1.53$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.21$  s.

- A  0    B  1.64    C  3.44    D  5.24    E  7.04    F  8.84

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0108$  m, raggio esterno  $b = 0.0218$  m e altezza  $h = 1.02$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.01$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 109$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.45 \times 10^{-4}$     C   $3.25 \times 10^{-4}$     D   $5.05 \times 10^{-4}$     E   $6.85 \times 10^{-4}$     F   $8.65 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 104$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.128    C  0.308    D  0.488    E  0.668    F  0.848

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0120$  m e  $c = 0.0615$  m e altezza  $h = 0.579$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.70$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.23$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0418$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.77$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

- A  0    B  11.6    C  29.6    D  47.6    E  65.6    F  83.6

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

- A  0    B  1.28    C  3.08    D  4.88    E  6.68    F  8.48

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

- A  0    B  0.0197    C  0.0377    D  0.0557    E  0.0737    F  0.0917

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

- A  0    B  -0.0184    C  -0.0364    D  -0.0544    E  -0.0724    F  -0.0904

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.104$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.35$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.08 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.74$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0109$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

- A  0    B   $1.44 \times 10^{-3}$     C   $3.24 \times 10^{-3}$     D   $5.04 \times 10^{-3}$     E   $6.84 \times 10^{-3}$     F   $8.64 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0163$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.90$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 166$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.78$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.234    C  0.414    D  0.594    E  0.774    F  0.954

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0396$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 118$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  10.3    C  28.3    D  46.3    E  64.3    F  82.3

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.113$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.82$  A,  $a = 1.24$  A/s e  $b = 1.95$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0107$  m e resistenza  $R_0 = 1.45$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.37$  s.

- A  0    B  2.34    C  4.14    D  5.94    E  7.74    F  9.54

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0105$  m, raggio esterno  $b = 0.0211$  m e altezza  $h = 1.07$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.70$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 115$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.40 \times 10^{-4}$     C   $4.20 \times 10^{-4}$     D   $6.00 \times 10^{-4}$     E   $7.80 \times 10^{-4}$     F   $9.60 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 107$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.201    C  0.381    D  0.561    E  0.741    F  0.921

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0109$  m e  $c = 0.0613$  m e altezza  $h = 0.544$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.32$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.56$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0410$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.87$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  B  C  D  E  F

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  B  C  D  E  F

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  B  C  D  E  F

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  B  C  D  E  F

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.118$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.89$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.12 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.37$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0110$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  B  C  D  E  F

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0107$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.40$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 280$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.10$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.133    C  0.313    D  0.493    E  0.673    F  0.853

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0377$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 158$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  14.5    C  32.5    D  50.5    E  68.5    F  86.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.115$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.82$  A,  $a = 1.68$  A/s e  $b = 1.06$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0105$  m e resistenza  $R_0 = 1.05$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.33$  s.

- A  0    B  2.13    C  3.93    D  5.73    E  7.53    F  9.33

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0116$  m, raggio esterno  $b = 0.0208$  m e altezza  $h = 1.00$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.54$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 116$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.91 \times 10^{-4}$     C   $3.71 \times 10^{-4}$     D   $5.51 \times 10^{-4}$     E   $7.31 \times 10^{-4}$     F   $9.11 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 109$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.182    C  0.362    D  0.542    E  0.722    F  0.902

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0104$  m e  $c = 0.0610$  m e altezza  $h = 0.424$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.46$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.00$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0420$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.64$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  12.0    C  30.0    D  48.0    E  66.0    F  84.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.32    C  3.12    D  4.92    E  6.72    F  8.52

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0253    C  0.0433    D  0.0613    E  0.0793    F  0.0973

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0108    C  -0.0288    D  -0.0468    E  -0.0648    F  -0.0828

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.118$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.61$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.00 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.40$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0114$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.55 \times 10^{-3}$     C   $4.35 \times 10^{-3}$     D   $6.15 \times 10^{-3}$     E   $7.95 \times 10^{-3}$     F   $9.75 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0171$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.61$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 245$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.19$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.217    C  0.397    D  0.577    E  0.757    F  0.937

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0377$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 145$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  13.3    C  31.3    D  49.3    E  67.3    F  85.3

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.106$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.14$  A,  $a = 1.36$  A/s e  $b = 1.97$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0104$  m e resistenza  $R_0 = 1.69$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.77$  s.

- A  0    B  2.40    C  4.20    D  6.00    E  7.80    F  9.60

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0112$  m, raggio esterno  $b = 0.0214$  m e altezza  $h = 1.06$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.40$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 103$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.74 \times 10^{-4}$     C   $3.54 \times 10^{-4}$     D   $5.34 \times 10^{-4}$     E   $7.14 \times 10^{-4}$     F   $8.94 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 110$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.180    C  0.360    D  0.540    E  0.720    F  0.900

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0118$  m e  $c = 0.0606$  m e altezza  $h = 0.443$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.82$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.28$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0417$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.80$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  16.2    C  34.2    D  52.2    E  70.2    F  88.2

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.46    C  3.26    D  5.06    E  6.86    F  8.66

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0208    C  0.0388    D  0.0568    E  0.0748    F  0.0928

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0184    C  -0.0364    D  -0.0544    E  -0.0724    F  -0.0904

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.118$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.86$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.04 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.57$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0112$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.60 \times 10^{-3}$     C   $3.40 \times 10^{-3}$     D   $5.20 \times 10^{-3}$     E   $7.00 \times 10^{-3}$     F   $8.80 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0151$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.59$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 134$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.79$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.137    C  0.317    D  0.497    E  0.677    F  0.857

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0350$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 147$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  14.5    C  32.5    D  50.5    E  68.5    F  86.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.102$  m e con  $n = 1.18 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.83$  A,  $a = 1.07$  A/s e  $b = 1.07$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0110$  m e resistenza  $R_0 = 1.84$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.68$  s.

- A  0    B  1.43    C  3.23    D  5.03    E  6.83    F  8.63

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0105$  m, raggio esterno  $b = 0.0203$  m e altezza  $h = 1.02$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.41$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 113$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.75 \times 10^{-4}$     C   $3.55 \times 10^{-4}$     D   $5.35 \times 10^{-4}$     E   $7.15 \times 10^{-4}$     F   $8.95 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 120$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.168    C  0.348    D  0.528    E  0.708    F  0.888

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0114$  m e  $c = 0.0617$  m e altezza  $h = 0.580$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.96$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.71$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0414$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.88$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  17.1    C  35.1    D  53.1    E  71.1    F  89.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.52    C  4.32    D  6.12    E  7.92    F  9.72

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0272    C  0.0452    D  0.0632    E  0.0812    F  0.0992

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0167    C  -0.0347    D  -0.0527    E  -0.0707    F  -0.0887

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.111$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.91$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.09 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.15$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0108$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.37 \times 10^{-3}$     C   $4.17 \times 10^{-3}$     D   $5.97 \times 10^{-3}$     E   $7.77 \times 10^{-3}$     F   $9.57 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0174$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.64$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 264$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.99$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.230    C  0.410    D  0.590    E  0.770    F  0.950

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0358$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 192$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  18.6    C  36.6    D  54.6    E  72.6    F  90.6

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.108$  m e con  $n = 1.12 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.99$  A,  $a = 1.45$  A/s e  $b = 1.15$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0117$  m e resistenza  $R_0 = 1.13$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.38$  s.

- A  0    B  2.48    C  4.28    D  6.08    E  7.88    F  9.68

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0120$  m, raggio esterno  $b = 0.0204$  m e altezza  $h = 1.16$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.63$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 104$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.64 \times 10^{-4}$     C   $3.44 \times 10^{-4}$     D   $5.24 \times 10^{-4}$     E   $7.04 \times 10^{-4}$     F   $8.84 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 110$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.184    C  0.364    D  0.544    E  0.724    F  0.904

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0110$  m e  $c = 0.0602$  m e altezza  $h = 0.494$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.38$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.79$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0407$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.76$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  20.1    C  38.1    D  56.1    E  74.1    F  92.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.85    C  3.65    D  5.45    E  7.25    F  9.05

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0143    C  0.0323    D  0.0503    E  0.0683    F  0.0863

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0224    C  -0.0404    D  -0.0584    E  -0.0764    F  -0.0944

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.114$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.79$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.18 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.12$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0111$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.65 \times 10^{-3}$     C   $3.45 \times 10^{-3}$     D   $5.25 \times 10^{-3}$     E   $7.05 \times 10^{-3}$     F   $8.85 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0123$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.87$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 106$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.04$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.0212    C  0.0392    D  0.0572    E  0.0752    F  0.0932

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0371$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 141$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  13.2    C  31.2    D  49.2    E  67.2    F  85.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.113$  m e con  $n = 1.17 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.86$  A,  $a = 1.79$  A/s e  $b = 1.68$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0120$  m e resistenza  $R_0 = 1.17$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.67$  s.

- A  0    B  2.41    C  4.21    D  6.01    E  7.81    F  9.61

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0104$  m, raggio esterno  $b = 0.0219$  m e altezza  $h = 1.06$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.38$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 109$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.07 \times 10^{-4}$     C   $3.87 \times 10^{-4}$     D   $5.67 \times 10^{-4}$     E   $7.47 \times 10^{-4}$     F   $9.27 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 115$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.193    C  0.373    D  0.553    E  0.733    F  0.913

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0109$  m e  $c = 0.0618$  m e altezza  $h = 0.592$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.51$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.27$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0414$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.95$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  12.9    C  30.9    D  48.9    E  66.9    F  84.9

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.62    C  3.42    D  5.22    E  7.02    F  8.82

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0239    C  0.0419    D  0.0599    E  0.0779    F  0.0959

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0199    C  -0.0379    D  -0.0559    E  -0.0739    F  -0.0919

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.101$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.63$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.01 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.60$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0117$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B  0.0100    C  0.0280    D  0.0460    E  0.0640    F  0.0820

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0101$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.27$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 276$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.72$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.273    C  0.453    D  0.633    E  0.813    F  0.993

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0209$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 152$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  25.2    C  43.2    D  61.2    E  79.2    F  97.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.114$  m e con  $n = 1.18 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.30$  A,  $a = 1.38$  A/s e  $b = 1.89$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0109$  m e resistenza  $R_0 = 1.05$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.08$  s.

- A  0    B  1.08    C  2.88    D  4.68    E  6.48    F  8.28

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0109$  m, raggio esterno  $b = 0.0207$  m e altezza  $h = 1.09$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.89$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 102$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.17 \times 10^{-4}$     C   $3.97 \times 10^{-4}$     D   $5.77 \times 10^{-4}$     E   $7.57 \times 10^{-4}$     F   $9.37 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 118$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.237    C  0.417    D  0.597    E  0.777    F  0.957

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0116$  m e  $c = 0.0601$  m e altezza  $h = 0.435$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.17$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.79$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0403$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.15$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  15.0    C  33.0    D  51.0    E  69.0    F  87.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.49    C  4.29    D  6.09    E  7.89    F  9.69

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0245    C  0.0425    D  0.0605    E  0.0785    F  0.0965

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0242    C  -0.0422    D  -0.0602    E  -0.0782    F  -0.0962

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.108$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.20$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.15 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.28$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0104$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.78 \times 10^{-3}$     C   $4.58 \times 10^{-3}$     D   $6.38 \times 10^{-3}$     E   $8.18 \times 10^{-3}$     F   $9.98 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0139$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.32$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 113$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.86$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.0122    C  0.0302    D  0.0482    E  0.0662    F  0.0842

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0336$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 177$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  18.2    C  36.2    D  54.2    E  72.2    F  90.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.107$  m e con  $n = 1.20 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.16$  A,  $a = 1.22$  A/s e  $b = 1.46$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0104$  m e resistenza  $R_0 = 1.30$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.90$  s.

- A  0    B  2.67    C  4.47    D  6.27    E  8.07    F  9.87

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0111$  m, raggio esterno  $b = 0.0215$  m e altezza  $h = 1.16$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.66$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 113$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.32 \times 10^{-4}$     C   $4.12 \times 10^{-4}$     D   $5.92 \times 10^{-4}$     E   $7.72 \times 10^{-4}$     F   $9.52 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 112$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.220    C  0.400    D  0.580    E  0.760    F  0.940

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0114$  m e  $c = 0.0617$  m e altezza  $h = 0.535$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.03$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.97$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0417$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.94$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  22.0    C  40.0    D  58.0    E  76.0    F  94.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.41    C  4.21    D  6.01    E  7.81    F  9.61

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0144    C  0.0324    D  0.0504    E  0.0684    F  0.0864

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0166    C  -0.0346    D  -0.0526    E  -0.0706    F  -0.0886

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.103$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.58$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.04 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.38$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0119$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.73 \times 10^{-3}$     C   $3.53 \times 10^{-3}$     D   $5.33 \times 10^{-3}$     E   $7.13 \times 10^{-3}$     F   $8.93 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0138$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.89$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 179$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.12$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.113    C  0.293    D  0.473    E  0.653    F  0.833

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0243$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 173$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  24.7    C  42.7    D  60.7    E  78.7    F  96.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.101$  m e con  $n = 1.07 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.95$  A,  $a = 1.50$  A/s e  $b = 1.58$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0105$  m e resistenza  $R_0 = 1.40$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.12$  s.

- A  0    B  1.68    C  3.48    D  5.28    E  7.08    F  8.88

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0120$  m, raggio esterno  $b = 0.0204$  m e altezza  $h = 1.16$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.67$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 116$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.87 \times 10^{-4}$     C   $3.67 \times 10^{-4}$     D   $5.47 \times 10^{-4}$     E   $7.27 \times 10^{-4}$     F   $9.07 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 110$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.188    C  0.368    D  0.548    E  0.728    F  0.908

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0110$  m e  $c = 0.0609$  m e altezza  $h = 0.403$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.97$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.28$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0419$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.66$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  16.3    C  34.3    D  52.3    E  70.3    F  88.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.07    C  2.87    D  4.67    E  6.47    F  8.27

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0190    C  0.0370    D  0.0550    E  0.0730    F  0.0910

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0182    C  -0.0362    D  -0.0542    E  -0.0722    F  -0.0902

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.117$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.17$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.01 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.82$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0111$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.25 \times 10^{-3}$     C   $4.05 \times 10^{-3}$     D   $5.85 \times 10^{-3}$     E   $7.65 \times 10^{-3}$     F   $9.45 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0148$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.43$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 221$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.39$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.260    C  0.440    D  0.620    E  0.800    F  0.980

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0389$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 165$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  14.7    C  32.7    D  50.7    E  68.7    F  86.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.101$  m e con  $n = 1.18 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.15$  A,  $a = 1.64$  A/s e  $b = 1.14$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0111$  m e resistenza  $R_0 = 1.76$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.14$  s.

- A  0    B  1.38    C  3.18    D  4.98    E  6.78    F  8.58

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0115$  m, raggio esterno  $b = 0.0211$  m e altezza  $h = 1.16$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.52$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 101$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.73 \times 10^{-4}$     C   $3.53 \times 10^{-4}$     D   $5.33 \times 10^{-4}$     E   $7.13 \times 10^{-4}$     F   $8.93 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 106$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.182    C  0.362    D  0.542    E  0.722    F  0.902

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0119$  m e  $c = 0.0601$  m e altezza  $h = 0.562$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.50$  ohm·m e  $\rho_2 = 2.00$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0409$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.11$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

- A  0    B  12.4    C  30.4    D  48.4    E  66.4    F  84.4

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

- A  0    B  1.99    C  3.79    D  5.59    E  7.39    F  9.19

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

- A  0    B  0.0262    C  0.0442    D  0.0622    E  0.0802    F  0.0982

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

- A  0    B  -0.0246    C  -0.0426    D  -0.0606    E  -0.0786    F  -0.0966

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.103$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.50$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.19 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.71$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0119$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

- A  0    B   $1.85 \times 10^{-3}$     C   $3.65 \times 10^{-3}$     D   $5.45 \times 10^{-3}$     E   $7.25 \times 10^{-3}$     F   $9.05 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0115$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.63$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 233$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.18$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.0211    C  0.0391    D  0.0571    E  0.0751    F  0.0931

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0393$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 173$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  15.2    C  33.2    D  51.2    E  69.2    F  87.2

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.120$  m e con  $n = 1.02 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.37$  A,  $a = 1.13$  A/s e  $b = 1.68$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0103$  m e resistenza  $R_0 = 1.27$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.42$  s.

- A  0    B  1.99    C  3.79    D  5.59    E  7.39    F  9.19

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0113$  m, raggio esterno  $b = 0.0202$  m e altezza  $h = 1.19$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.70$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 108$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.85 \times 10^{-4}$     C   $3.65 \times 10^{-4}$     D   $5.45 \times 10^{-4}$     E   $7.25 \times 10^{-4}$     F   $9.05 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 118$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.200    C  0.380    D  0.560    E  0.740    F  0.920

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0115$  m e  $c = 0.0604$  m e altezza  $h = 0.431$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.49$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.68$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0405$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.91$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  23.5    C  41.5    D  59.5    E  77.5    F  95.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.75    C  3.55    D  5.35    E  7.15    F  8.95

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0208    C  0.0388    D  0.0568    E  0.0748    F  0.0928

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0104    C  -0.0284    D  -0.0464    E  -0.0644    F  -0.0824

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.103$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.19$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.12 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.15$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0107$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.08 \times 10^{-3}$     C   $2.88 \times 10^{-3}$     D   $4.68 \times 10^{-3}$     E   $6.48 \times 10^{-3}$     F   $8.28 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0194$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.63$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 186$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.81$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

A  0    B  0.273    C  0.453    D  0.633    E  0.813    F  0.993

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0309$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 142$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

A  0    B  15.9    C  33.9    D  51.9    E  69.9    F  87.9

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.101$  m e con  $n = 1.18 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.55$  A,  $a = 1.71$  A/s e  $b = 1.05$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0116$  m e resistenza  $R_0 = 1.12$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.71$  s.

A  0    B  1.17    C  2.97    D  4.77    E  6.57    F  8.37

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0118$  m, raggio esterno  $b = 0.0201$  m e altezza  $h = 1.08$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.30$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 119$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

A  0    B   $1.45 \times 10^{-4}$     C   $3.25 \times 10^{-4}$     D   $5.05 \times 10^{-4}$     E   $6.85 \times 10^{-4}$     F   $8.65 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 103$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

A  0    B  0.131    C  0.311    D  0.491    E  0.671    F  0.851

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0110$  m e  $c = 0.0602$  m e altezza  $h = 0.581$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.37$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.37$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0416$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.36$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  10.0    C  28.0    D  46.0    E  64.0    F  82.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.35    C  4.15    D  5.95    E  7.75    F  9.55

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0166    C  0.0346    D  0.0526    E  0.0706    F  0.0886

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0181    C  -0.0361    D  -0.0541    E  -0.0721    F  -0.0901

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.111$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.44$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.10 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.90$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0108$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.44 \times 10^{-3}$     C   $3.24 \times 10^{-3}$     D   $5.04 \times 10^{-3}$     E   $6.84 \times 10^{-3}$     F   $8.64 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0132$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.66$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 158$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.73$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.196    C  0.376    D  0.556    E  0.736    F  0.916

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0349$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 132$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  13.1    C  31.1    D  49.1    E  67.1    F  85.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.116$  m e con  $n = 1.06 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.03$  A,  $a = 1.83$  A/s e  $b = 1.11$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0103$  m e resistenza  $R_0 = 1.54$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.01$  s.

- A  0    B  1.17    C  2.97    D  4.77    E  6.57    F  8.37

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0104$  m, raggio esterno  $b = 0.0219$  m e altezza  $h = 1.06$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.16$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 102$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.63 \times 10^{-4}$     C   $3.43 \times 10^{-4}$     D   $5.23 \times 10^{-4}$     E   $7.03 \times 10^{-4}$     F   $8.83 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 116$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.163    C  0.343    D  0.523    E  0.703    F  0.883

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0105$  m e  $c = 0.0600$  m e altezza  $h = 0.401$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.27$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.83$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0407$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.20$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  17.3    C  35.3    D  53.3    E  71.3    F  89.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.94    C  3.74    D  5.54    E  7.34    F  9.14

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0200    C  0.0380    D  0.0560    E  0.0740    F  0.0920

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0185    C  -0.0365    D  -0.0545    E  -0.0725    F  -0.0905

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.106$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.87$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.02 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.66$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0104$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.61 \times 10^{-3}$     C   $4.41 \times 10^{-3}$     D   $6.21 \times 10^{-3}$     E   $8.01 \times 10^{-3}$     F   $9.81 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0142$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.90$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 111$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.34$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.137    C  0.317    D  0.497    E  0.677    F  0.857

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0254$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 184$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  25.1    C  43.1    D  61.1    E  79.1    F  97.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.109$  m e con  $n = 1.06 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.66$  A,  $a = 1.58$  A/s e  $b = 1.44$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0104$  m e resistenza  $R_0 = 1.59$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.65$  s.

- A  0    B  1.80    C  3.60    D  5.40    E  7.20    F  9.00

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0103$  m, raggio esterno  $b = 0.0218$  m e altezza  $h = 1.16$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.25$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 114$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.95 \times 10^{-4}$     C   $3.75 \times 10^{-4}$     D   $5.55 \times 10^{-4}$     E   $7.35 \times 10^{-4}$     F   $9.15 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 101$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.151    C  0.331    D  0.511    E  0.691    F  0.871

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0105$  m e  $c = 0.0614$  m e altezza  $h = 0.541$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.20$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.08$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0418$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.37$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  1.24    C  3.04    D  4.84    E  6.64    F  8.44

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.51    C  4.31    D  6.11    E  7.91    F  9.71

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0149    C  0.0329    D  0.0509    E  0.0689    F  0.0869

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0198    C  -0.0378    D  -0.0558    E  -0.0738    F  -0.0918

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.119$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 2.00$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.01 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.14$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0108$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.29 \times 10^{-3}$     C   $4.09 \times 10^{-3}$     D   $5.89 \times 10^{-3}$     E   $7.69 \times 10^{-3}$     F   $9.49 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0198$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.39$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 219$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.51$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.103    C  0.283    D  0.463    E  0.643    F  0.823

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0206$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 106$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  17.8    C  35.8    D  53.8    E  71.8    F  89.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.111$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.64$  A,  $a = 1.99$  A/s e  $b = 1.89$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0104$  m e resistenza  $R_0 = 1.64$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.04$  s.

- A  0    B  1.76    C  3.56    D  5.36    E  7.16    F  8.96

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0102$  m, raggio esterno  $b = 0.0209$  m e altezza  $h = 1.06$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.83$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 110$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.47 \times 10^{-4}$     C   $4.27 \times 10^{-4}$     D   $6.07 \times 10^{-4}$     E   $7.87 \times 10^{-4}$     F   $9.67 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 111$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.217    C  0.397    D  0.577    E  0.757    F  0.937

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0111$  m e  $c = 0.0604$  m e altezza  $h = 0.532$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.24$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.12$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0401$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.57$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

- A  0    B  10.5    C  28.5    D  46.5    E  64.5    F  82.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

- A  0    B  1.58    C  3.38    D  5.18    E  6.98    F  8.78

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

- A  0    B  0.0188    C  0.0368    D  0.0548    E  0.0728    F  0.0908

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

- A  0    B  -0.0213    C  -0.0393    D  -0.0573    E  -0.0753    F  -0.0933

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.102$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.07$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.14 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.54$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0101$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

- A  0    B   $1.53 \times 10^{-3}$     C   $3.33 \times 10^{-3}$     D   $5.13 \times 10^{-3}$     E   $6.93 \times 10^{-3}$     F   $8.73 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0190$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.28$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 160$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.86$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.152    C  0.332    D  0.512    E  0.692    F  0.872

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0240$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 185$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  26.7    C  44.7    D  62.7    E  80.7    F  98.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.112$  m e con  $n = 1.17 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.84$  A,  $a = 1.52$  A/s e  $b = 1.07$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0110$  m e resistenza  $R_0 = 1.56$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.18$  s.

- A  0    B  1.45    C  3.25    D  5.05    E  6.85    F  8.65

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0119$  m, raggio esterno  $b = 0.0217$  m e altezza  $h = 1.00$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.44$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 108$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.84 \times 10^{-4}$     C   $3.64 \times 10^{-4}$     D   $5.44 \times 10^{-4}$     E   $7.24 \times 10^{-4}$     F   $9.04 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 111$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.197    C  0.377    D  0.557    E  0.737    F  0.917

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0113$  m e  $c = 0.0601$  m e altezza  $h = 0.435$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.57$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.10$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0415$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.91$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  15.1    C  33.1    D  51.1    E  69.1    F  87.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.75    C  3.55    D  5.35    E  7.15    F  8.95

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0222    C  0.0402    D  0.0582    E  0.0762    F  0.0942

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0216    C  -0.0396    D  -0.0576    E  -0.0756    F  -0.0936

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.103$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.45$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.09 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.21$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0107$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.04 \times 10^{-3}$     C   $3.84 \times 10^{-3}$     D   $5.64 \times 10^{-3}$     E   $7.44 \times 10^{-3}$     F   $9.24 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0159$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.03$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 156$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.58$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.144    C  0.324    D  0.504    E  0.684    F  0.864

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0274$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 190$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  24.0    C  42.0    D  60.0    E  78.0    F  96.0

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.113$  m e con  $n = 1.04 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.42$  A,  $a = 1.70$  A/s e  $b = 1.70$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0119$  m e resistenza  $R_0 = 1.88$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.62$  s.

- A  0    B  2.23    C  4.03    D  5.83    E  7.63    F  9.43

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0116$  m, raggio esterno  $b = 0.0218$  m e altezza  $h = 1.01$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.23$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 109$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.65 \times 10^{-4}$     C   $3.45 \times 10^{-4}$     D   $5.25 \times 10^{-4}$     E   $7.05 \times 10^{-4}$     F   $8.85 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 114$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.174    C  0.354    D  0.534    E  0.714    F  0.894

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0106$  m e  $c = 0.0613$  m e altezza  $h = 0.502$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.79$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.37$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0408$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.56$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  13.3    C  31.3    D  49.3    E  67.3    F  85.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.67    C  3.47    D  5.27    E  7.07    F  8.87

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0122    C  0.0302    D  0.0482    E  0.0662    F  0.0842

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0112    C  -0.0292    D  -0.0472    E  -0.0652    F  -0.0832

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.116$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.86$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.16 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.17$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0109$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.82 \times 10^{-3}$     C   $3.62 \times 10^{-3}$     D   $5.42 \times 10^{-3}$     E   $7.22 \times 10^{-3}$     F   $9.02 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0129$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.90$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 149$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.32$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.172    C  0.352    D  0.532    E  0.712    F  0.892

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0270$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 188$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  24.1    C  42.1    D  60.1    E  78.1    F  96.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.117$  m e con  $n = 1.15 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.58$  A,  $a = 1.57$  A/s e  $b = 1.74$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0109$  m e resistenza  $R_0 = 1.19$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.56$  s.

- A  0    B  1.37    C  3.17    D  4.97    E  6.77    F  8.57

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0107$  m, raggio esterno  $b = 0.0205$  m e altezza  $h = 1.16$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.81$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 120$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.41 \times 10^{-4}$     C   $4.21 \times 10^{-4}$     D   $6.01 \times 10^{-4}$     E   $7.81 \times 10^{-4}$     F   $9.61 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 102$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.190    C  0.370    D  0.550    E  0.730    F  0.910

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0109$  m e  $c = 0.0610$  m e altezza  $h = 0.497$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.61$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.90$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0401$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.62$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  19.5    C  37.5    D  55.5    E  73.5    F  91.5

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.40    C  4.20    D  6.00    E  7.80    F  9.60

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0265    C  0.0445    D  0.0625    E  0.0805    F  0.0985

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0172    C  -0.0352    D  -0.0532    E  -0.0712    F  -0.0892

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.115$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.82$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.16 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.22$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0102$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.72 \times 10^{-3}$     C   $3.52 \times 10^{-3}$     D   $5.32 \times 10^{-3}$     E   $7.12 \times 10^{-3}$     F   $8.92 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0124$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.93$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 256$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.19$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.261    C  0.441    D  0.621    E  0.801    F  0.981

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0268$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 165$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  21.3    C  39.3    D  57.3    E  75.3    F  93.3

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.107$  m e con  $n = 1.18 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.22$  A,  $a = 1.11$  A/s e  $b = 1.38$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0108$  m e resistenza  $R_0 = 1.67$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.74$  s.

- A  0    B  1.92    C  3.72    D  5.52    E  7.32    F  9.12

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0113$  m, raggio esterno  $b = 0.0209$  m e altezza  $h = 1.11$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.65$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 111$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.04 \times 10^{-4}$     C   $3.84 \times 10^{-4}$     D   $5.64 \times 10^{-4}$     E   $7.44 \times 10^{-4}$     F   $9.24 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 120$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.217    C  0.397    D  0.577    E  0.757    F  0.937

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0103$  m e  $c = 0.0601$  m e altezza  $h = 0.557$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.09$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.09$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0408$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.81$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  11.2    C  29.2    D  47.2    E  65.2    F  83.2

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.33    C  3.13    D  4.93    E  6.73    F  8.53

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0115    C  0.0295    D  0.0475    E  0.0655    F  0.0835

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0121    C  -0.0301    D  -0.0481    E  -0.0661    F  -0.0841

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.118$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.20$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.01 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.03$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0109$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.13 \times 10^{-3}$     C   $3.93 \times 10^{-3}$     D   $5.73 \times 10^{-3}$     E   $7.53 \times 10^{-3}$     F   $9.33 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0149$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 2.62$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 109$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.67$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.266    C  0.446    D  0.626    E  0.806    F  0.986

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0293$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 141$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  16.7    C  34.7    D  52.7    E  70.7    F  88.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.115$  m e con  $n = 1.14 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.52$  A,  $a = 1.14$  A/s e  $b = 1.10$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0104$  m e resistenza  $R_0 = 1.88$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.77$  s.

- A  0    B  1.30    C  3.10    D  4.90    E  6.70    F  8.50

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0113$  m, raggio esterno  $b = 0.0208$  m e altezza  $h = 1.08$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.22$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 108$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.45 \times 10^{-4}$     C   $3.25 \times 10^{-4}$     D   $5.05 \times 10^{-4}$     E   $6.85 \times 10^{-4}$     F   $8.65 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 111$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.147    C  0.327    D  0.507    E  0.687    F  0.867

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0105$  m e  $c = 0.0604$  m e altezza  $h = 0.523$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.72$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.60$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0409$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.28$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  12.3    C  30.3    D  48.3    E  66.3    F  84.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.74    C  4.54    D  6.34    E  8.14    F  9.94

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0175    C  0.0355    D  0.0535    E  0.0715    F  0.0895

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0174    C  -0.0354    D  -0.0534    E  -0.0714    F  -0.0894

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.116$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.45$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.06 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.25$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0119$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.78 \times 10^{-3}$     C   $3.58 \times 10^{-3}$     D   $5.38 \times 10^{-3}$     E   $7.18 \times 10^{-3}$     F   $8.98 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0112$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.58$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 257$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 2.17$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.174    C  0.354    D  0.534    E  0.714    F  0.894

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0340$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 154$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  15.7    C  33.7    D  51.7    E  69.7    F  87.7

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.105$  m e con  $n = 1.04 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.68$  A,  $a = 1.37$  A/s e  $b = 1.41$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0111$  m e resistenza  $R_0 = 1.14$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.07$  s.

- A  0    B  1.95    C  3.75    D  5.55    E  7.35    F  9.15

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0120$  m, raggio esterno  $b = 0.0211$  m e altezza  $h = 1.06$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.38$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 103$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.53 \times 10^{-4}$     C   $3.33 \times 10^{-4}$     D   $5.13 \times 10^{-4}$     E   $6.93 \times 10^{-4}$     F   $8.73 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 111$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.174    C  0.354    D  0.534    E  0.714    F  0.894

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0111$  m e  $c = 0.0615$  m e altezza  $h = 0.585$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.34$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.17$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0404$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.97$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  12.3    C  30.3    D  48.3    E  66.3    F  84.3

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  1.47    C  3.27    D  5.07    E  6.87    F  8.67

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0217    C  0.0397    D  0.0577    E  0.0757    F  0.0937

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0193    C  -0.0373    D  -0.0553    E  -0.0733    F  -0.0913

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.112$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.51$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.04 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.57$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0113$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.17 \times 10^{-3}$     C   $2.97 \times 10^{-3}$     D   $4.77 \times 10^{-3}$     E   $6.57 \times 10^{-3}$     F   $8.37 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0150$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.71$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 142$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.40$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.120    C  0.300    D  0.480    E  0.660    F  0.840

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0378$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 148$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  13.6    C  31.6    D  49.6    E  67.6    F  85.6

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.108$  m e con  $n = 1.11 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.84$  A,  $a = 1.83$  A/s e  $b = 1.12$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0120$  m e resistenza  $R_0 = 1.90$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.10$  s.

- A  0    B  1.43    C  3.23    D  5.03    E  6.83    F  8.63

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0111$  m, raggio esterno  $b = 0.0204$  m e altezza  $h = 1.10$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.67$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 115$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.03 \times 10^{-4}$     C   $3.83 \times 10^{-4}$     D   $5.63 \times 10^{-4}$     E   $7.43 \times 10^{-4}$     F   $9.23 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 101$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.172    C  0.352    D  0.532    E  0.712    F  0.892

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0108$  m e  $c = 0.0614$  m e altezza  $h = 0.445$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.17$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.88$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0404$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.21$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

- A  0    B  16.0    C  34.0    D  52.0    E  70.0    F  88.0

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

- A  0    B  1.49    C  3.29    D  5.09    E  6.89    F  8.69

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

- A  0    B  0.0194    C  0.0374    D  0.0554    E  0.0734    F  0.0914

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

- A  0    B  -0.0172    C  -0.0352    D  -0.0532    E  -0.0712    F  -0.0892

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.108$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.41$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.16 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.02$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0118$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

- A  0    B   $1.13 \times 10^{-3}$     C   $2.93 \times 10^{-3}$     D   $4.73 \times 10^{-3}$     E   $6.53 \times 10^{-3}$     F   $8.33 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiane, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0114$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.46$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 123$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.06$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.0209    C  0.0389    D  0.0569    E  0.0749    F  0.0929

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0342$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 153$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  15.5    C  33.5    D  51.5    E  69.5    F  87.5

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.112$  m e con  $n = 1.11 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.36$  A,  $a = 1.72$  A/s e  $b = 1.53$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0105$  m e resistenza  $R_0 = 1.82$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.08$  s.

- A  0    B  1.33    C  3.13    D  4.93    E  6.73    F  8.53

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0109$  m, raggio esterno  $b = 0.0206$  m e altezza  $h = 1.15$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.23$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 107$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.46 \times 10^{-4}$     C   $3.26 \times 10^{-4}$     D   $5.06 \times 10^{-4}$     E   $6.86 \times 10^{-4}$     F   $8.66 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 103$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.133    C  0.313    D  0.493    E  0.673    F  0.853

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0118$  m e  $c = 0.0612$  m e altezza  $h = 0.550$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 5.60$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.78$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0419$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.19$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

- A  0    B  11.9    C  29.9    D  47.9    E  65.9    F  83.9

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

- A  0    B  2.68    C  4.48    D  6.28    E  8.08    F  9.88

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

- A  0    B  0.0230    C  0.0410    D  0.0590    E  0.0770    F  0.0950

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

- A  0    B  -0.0222    C  -0.0402    D  -0.0582    E  -0.0762    F  -0.0942

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.104$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.74$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.04 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.10$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0118$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

- A  0    B   $1.05 \times 10^{-3}$     C   $2.85 \times 10^{-3}$     D   $4.65 \times 10^{-3}$     E   $6.45 \times 10^{-3}$     F   $8.25 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0144$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.44$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 281$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.30$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.171    C  0.351    D  0.531    E  0.711    F  0.891

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0350$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 150$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  14.8    C  32.8    D  50.8    E  68.8    F  86.8

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.114$  m e con  $n = 1.02 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.22$  A,  $a = 1.24$  A/s e  $b = 1.38$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0101$  m e resistenza  $R_0 = 1.31$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.85$  s.

- A  0    B  1.99    C  3.79    D  5.59    E  7.39    F  9.19

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0107$  m, raggio esterno  $b = 0.0201$  m e altezza  $h = 1.02$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.69$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 105$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $1.86 \times 10^{-4}$     C   $3.66 \times 10^{-4}$     D   $5.46 \times 10^{-4}$     E   $7.26 \times 10^{-4}$     F   $9.06 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 120$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.197    C  0.377    D  0.557    E  0.737    F  0.917

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0105$  m e  $c = 0.0620$  m e altezza  $h = 0.559$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.08$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.94$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0420$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.23$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  13.1    C  31.1    D  49.1    E  67.1    F  85.1

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.25    C  4.05    D  5.85    E  7.65    F  9.45

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0264    C  0.0444    D  0.0624    E  0.0804    F  0.0984

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0233    C  -0.0413    D  -0.0593    E  -0.0773    F  -0.0953

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.114$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.20$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.07 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.57$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0113$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $1.83 \times 10^{-3}$     C   $3.63 \times 10^{-3}$     D   $5.43 \times 10^{-3}$     E   $7.23 \times 10^{-3}$     F   $9.03 \times 10^{-3}$

UNIVERSITÀ DI PISA  
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II  
 Prova n. 4 - 17/09/2020

*Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli  $r, \theta, \phi$ , dove  $r$  è la distanza dall'origine  $O$ ,  $\theta$  è l'angolo polare (colatitudine) e  $\phi$  è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli  $\rho, \phi, z$ , dove  $\rho$  è la distanza dall'asse polare,  $\phi$  è l'azimut e  $z$  è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli  $x, y, z$ . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse  $z$ , origine degli azimut coincidente con il semiasse  $x > 0$ , ecc.*

1) In un sistema di coordinate cartesiano, una spira isolante circolare di raggio  $a = 0.0155$  m si trova sul piano  $xy$  con centro nell'origine. La spira è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza  $\lambda = 1.95$  nC/m e ruota con velocità angolare costante  $\omega_z = 259$  rad/s costante lungo l'asse  $z$ . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme  $B = B_z(x)\mathbf{k}$ , diretto lungo l'asse  $z$  con  $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$  e  $B_0 = 1.60$  tesla. Calcolare l'intensità della forza, in nanonewton, che agisce sulla spira.

- A  0    B  0.125    C  0.305    D  0.485    E  0.665    F  0.845

2) In un sistema di riferimento cartesiano, tre fili conduttori rettilinei indefiniti paralleli all'asse  $z$  giacciono sui tre spigoli paralleli di un prisma indefinito retto a base triangolare equilatera. Il lato del triangolo equilatero di base ha lunghezza  $a = 0.0396$  m. Sui tre fili scorrono rispettivamente le correnti concordi  $I_1 = I_2 = 150$  ampere e  $I_3 = 2I_1$ . Calcolare l'intensità del campo magnetico, in gauss, generato dai tre fili nei punti che appartengono alla retta parallela all'asse  $z$  che passa per il centro del triangolo equilatero di base.

- A  0    B  13.1    C  31.1    D  49.1    E  67.1    F  85.1

3) È dato un solenoide ideale indefinito di raggio  $r = 0.108$  m e con  $n = 1.04 \times 10^3$  spire/m nel quale scorre una corrente variabile nel tempo con la legge  $i(t) = i_0 + at + bt^2$ , con  $i_0 = 1.74$  A,  $a = 1.79$  A/s e  $b = 1.23$  A/s<sup>2</sup>. Una spira circolare coassiale con il solenoide ha raggio  $R = 0.0101$  m e resistenza  $R_0 = 1.64$  ohm. La autoinduttanza della spira è trascurabile. Calcolare l'intensità della corrente, in microampere, indotta nella spira all'istante  $t = 1.57$  s.

- A  0    B  1.44    C  3.24    D  5.04    E  6.84    F  8.64

4) Un guscio cilindrico isolante ( $\epsilon = 1$ ) carico, di raggio interno  $a = 0.0102$  m, raggio esterno  $b = 0.0214$  m e altezza  $h = 1.05$  m ha densità di carica elettrica di volume  $\rho = 1.34$  C/m<sup>3</sup> uniforme. Il cilindro ruota con velocità angolare  $\omega = 114$  rad/s costante attorno al suo asse  $z$ . Determinare l'intensità del campo magnetico, in gauss, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = \frac{a+b}{2}$  dall'asse  $z$  del cilindro (nella regione centrale lungo l'asse  $z$ ).

- A  0    B   $2.00 \times 10^{-4}$     C   $3.80 \times 10^{-4}$     D   $5.60 \times 10^{-4}$     E   $7.40 \times 10^{-4}$     F   $9.20 \times 10^{-4}$

5) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 4), ma con velocità angolare che varia in funzione del tempo secondo la legge  $\omega(t) = kt$ , con  $k = 110$  rad/s<sup>2</sup>, determinare l'intensità del campo elettrico, in nV/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r_0 = a$  dall'asse  $z$  del guscio cilindrico nella regione centrale di esso.

- A  0    B  0.167    C  0.347    D  0.527    E  0.707    F  0.887

6) Lo spazio tra due gusci coassiali perfettamente conduttori, di raggio  $a = 0.0106$  m e  $c = 0.0610$  m e altezza  $h = 0.512$  m è riempito con due materiali debolmente conduttori con resistenza elettrica diversa. La resistività dei materiali è rispettivamente  $\rho_1 = 4.54$  ohm·m e  $\rho_2 = 1.51$  ohm·m ( $\rho_1 > \rho_2$ ), con il materiale "1" che riempie il volume con  $a < r < b$  ed il materiale "2" che riempie il volume con  $b < r < c$ , con  $b = 0.0416$  m. I gusci conduttori inizialmente scarichi sono collegati attraverso una batteria con fem costante non nota. Si trascurino gli effetti ai bordi. In condizioni stazionarie la corrente che attraversa la batteria è  $I = 1.96$  ampere. Calcolare in conduzioni stazionarie l'intensità del campo elettrico, in V/m, nei punti che si trovano alla distanza  $r = \frac{b+c}{2}$  dall'asse comune dei gusci conduttori.

A  0    B  17.9    C  35.9    D  53.9    E  71.9    F  89.9

7) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la fem, in volt, della batteria.

A  0    B  2.33    C  4.13    D  5.93    E  7.73    F  9.53

8) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sul guscio conduttore interno di raggio  $r = a$ .

A  0    B  0.0248    C  0.0428    D  0.0608    E  0.0788    F  0.0968

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 6), calcolare la carica elettrica, in nC, accumulata sulla superficie di raggio  $r = b$  che separa il mezzo "1" e il mezzo "2".

A  0    B  -0.0166    C  -0.0346    D  -0.0526    E  -0.0706    F  -0.0886

10) Un sottile disco isolante di raggio  $a = 0.114$  m è caricato uniformemente sulla sua superficie con una carica elettrica totale  $Q = 1.12$  nC ed il suo centro coincide con l'origine di un sistema di assi cartesiani con asse  $z$  ortogonale al disco passante per il suo centro. Una particella di massa  $m = 1.10 \times 10^{-3}$  kg e carica elettrica  $q = -1.35$  nC è posta ferma nel punto di coordinate  $P = (0, 0, h)$  con  $h = 0.0113$  m. Calcolare la velocità, in m/s, della particella al momento che urta il disco. Si trascuri l'effetto della forza peso.

A  0    B   $2.79 \times 10^{-3}$     C   $4.59 \times 10^{-3}$     D   $6.39 \times 10^{-3}$     E   $8.19 \times 10^{-3}$     F   $9.99 \times 10^{-3}$