

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.15$ m e $b = 0.0133$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.11$ A e $T = 1.00$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.03$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.20$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.24×10^{-4} C 3.04×10^{-4} D 4.84×10^{-4} E 6.64×10^{-4} F 8.44×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.123 C 0.303 D 0.483 E 0.663 F 0.843

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.11$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0172$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.18$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.07$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.206 C 0.386 D 0.566 E 0.746 F 0.926

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0203$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0986$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.10$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.541$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0600$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.19$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.179 C 0.359 D 0.539 E 0.719 F 0.899

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.09×10^{-3} C 2.89×10^{-3} D 4.69×10^{-3} E 6.49×10^{-3} F 8.29×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.102$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.06 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 118$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.08$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.21 C 4.01 D 5.81 E 7.61 F 9.41

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.19$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.04$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.09$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.19 C 2.99 D 4.79 E 6.59 F 8.39

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.02$ m, resistenza elettrica $R = 0.192$ ohm, e massa $m = 2.25 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.169$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 112$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 19.3 C 37.3 D 55.3 E 73.3 F 91.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.143 C 0.323 D 0.503 E 0.683 F 0.863

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0110 C 0.0290 D 0.0470 E 0.0650 F 0.0830

Testo n. 0

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.14$ m e $b = 0.0173$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.16$ A e $T = 1.09$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.01$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.07$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.58×10^{-4} C 3.38×10^{-4} D 5.18×10^{-4} E 6.98×10^{-4} F 8.78×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.210 C 0.390 D 0.570 E 0.750 F 0.930

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.09$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0121$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.07$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.20$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.176 C 0.356 D 0.536 E 0.716 F 0.896

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0385$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0842$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.07$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.588$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0603$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.17$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.156 C 0.336 D 0.516 E 0.696 F 0.876

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.85×10^{-3} C 3.65×10^{-3} D 5.45×10^{-3} E 7.25×10^{-3} F 9.05×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.113$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.03 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 116$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.15$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.76 C 4.56 D 6.36 E 8.16 F 9.96

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.09$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.14$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.03$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.09 C 2.89 D 4.69 E 6.49 F 8.29

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.08$ m, resistenza elettrica $R = 0.192$ ohm, e massa $m = 3.20 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.154$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 117$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 19.5 C 37.5 D 55.5 E 73.5 F 91.5

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.218 C 0.398 D 0.578 E 0.758 F 0.938

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0157 C 0.0337 D 0.0517 E 0.0697 F 0.0877

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.14$ m e $b = 0.0123$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.09$ A e $T = 1.08$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.19$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.05$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 2.62×10^{-4} C 4.42×10^{-4} D 6.22×10^{-4} E 8.02×10^{-4} F 9.82×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.0131 C 0.0311 D 0.0491 E 0.0671 F 0.0851

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.17$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0102$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.12$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.06$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.127 C 0.307 D 0.487 E 0.667 F 0.847

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0246$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0984$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.05$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.431$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0603$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.12$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.192 C 0.372 D 0.552 E 0.732 F 0.912

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.34×10^{-3} C 3.14×10^{-3} D 4.94×10^{-3} E 6.74×10^{-3} F 8.54×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.102$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.06 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 109$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.15$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A B C D E F

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.09$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.06$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.10$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A B C D E F

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.18$ m, resistenza elettrica $R = 0.199$ ohm, e massa $m = 3.30 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.130$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 118$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A B C D E F

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A B C D E F

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.05$ m e $b = 0.0184$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.15$ A e $T = 1.20$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.01$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.04$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.76×10^{-4} C 4.56×10^{-4} D 6.36×10^{-4} E 8.16×10^{-4} F 9.96×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.232 C 0.412 D 0.592 E 0.772 F 0.952

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.08$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0103$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.09$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.04$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.149 C 0.329 D 0.509 E 0.689 F 0.869

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0209$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0807$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.10$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.455$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0619$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.15$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.210 C 0.390 D 0.570 E 0.750 F 0.930

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.34×10^{-3} C 3.14×10^{-3} D 4.94×10^{-3} E 6.74×10^{-3} F 8.54×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.109$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.02 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 107$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.10$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.24 C 4.04 D 5.84 E 7.64 F 9.44

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.07$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.16$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.05$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.16$ m, resistenza elettrica $R = 0.109$ ohm, e massa $m = 3.51 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.169$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 102$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 20.0 C 38.0 D 56.0 E 74.0 F 92.0

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.0257 C 0.0437 D 0.0617 E 0.0797 F 0.0977

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0172 C 0.0352 D 0.0532 E 0.0712 F 0.0892

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.08$ m e $b = 0.0200$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.00$ A e $T = 1.13$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.17$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.15$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.91×10^{-4} C 3.71×10^{-4} D 5.51×10^{-4} E 7.31×10^{-4} F 9.11×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.213 C 0.393 D 0.573 E 0.753 F 0.933

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.13$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0191$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.19$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.00$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.222 C 0.402 D 0.582 E 0.762 F 0.942

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0387$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0884$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.04$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.596$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0609$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.14$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.273 C 0.453 D 0.633 E 0.813 F 0.993

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.52×10^{-3} C 3.32×10^{-3} D 5.12×10^{-3} E 6.92×10^{-3} F 8.72×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.105$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.08 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 109$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.14$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.32 C 4.12 D 5.92 E 7.72 F 9.52

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.10$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.16$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.04$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.10 C 2.90 D 4.70 E 6.50 F 8.30

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.17$ m, resistenza elettrica $R = 0.162$ ohm, e massa $m = 2.93 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.167$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 114$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 22.3 C 40.3 D 58.3 E 76.3 F 94.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.122 C 0.302 D 0.482 E 0.662 F 0.842

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0144 C 0.0324 D 0.0504 E 0.0684 F 0.0864

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.04$ m e $b = 0.0136$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.16$ A e $T = 1.12$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.07$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.16$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.71×10^{-4} C 3.51×10^{-4} D 5.31×10^{-4} E 7.11×10^{-4} F 8.91×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.131 C 0.311 D 0.491 E 0.671 F 0.851

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.06$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0120$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.11$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.18$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.109 C 0.289 D 0.469 E 0.649 F 0.829

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0220$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0906$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.18$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.407$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0619$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.02$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.163 C 0.343 D 0.523 E 0.703 F 0.883

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.57×10^{-3} C 4.37×10^{-3} D 6.17×10^{-3} E 7.97×10^{-3} F 9.77×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.100$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.08 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 117$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.05$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.08 C 3.88 D 5.68 E 7.48 F 9.28

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.16$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.06$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.19$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.06$ m, resistenza elettrica $R = 0.108$ ohm, e massa $m = 2.30 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.117$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 114$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 14.1 C 32.1 D 50.1 E 68.1 F 86.1

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.158 C 0.338 D 0.518 E 0.698 F 0.878

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0113 C 0.0293 D 0.0473 E 0.0653 F 0.0833

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.12$ m e $b = 0.0184$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.08$ A e $T = 1.17$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.04$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.04$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.37×10^{-4} C 4.17×10^{-4} D 5.97×10^{-4} E 7.77×10^{-4} F 9.57×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.203 C 0.383 D 0.563 E 0.743 F 0.923

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.09$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0156$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.00$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.15$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 1.01 C 2.81 D 4.61 E 6.41 F 8.21

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0352$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0917$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.13$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.572$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0602$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.11$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.143 C 0.323 D 0.503 E 0.683 F 0.863

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.75×10^{-3} C 3.55×10^{-3} D 5.35×10^{-3} E 7.15×10^{-3} F 8.95×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.118$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.01 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 114$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.18$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A B C D E F

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.09$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.10$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.04$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A B C D E F

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.06$ m, resistenza elettrica $R = 0.178$ ohm, e massa $m = 2.25 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.159$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 117$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A B C D E F

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A B C D E F

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A B C D E F

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.06$ m e $b = 0.0177$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.11$ A e $T = 1.18$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.12$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.20$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.23×10^{-4} C 4.03×10^{-4} D 5.83×10^{-4} E 7.63×10^{-4} F 9.43×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.189 C 0.369 D 0.549 E 0.729 F 0.909

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.15$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0181$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.04$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.04$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.263 C 0.443 D 0.623 E 0.803 F 0.983

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0275$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0843$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.19$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.427$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0616$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.11$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.154 C 0.334 D 0.514 E 0.694 F 0.874

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.02×10^{-3} C 3.82×10^{-3} D 5.62×10^{-3} E 7.42×10^{-3} F 9.22×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.120$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.18 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 102$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.18$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.41 C 3.21 D 5.01 E 6.81 F 8.61

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.20$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.16$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.16$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.20 C 3.00 D 4.80 E 6.60 F 8.40

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.09$ m, resistenza elettrica $R = 0.130$ ohm, e massa $m = 3.94 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.172$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 102$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 19.1 C 37.1 D 55.1 E 73.1 F 91.1

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.143 C 0.323 D 0.503 E 0.683 F 0.863

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0193 C 0.0373 D 0.0553 E 0.0733 F 0.0913

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.02$ m e $b = 0.0132$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.19$ A e $T = 1.07$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.02$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.10$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.57×10^{-4} C 3.37×10^{-4} D 5.17×10^{-4} E 6.97×10^{-4} F 8.77×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.141 C 0.321 D 0.501 E 0.681 F 0.861

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.05$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0169$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.10$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.20$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.227 C 0.407 D 0.587 E 0.767 F 0.947

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0300$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0935$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.04$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.575$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0618$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.02$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.132 C 0.312 D 0.492 E 0.672 F 0.852

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 2.39×10^{-3} C 4.19×10^{-3} D 5.99×10^{-3} E 7.79×10^{-3} F 9.59×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.100$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.14 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 114$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.00$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.04 C 3.84 D 5.64 E 7.44 F 9.24

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.12$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.16$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.18$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.12 C 2.92 D 4.72 E 6.52 F 8.32

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.12$ m, resistenza elettrica $R = 0.162$ ohm, e massa $m = 3.36 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.103$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 118$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 13.6 C 31.6 D 49.6 E 67.6 F 85.6

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.221 C 0.401 D 0.581 E 0.761 F 0.941

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0165 C 0.0345 D 0.0525 E 0.0705 F 0.0885

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.13$ m e $b = 0.0176$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.20$ A e $T = 1.15$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.01$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.19$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.81×10^{-4} C 3.61×10^{-4} D 5.41×10^{-4} E 7.21×10^{-4} F 9.01×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.214 C 0.394 D 0.574 E 0.754 F 0.934

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.02$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0115$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.09$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.07$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.225 C 0.405 D 0.585 E 0.765 F 0.945

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0369$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0984$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.07$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.469$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0612$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.11$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.241 C 0.421 D 0.601 E 0.781 F 0.961

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.37×10^{-3} C 3.17×10^{-3} D 4.97×10^{-3} E 6.77×10^{-3} F 8.57×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.104$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.10 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 113$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.05$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.22 C 4.02 D 5.82 E 7.62 F 9.42

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.04$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.07$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.05$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.04 C 2.84 D 4.64 E 6.44 F 8.24

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.16$ m, resistenza elettrica $R = 0.118$ ohm, e massa $m = 2.24 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.138$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 116$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 18.6 C 36.6 D 54.6 E 72.6 F 90.6

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.101 C 0.281 D 0.461 E 0.641 F 0.821

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0110 C 0.0290 D 0.0470 E 0.0650 F 0.0830

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.16$ m e $b = 0.0142$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.14$ A e $T = 1.09$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.04$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.14$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.63×10^{-4} C 3.43×10^{-4} D 5.23×10^{-4} E 7.03×10^{-4} F 8.83×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.132 C 0.312 D 0.492 E 0.672 F 0.852

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.04$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0125$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.13$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.06$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.226 C 0.406 D 0.586 E 0.766 F 0.946

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0281$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0817$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.13$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.450$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0600$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.01$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.117 C 0.297 D 0.477 E 0.657 F 0.837

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.94×10^{-3} C 3.74×10^{-3} D 5.54×10^{-3} E 7.34×10^{-3} F 9.14×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.112$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.12 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 112$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.16$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.02$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.05$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.01$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.02 C 2.82 D 4.62 E 6.42 F 8.22

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.06$ m, resistenza elettrica $R = 0.163$ ohm, e massa $m = 2.56 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.108$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 116$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 13.3 C 31.3 D 49.3 E 67.3 F 85.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.132 C 0.312 D 0.492 E 0.672 F 0.852

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0126 C 0.0306 D 0.0486 E 0.0666 F 0.0846

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.08$ m e $b = 0.0146$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.12$ A e $T = 1.04$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.18$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.06$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.10×10^{-4} C 3.90×10^{-4} D 5.70×10^{-4} E 7.50×10^{-4} F 9.30×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.137 C 0.317 D 0.497 E 0.677 F 0.857

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.13$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0106$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.00$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.17$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.160 C 0.340 D 0.520 E 0.700 F 0.880

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0262$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0932$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.03$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.544$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0615$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.16$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.104 C 0.284 D 0.464 E 0.644 F 0.824

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.19×10^{-3} C 3.99×10^{-3} D 5.79×10^{-3} E 7.59×10^{-3} F 9.39×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.119$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.15 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 117$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.11$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.52 C 3.32 D 5.12 E 6.92 F 8.72

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.07$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.09$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.08$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.09$ m, resistenza elettrica $R = 0.170$ ohm, e massa $m = 2.85 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.174$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 106$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 20.1 C 38.1 D 56.1 E 74.1 F 92.1

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.132 C 0.312 D 0.492 E 0.672 F 0.852

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0140 C 0.0320 D 0.0500 E 0.0680 F 0.0860

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.14$ m e $b = 0.0182$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.03$ A e $T = 1.02$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.06$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.15$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.14×10^{-4} C 3.94×10^{-4} D 5.74×10^{-4} E 7.54×10^{-4} F 9.34×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.208 C 0.388 D 0.568 E 0.748 F 0.928

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.06$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0117$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.01$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.19$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.231 C 0.411 D 0.591 E 0.771 F 0.951

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0245$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0810$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.16$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.507$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0614$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.18$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.153 C 0.333 D 0.513 E 0.693 F 0.873

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.11×10^{-3} C 3.91×10^{-3} D 5.71×10^{-3} E 7.51×10^{-3} F 9.31×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.105$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.09 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 115$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.04$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.26 C 4.06 D 5.86 E 7.66 F 9.46

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.04$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.12$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.16$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.04 C 2.84 D 4.64 E 6.44 F 8.24

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.12$ m, resistenza elettrica $R = 0.102$ ohm, e massa $m = 2.32 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.103$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 114$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 13.2 C 31.2 D 49.2 E 67.2 F 85.2

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.174 C 0.354 D 0.534 E 0.714 F 0.894

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0114 C 0.0294 D 0.0474 E 0.0654 F 0.0834

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.12$ m e $b = 0.0178$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.01$ A e $T = 1.06$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.12$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.03$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.98×10^{-4} C 3.78×10^{-4} D 5.58×10^{-4} E 7.38×10^{-4} F 9.18×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.183 C 0.363 D 0.543 E 0.723 F 0.903

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.08$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0188$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.18$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.14$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.149 C 0.329 D 0.509 E 0.689 F 0.869

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0208$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0986$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.12$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.453$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0620$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.08$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.145 C 0.325 D 0.505 E 0.685 F 0.865

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.57×10^{-3} C 4.37×10^{-3} D 6.17×10^{-3} E 7.97×10^{-3} F 9.77×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.116$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.14 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 106$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.01$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.58 C 4.38 D 6.18 E 7.98 F 9.78

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.03$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.01$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.06$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.03 C 2.83 D 4.63 E 6.43 F 8.23

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.07$ m, resistenza elettrica $R = 0.163$ ohm, e massa $m = 2.13 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.195$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 113$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 23.6 C 41.6 D 59.6 E 77.6 F 95.6

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.0242 C 0.0422 D 0.0602 E 0.0782 F 0.0962

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0104 C 0.0284 D 0.0464 E 0.0644 F 0.0824

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.05$ m e $b = 0.0198$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.07$ A e $T = 1.16$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.15$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.08$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.97×10^{-4} C 3.77×10^{-4} D 5.57×10^{-4} E 7.37×10^{-4} F 9.17×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.226 C 0.406 D 0.586 E 0.766 F 0.946

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.02$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0135$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.11$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.10$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.141 C 0.321 D 0.501 E 0.681 F 0.861

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0246$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0892$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.03$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.455$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0608$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.16$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.236 C 0.416 D 0.596 E 0.776 F 0.956

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.78×10^{-3} C 3.58×10^{-3} D 5.38×10^{-3} E 7.18×10^{-3} F 8.98×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.111$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.07 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 104$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.07$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.30 C 4.10 D 5.90 E 7.70 F 9.50

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.01$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.10$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.08$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.01 C 2.81 D 4.61 E 6.41 F 8.21

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.04$ m, resistenza elettrica $R = 0.155$ ohm, e massa $m = 3.37 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.159$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 104$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 17.2 C 35.2 D 53.2 E 71.2 F 89.2

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.187 C 0.367 D 0.547 E 0.727 F 0.907

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0165 C 0.0345 D 0.0525 E 0.0705 F 0.0885

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.15$ m e $b = 0.0154$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.16$ A e $T = 1.20$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.10$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.04$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 2.27×10^{-4} C 4.07×10^{-4} D 5.87×10^{-4} E 7.67×10^{-4} F 9.47×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.136 C 0.316 D 0.496 E 0.676 F 0.856

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.16$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0128$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.11$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.18$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.152 C 0.332 D 0.512 E 0.692 F 0.872

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0327$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0828$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.07$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.574$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0612$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.11$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.133 C 0.313 D 0.493 E 0.673 F 0.853

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.97×10^{-3} C 3.77×10^{-3} D 5.57×10^{-3} E 7.37×10^{-3} F 9.17×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.103$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.20 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 106$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.14$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.42 C 4.22 D 6.02 E 7.82 F 9.62

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.07$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.10$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.00$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.08$ m, resistenza elettrica $R = 0.198$ ohm, e massa $m = 2.86 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.163$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 111$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 19.5 C 37.5 D 55.5 E 73.5 F 91.5

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.179 C 0.359 D 0.539 E 0.719 F 0.899

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0140 C 0.0320 D 0.0500 E 0.0680 F 0.0860

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.02$ m e $b = 0.0122$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.14$ A e $T = 1.17$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.15$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.11$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.08×10^{-4} C 2.88×10^{-4} D 4.68×10^{-4} E 6.48×10^{-4} F 8.28×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.0215 C 0.0395 D 0.0575 E 0.0755 F 0.0935

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.17$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0129$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.14$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.13$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.273 C 0.453 D 0.633 E 0.813 F 0.993

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0314$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0855$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.11$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.441$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0608$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.18$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.242 C 0.422 D 0.602 E 0.782 F 0.962

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.20×10^{-3} C 3.00×10^{-3} D 4.80×10^{-3} E 6.60×10^{-3} F 8.40×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.102$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.00 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 109$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.04$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.85 C 3.65 D 5.45 E 7.25 F 9.05

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.20$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.15$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.18$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.20 C 3.00 D 4.80 E 6.60 F 8.40

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.07$ m, resistenza elettrica $R = 0.123$ ohm, e massa $m = 3.84 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.177$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 104$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 19.7 C 37.7 D 55.7 E 73.7 F 91.7

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.129 C 0.309 D 0.489 E 0.669 F 0.849

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0188 C 0.0368 D 0.0548 E 0.0728 F 0.0908

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.07$ m e $b = 0.0140$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.15$ A e $T = 1.09$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.13$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.09$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.82×10^{-4} C 3.62×10^{-4} D 5.42×10^{-4} E 7.22×10^{-4} F 9.02×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.130 C 0.310 D 0.490 E 0.670 F 0.850

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.07$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0139$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.20$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.04$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.207 C 0.387 D 0.567 E 0.747 F 0.927

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0335$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0936$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.16$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.449$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0619$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.07$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.200 C 0.380 D 0.560 E 0.740 F 0.920

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 2.48×10^{-3} C 4.28×10^{-3} D 6.08×10^{-3} E 7.88×10^{-3} F 9.68×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.109$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.07 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 105$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.11$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.33 C 4.13 D 5.93 E 7.73 F 9.53

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.07$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.14$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.15$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.07$ m, resistenza elettrica $R = 0.144$ ohm, e massa $m = 3.27 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.172$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 113$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 20.8 C 38.8 D 56.8 E 74.8 F 92.8

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.136 C 0.316 D 0.496 E 0.676 F 0.856

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0160 C 0.0340 D 0.0520 E 0.0700 F 0.0880

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.11$ m e $b = 0.0149$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.17$ A e $T = 1.18$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.18$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.12$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 2.15×10^{-4} C 3.95×10^{-4} D 5.75×10^{-4} E 7.55×10^{-4} F 9.35×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.127 C 0.307 D 0.487 E 0.667 F 0.847

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.07$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0151$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.01$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.14$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.233 C 0.413 D 0.593 E 0.773 F 0.953

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0380$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0810$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.18$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.515$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0615$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.14$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.169 C 0.349 D 0.529 E 0.709 F 0.889

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.27×10^{-3} C 3.07×10^{-3} D 4.87×10^{-3} E 6.67×10^{-3} F 8.47×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.116$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.14 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 101$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.05$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.56 C 4.36 D 6.16 E 7.96 F 9.76

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.01$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.07$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.16$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.01 C 2.81 D 4.61 E 6.41 F 8.21

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.08$ m, resistenza elettrica $R = 0.102$ ohm, e massa $m = 3.08 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.179$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 109$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 21.1 C 39.1 D 57.1 E 75.1 F 93.1

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.0105 C 0.0285 D 0.0465 E 0.0645 F 0.0825

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0151 C 0.0331 D 0.0511 E 0.0691 F 0.0871

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.04$ m e $b = 0.0151$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.02$ A e $T = 1.15$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.00$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.20$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A B C D E F

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A B C D E F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.13$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0189$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.12$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.00$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A B C D E F

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0281$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0936$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.14$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.461$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0615$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.12$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A B C D E F

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A B C D E F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.118$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.09 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 106$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.14$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.08 C 2.88 D 4.68 E 6.48 F 8.28

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.03$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.07$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.19$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.03 C 2.83 D 4.63 E 6.43 F 8.23

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.04$ m, resistenza elettrica $R = 0.169$ ohm, e massa $m = 3.54 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.161$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 114$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 19.1 C 37.1 D 55.1 E 73.1 F 91.1

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.209 C 0.389 D 0.569 E 0.749 F 0.929

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0174 C 0.0354 D 0.0534 E 0.0714 F 0.0894

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.06$ m e $b = 0.0140$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.03$ A e $T = 1.10$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.18$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.06$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.85×10^{-4} C 3.65×10^{-4} D 5.45×10^{-4} E 7.25×10^{-4} F 9.05×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.111 C 0.291 D 0.471 E 0.651 F 0.831

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.04$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0191$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.06$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.17$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 1.12 C 2.92 D 4.72 E 6.52 F 8.32

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0360$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0979$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.17$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.441$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0611$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.12$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.234 C 0.414 D 0.594 E 0.774 F 0.954

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.69×10^{-3} C 4.49×10^{-3} D 6.29×10^{-3} E 8.09×10^{-3} F 9.89×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.110$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.06 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 103$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.08$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.24 C 4.04 D 5.84 E 7.64 F 9.44

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.15$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.09$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.02$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.15 C 2.95 D 4.75 E 6.55 F 8.35

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.18$ m, resistenza elettrica $R = 0.183$ ohm, e massa $m = 2.15 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.107$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 110$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 13.9 C 31.9 D 49.9 E 67.9 F 85.9

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.242 C 0.422 D 0.602 E 0.782 F 0.962

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0105 C 0.0285 D 0.0465 E 0.0645 F 0.0825

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.17$ m e $b = 0.0168$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.05$ A e $T = 1.03$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.02$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.08$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.16×10^{-4} C 2.96×10^{-4} D 4.76×10^{-4} E 6.56×10^{-4} F 8.36×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.182 C 0.362 D 0.542 E 0.722 F 0.902

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.13$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0199$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.14$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.17$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 1.01 C 2.81 D 4.61 E 6.41 F 8.21

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0380$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0996$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.14$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.540$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0618$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.11$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.148 C 0.328 D 0.508 E 0.688 F 0.868

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.75×10^{-3} C 3.55×10^{-3} D 5.35×10^{-3} E 7.15×10^{-3} F 8.95×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.118$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.09 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 103$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.08$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.65 C 4.45 D 6.25 E 8.05 F 9.85

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.15$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.06$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.16$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.15 C 2.95 D 4.75 E 6.55 F 8.35

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.10$ m, resistenza elettrica $R = 0.179$ ohm, e massa $m = 3.83 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.138$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 112$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 17.0 C 35.0 D 53.0 E 71.0 F 89.0

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.112 C 0.292 D 0.472 E 0.652 F 0.832

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0188 C 0.0368 D 0.0548 E 0.0728 F 0.0908

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.20$ m e $b = 0.0145$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.03$ A e $T = 1.17$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.03$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.08$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.66×10^{-4} C 3.46×10^{-4} D 5.26×10^{-4} E 7.06×10^{-4} F 8.86×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.114 C 0.294 D 0.474 E 0.654 F 0.834

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.20$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0120$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.16$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.13$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.209 C 0.389 D 0.569 E 0.749 F 0.929

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0238$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0898$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.10$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.418$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0609$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.04$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.184 C 0.364 D 0.544 E 0.724 F 0.904

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.13×10^{-3} C 2.93×10^{-3} D 4.73×10^{-3} E 6.53×10^{-3} F 8.33×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.116$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.07 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 115$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.14$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.16$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.18$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.02$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.11$ m, resistenza elettrica $R = 0.123$ ohm, e massa $m = 3.87 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.103$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 100$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 11.4 C 29.4 D 47.4 E 65.4 F 83.4

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.177 C 0.357 D 0.537 E 0.717 F 0.897

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0190 C 0.0370 D 0.0550 E 0.0730 F 0.0910

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.17$ m e $b = 0.0141$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.13$ A e $T = 1.17$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.17$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.16$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.55×10^{-4} C 3.35×10^{-4} D 5.15×10^{-4} E 6.95×10^{-4} F 8.75×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.106 C 0.286 D 0.466 E 0.646 F 0.826

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.14$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0199$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.03$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.13$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 1.20 C 3.00 D 4.80 E 6.60 F 8.40

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0238$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0992$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.06$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.475$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0609$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.15$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.205 C 0.385 D 0.565 E 0.745 F 0.925

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.42×10^{-3} C 3.22×10^{-3} D 5.02×10^{-3} E 6.82×10^{-3} F 8.62×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.109$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.18 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 119$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.05$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.75 C 4.55 D 6.35 E 8.15 F 9.95

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.05$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.14$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.19$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.05 C 2.85 D 4.65 E 6.45 F 8.25

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.01$ m, resistenza elettrica $R = 0.163$ ohm, e massa $m = 2.14 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.160$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 117$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 18.9 C 36.9 D 54.9 E 72.9 F 90.9

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.131 C 0.311 D 0.491 E 0.671 F 0.851

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0105 C 0.0285 D 0.0465 E 0.0645 F 0.0825

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.00$ m e $b = 0.0163$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.18$ A e $T = 1.17$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.01$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.10$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.64×10^{-4} C 3.44×10^{-4} D 5.24×10^{-4} E 7.04×10^{-4} F 8.84×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.202 C 0.382 D 0.562 E 0.742 F 0.922

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.14$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0190$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.06$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.08$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 1.03 C 2.83 D 4.63 E 6.43 F 8.23

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0378$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0895$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.01$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.415$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0609$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.07$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.236 C 0.416 D 0.596 E 0.776 F 0.956

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.62×10^{-3} C 3.42×10^{-3} D 5.22×10^{-3} E 7.02×10^{-3} F 8.82×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.109$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.18 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 102$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.18$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.65 C 4.45 D 6.25 E 8.05 F 9.85

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.16$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.01$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.03$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.02$ m, resistenza elettrica $R = 0.179$ ohm, e massa $m = 2.25 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.115$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 108$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 12.7 C 30.7 D 48.7 E 66.7 F 84.7

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.107 C 0.287 D 0.467 E 0.647 F 0.827

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0110 C 0.0290 D 0.0470 E 0.0650 F 0.0830

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.04$ m e $b = 0.0175$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.06$ A e $T = 1.04$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.08$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.03$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.21×10^{-4} C 4.01×10^{-4} D 5.81×10^{-4} E 7.61×10^{-4} F 9.41×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.211 C 0.391 D 0.571 E 0.751 F 0.931

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.01$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0143$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.14$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.15$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.175 C 0.355 D 0.535 E 0.715 F 0.895

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0267$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0997$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.03$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.444$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0609$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.04$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.195 C 0.375 D 0.555 E 0.735 F 0.915

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.43×10^{-3} C 3.23×10^{-3} D 5.03×10^{-3} E 6.83×10^{-3} F 8.63×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.106$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.18 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 111$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.15$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.66 C 4.46 D 6.26 E 8.06 F 9.86

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.16$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.13$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.13$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.16 C 2.96 D 4.76 E 6.56 F 8.36

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.12$ m, resistenza elettrica $R = 0.172$ ohm, e massa $m = 3.69 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.168$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 110$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 20.7 C 38.7 D 56.7 E 74.7 F 92.7

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.176 C 0.356 D 0.536 E 0.716 F 0.896

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0181 C 0.0361 D 0.0541 E 0.0721 F 0.0901

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.19$ m e $b = 0.0183$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.19$ A e $T = 1.03$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.12$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.04$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.96×10^{-4} C 3.76×10^{-4} D 5.56×10^{-4} E 7.36×10^{-4} F 9.16×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.221 C 0.401 D 0.581 E 0.761 F 0.941

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.08$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0196$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.08$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.09$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 1.03 C 2.83 D 4.63 E 6.43 F 8.23

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0279$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0812$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.04$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.546$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0601$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.07$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.150 C 0.330 D 0.510 E 0.690 F 0.870

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 2.54×10^{-3} C 4.34×10^{-3} D 6.14×10^{-3} E 7.94×10^{-3} F 9.74×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.119$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.10 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 112$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.05$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.08 C 2.88 D 4.68 E 6.48 F 8.28

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.08$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.02$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.20$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.08 C 2.88 D 4.68 E 6.48 F 8.28

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.04$ m, resistenza elettrica $R = 0.178$ ohm, e massa $m = 3.34 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.178$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 110$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 20.4 C 38.4 D 56.4 E 74.4 F 92.4

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.170 C 0.350 D 0.530 E 0.710 F 0.890

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0164 C 0.0344 D 0.0524 E 0.0704 F 0.0884

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.10$ m e $b = 0.0145$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.00$ A e $T = 1.10$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.06$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.19$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.97×10^{-4} C 3.77×10^{-4} D 5.57×10^{-4} E 7.37×10^{-4} F 9.17×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.124 C 0.304 D 0.484 E 0.664 F 0.844

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.13$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0186$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.03$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.01$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 1.00 C 2.80 D 4.60 E 6.40 F 8.20

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0364$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0909$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.10$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.443$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0612$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.14$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.106 C 0.286 D 0.466 E 0.646 F 0.826

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.60×10^{-3} C 3.40×10^{-3} D 5.20×10^{-3} E 7.00×10^{-3} F 8.80×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.119$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.13 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 101$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.18$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.20 C 3.00 D 4.80 E 6.60 F 8.40

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.03$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.13$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.03$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.03 C 2.83 D 4.63 E 6.43 F 8.23

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.11$ m, resistenza elettrica $R = 0.176$ ohm, e massa $m = 2.28 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.174$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 111$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 21.4 C 39.4 D 57.4 E 75.4 F 93.4

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.106 C 0.286 D 0.466 E 0.646 F 0.826

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0112 C 0.0292 D 0.0472 E 0.0652 F 0.0832

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.16$ m e $b = 0.0152$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.01$ A e $T = 1.06$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.19$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.01$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.13×10^{-4} C 3.93×10^{-4} D 5.73×10^{-4} E 7.53×10^{-4} F 9.33×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.120 C 0.300 D 0.480 E 0.660 F 0.840

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.16$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0125$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.20$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.09$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.174 C 0.354 D 0.534 E 0.714 F 0.894

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0222$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0833$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.10$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.586$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0614$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.19$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.267 C 0.447 D 0.627 E 0.807 F 0.987

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.80×10^{-3} C 3.60×10^{-3} D 5.40×10^{-3} E 7.20×10^{-3} F 9.00×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.103$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.06 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 113$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.02$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.04 C 3.84 D 5.64 E 7.44 F 9.24

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.19$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.15$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.20$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.19 C 2.99 D 4.79 E 6.59 F 8.39

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.02$ m, resistenza elettrica $R = 0.137$ ohm, e massa $m = 2.26 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.168$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 103$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 17.7 C 35.7 D 53.7 E 71.7 F 89.7

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.103 C 0.283 D 0.463 E 0.643 F 0.823

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0111 C 0.0291 D 0.0471 E 0.0651 F 0.0831

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.05$ m e $b = 0.0142$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.13$ A e $T = 1.02$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.19$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.14$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.99×10^{-4} C 3.79×10^{-4} D 5.59×10^{-4} E 7.39×10^{-4} F 9.19×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.136 C 0.316 D 0.496 E 0.676 F 0.856

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.08$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0190$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.15$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.04$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.124 C 0.304 D 0.484 E 0.664 F 0.844

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0231$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0949$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.14$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.452$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0618$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.03$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.177 C 0.357 D 0.537 E 0.717 F 0.897

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.77×10^{-3} C 4.57×10^{-3} D 6.37×10^{-3} E 8.17×10^{-3} F 9.97×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.104$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.12 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 103$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.07$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.10 C 3.90 D 5.70 E 7.50 F 9.30

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.19$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.16$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.09$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.19 C 2.99 D 4.79 E 6.59 F 8.39

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.18$ m, resistenza elettrica $R = 0.155$ ohm, e massa $m = 2.84 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.103$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 118$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 14.3 C 32.3 D 50.3 E 68.3 F 86.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.112 C 0.292 D 0.472 E 0.652 F 0.832

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0139 C 0.0319 D 0.0499 E 0.0679 F 0.0859

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.11$ m e $b = 0.0171$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.01$ A e $T = 1.16$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.02$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.14$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.60×10^{-4} C 3.40×10^{-4} D 5.20×10^{-4} E 7.00×10^{-4} F 8.80×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.171 C 0.351 D 0.531 E 0.711 F 0.891

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.18$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0105$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.08$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.06$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.179 C 0.359 D 0.539 E 0.719 F 0.899

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0391$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0832$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.10$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.422$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0618$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.04$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.170 C 0.350 D 0.530 E 0.710 F 0.890

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 2.12×10^{-3} C 3.92×10^{-3} D 5.72×10^{-3} E 7.52×10^{-3} F 9.32×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.107$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.16 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 107$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.11$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.48 C 4.28 D 6.08 E 7.88 F 9.68

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.09$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.10$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.18$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.09 C 2.89 D 4.69 E 6.49 F 8.29

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.08$ m, resistenza elettrica $R = 0.132$ ohm, e massa $m = 2.66 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.129$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 117$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 16.3 C 34.3 D 52.3 E 70.3 F 88.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.177 C 0.357 D 0.537 E 0.717 F 0.897

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0130 C 0.0310 D 0.0490 E 0.0670 F 0.0850

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.15$ m e $b = 0.0132$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.16$ A e $T = 1.06$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.01$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.17$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.19×10^{-4} C 2.99×10^{-4} D 4.79×10^{-4} E 6.59×10^{-4} F 8.39×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.123 C 0.303 D 0.483 E 0.663 F 0.843

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.02$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0115$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.11$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.00$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.167 C 0.347 D 0.527 E 0.707 F 0.887

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0240$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0989$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.06$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.432$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0602$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.16$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.197 C 0.377 D 0.557 E 0.737 F 0.917

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.35×10^{-3} C 3.15×10^{-3} D 4.95×10^{-3} E 6.75×10^{-3} F 8.55×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.105$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.00 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 100$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.13$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 1.96 C 3.76 D 5.56 E 7.36 F 9.16

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.17$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.07$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.04$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.17 C 2.97 D 4.77 E 6.57 F 8.37

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.06$ m, resistenza elettrica $R = 0.187$ ohm, e massa $m = 2.19 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.166$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 104$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 18.3 C 36.3 D 54.3 E 72.3 F 90.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.130 C 0.310 D 0.490 E 0.670 F 0.850

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0107 C 0.0287 D 0.0467 E 0.0647 F 0.0827

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.08$ m e $b = 0.0195$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.01$ A e $T = 1.03$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.05$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.17$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.55×10^{-4} C 3.35×10^{-4} D 5.15×10^{-4} E 6.95×10^{-4} F 8.75×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.247 C 0.427 D 0.607 E 0.787 F 0.967

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.09$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0130$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.13$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.12$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.104 C 0.284 D 0.464 E 0.644 F 0.824

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0289$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0840$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.12$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.529$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0603$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.18$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.235 C 0.415 D 0.595 E 0.775 F 0.955

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.10×10^{-3} C 2.90×10^{-3} D 4.70×10^{-3} E 6.50×10^{-3} F 8.30×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.116$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.05 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 114$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.01$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.56 C 4.36 D 6.16 E 7.96 F 9.76

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.05$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.14$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.14$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.05 C 2.85 D 4.65 E 6.45 F 8.25

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.02$ m, resistenza elettrica $R = 0.108$ ohm, e massa $m = 3.81 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.137$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 119$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 16.6 C 34.6 D 52.6 E 70.6 F 88.6

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.207 C 0.387 D 0.567 E 0.747 F 0.927

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0187 C 0.0367 D 0.0547 E 0.0727 F 0.0907

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.20$ m e $b = 0.0103$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.03$ A e $T = 1.08$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.20$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.04$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.75×10^{-4} C 3.55×10^{-4} D 5.35×10^{-4} E 7.15×10^{-4} F 8.95×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.0170 C 0.0350 D 0.0530 E 0.0710 F 0.0890

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.12$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0125$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.01$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.01$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.159 C 0.339 D 0.519 E 0.699 F 0.879

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0310$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0939$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.13$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.599$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0618$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.04$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.197 C 0.377 D 0.557 E 0.737 F 0.917

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 2.56×10^{-3} C 4.36×10^{-3} D 6.16×10^{-3} E 7.96×10^{-3} F 9.76×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.113$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.01 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 102$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.09$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.25 C 4.05 D 5.85 E 7.65 F 9.45

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.06$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.17$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.10$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.06 C 2.86 D 4.66 E 6.46 F 8.26

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.11$ m, resistenza elettrica $R = 0.154$ ohm, e massa $m = 2.44 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.166$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 112$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 20.6 C 38.6 D 56.6 E 74.6 F 92.6

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.109 C 0.289 D 0.469 E 0.649 F 0.829

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0120 C 0.0300 D 0.0480 E 0.0660 F 0.0840

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.02$ m e $b = 0.0103$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.11$ A e $T = 1.02$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.01$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.14$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 2.05×10^{-4} C 3.85×10^{-4} D 5.65×10^{-4} E 7.45×10^{-4} F 9.25×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.0118 C 0.0298 D 0.0478 E 0.0658 F 0.0838

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.11$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0105$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.18$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.03$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.259 C 0.439 D 0.619 E 0.799 F 0.979

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0260$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0986$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.04$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.570$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0612$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.17$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.277 C 0.457 D 0.637 E 0.817 F 0.997

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 2.09×10^{-3} C 3.89×10^{-3} D 5.69×10^{-3} E 7.49×10^{-3} F 9.29×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.117$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.10 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 101$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.10$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.63 C 4.43 D 6.23 E 8.03 F 9.83

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.11$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.04$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.19$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.11 C 2.91 D 4.71 E 6.51 F 8.31

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.17$ m, resistenza elettrica $R = 0.101$ ohm, e massa $m = 2.88 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.141$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 111$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 18.3 C 36.3 D 54.3 E 72.3 F 90.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.105 C 0.285 D 0.465 E 0.645 F 0.825

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0141 C 0.0321 D 0.0501 E 0.0681 F 0.0861

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.13$ m e $b = 0.0107$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.04$ A e $T = 1.16$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.02$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.15$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 2.00×10^{-4} C 3.80×10^{-4} D 5.60×10^{-4} E 7.40×10^{-4} F 9.20×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.0135 C 0.0315 D 0.0495 E 0.0675 F 0.0855

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.18$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0117$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.09$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.09$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.246 C 0.426 D 0.606 E 0.786 F 0.966

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0243$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0870$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.12$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.503$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0606$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.16$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.276 C 0.456 D 0.636 E 0.816 F 0.996

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.81×10^{-3} C 3.61×10^{-3} D 5.41×10^{-3} E 7.21×10^{-3} F 9.01×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.107$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.18 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 113$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.04$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.49 C 4.29 D 6.09 E 7.89 F 9.69

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.08$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.14$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.14$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.08 C 2.88 D 4.68 E 6.48 F 8.28

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.19$ m, resistenza elettrica $R = 0.188$ ohm, e massa $m = 3.25 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.182$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 118$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 25.6 C 43.6 D 61.6 E 79.6 F 97.6

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.128 C 0.308 D 0.488 E 0.668 F 0.848

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0159 C 0.0339 D 0.0519 E 0.0699 F 0.0879

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.01$ m e $b = 0.0123$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.09$ A e $T = 1.14$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.06$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.13$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.16×10^{-4} C 2.96×10^{-4} D 4.76×10^{-4} E 6.56×10^{-4} F 8.36×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.103 C 0.283 D 0.463 E 0.643 F 0.823

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.10$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0140$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.07$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.08$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.206 C 0.386 D 0.566 E 0.746 F 0.926

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0312$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0964$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.17$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.555$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0603$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.09$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.201 C 0.381 D 0.561 E 0.741 F 0.921

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 2.45×10^{-3} C 4.25×10^{-3} D 6.05×10^{-3} E 7.85×10^{-3} F 9.65×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.106$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.09 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 105$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.13$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.28 C 4.08 D 5.88 E 7.68 F 9.48

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.07$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.18$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.17$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.07 C 2.87 D 4.67 E 6.47 F 8.27

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.15$ m, resistenza elettrica $R = 0.158$ ohm, e massa $m = 3.14 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.174$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 109$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 21.8 C 39.8 D 57.8 E 75.8 F 93.8

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.122 C 0.302 D 0.482 E 0.662 F 0.842

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0154 C 0.0334 D 0.0514 E 0.0694 F 0.0874

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTRONICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.04$ m e $b = 0.0156$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.07$ A e $T = 1.05$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.16$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.16$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

- A 0 B 1.02×10^{-4} C 2.82×10^{-4} D 4.62×10^{-4} E 6.42×10^{-4} F 8.22×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

- A 0 B 0.156 C 0.336 D 0.516 E 0.696 F 0.876

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.20$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0109$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.09$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.10$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

- A 0 B 0.210 C 0.390 D 0.570 E 0.750 F 0.930

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0297$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0961$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.18$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.410$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0612$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.15$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

- A 0 B 0.136 C 0.316 D 0.496 E 0.676 F 0.856

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

- A 0 B 1.92×10^{-3} C 3.72×10^{-3} D 5.52×10^{-3} E 7.32×10^{-3} F 9.12×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.116$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.16 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 104$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.02$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.60 C 4.40 D 6.20 E 8.00 F 9.80

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.05$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.09$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.16$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.05 C 2.85 D 4.65 E 6.45 F 8.25

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.12$ m, resistenza elettrica $R = 0.134$ ohm, e massa $m = 3.30 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.137$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 118$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 18.1 C 36.1 D 54.1 E 72.1 F 90.1

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.184 C 0.364 D 0.544 E 0.724 F 0.904

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0162 C 0.0342 D 0.0522 E 0.0702 F 0.0882

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.04$ m e $b = 0.0111$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.08$ A e $T = 1.08$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.13$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.15$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A B C D E F

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A B C D E F

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.13$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0147$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.11$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.13$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A B C D E F

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0312$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0996$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.03$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.409$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0616$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.01$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A B C D E F

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A B C D E F

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.102$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.08 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 116$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.18$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.42 C 4.22 D 6.02 E 7.82 F 9.62

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.04$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.01$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.01$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.04 C 2.84 D 4.64 E 6.44 F 8.24

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.09$ m, resistenza elettrica $R = 0.149$ ohm, e massa $m = 3.62 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.104$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 117$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 13.3 C 31.3 D 49.3 E 67.3 F 85.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.232 C 0.412 D 0.592 E 0.772 F 0.952

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0178 C 0.0358 D 0.0538 E 0.0718 F 0.0898

UNIVERSITÀ DI PISA
 INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA
 INGEGNERIA GESTIONALE E INGEGNERIA CHIMICA: CORSO DI FISICA GENERALE II E
 ELETTROTECNICA
 Prova n. 2 - 19/12/2020

Negli esercizi seguenti le coordinate polari sferiche vengono indicate con i simboli r, θ, ϕ , dove r è la distanza dall'origine O , θ è l'angolo polare (colatitudine) e ϕ è l'azimut; le coordinate cilindriche vengono indicate con i simboli ρ, ϕ, z , dove ρ è la distanza dall'asse polare, ϕ è l'azimut e z è la quota; le coordinate cartesiane vengono indicate con i simboli x, y, z . Quando più tipi di coordinate sono usati nello stesso esercizio, salvo avviso contrario i diversi sistemi sono associati nel modo usuale: origini coincidenti, assi polari coincidenti tra loro e coincidenti con l'asse z , origine degli azimut coincidente con il semiasse $x > 0$, ecc.

1) Siano date due spire circolari di raggi rispettivamente $a = 1.09$ m e $b = 0.0141$ m (si noti $a \gg b$), complanari e concentriche. Nella spira piccola (di raggio b), tramite un generatore, viene inviata una corrente elettrica $i(t)$ che varia con il tempo linearmente per $t < T$, $i(t) = i_0 \frac{t}{T}$, con $i_0 = 1.15$ A e $T = 1.14$ s, ed è costante uguale a i_0 per $t > T$. La spira grande (di raggio a) ha una resistenza elettrica $R = 1.10$ ohm e un coefficiente di autoinduzione $L = 1.03$ henry. Resistenza elettrica e coefficiente di autoinduzione della spira piccola (di raggio a) siano trascurabili. Determinare il coefficiente di mutua induzione, in microhenry, tra le due spire.

A 0 B 1.80×10^{-4} C 3.60×10^{-4} D 5.40×10^{-4} E 7.20×10^{-4} F 9.00×10^{-4}

2) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 1), calcolare la corrente, in nanoampere, che percorre la spira grande (di raggio a) all'istante $t = \frac{3}{2}T$.

A 0 B 0.126 C 0.306 D 0.486 E 0.666 F 0.846

3) In un sistema di riferimento cartesiano, carica elettrica con densità uniforme $\rho = 1.02$ nC/m³ riempie lo spazio compreso tra i piani $x = 0$ e $x = d$, con $d = 0.0119$ m, delimitato da due piastre conduttrici "I" e "II" quadrate di lato L , con $L = 1.18$ m (si noti $L \gg d$) e con cariche, rispettivamente $Q_I = 1.15$ nC e $Q_{II} = 0$. Determinare la differenza di potenziale, in volt, tra la piastra "I" e la piastra "II".

A 0 B 0.195 C 0.375 D 0.555 E 0.735 F 0.915

4) Una sfera perfettamente conduttrice di raggio $a = 0.0333$ m è posta all'interno di un altro conduttore perfetto costituito da un guscio sferico, di raggio $c = 0.0885$ m e spessore trascurabile. I due conduttori sono concentrici. Il volume tra i due conduttori, con $a < r < c$, è riempito da due materiali con diversa conducibilità elettrica, rispettivamente $\sigma_1 = 1.08$ (ohm·m)⁻¹ per $a < r < b$ e $\sigma_2 = 0.444$ (ohm·m)⁻¹ per $b < r < c$, con $b = 0.0608$ m. I due conduttori perfetti, inizialmente scarichi, sono collegati ad una batteria, che mantiene una differenza di potenziale $V = 1.11$ volt costante tra essi, con la sfera interna di raggio a a potenziale maggiore. Vengono raggiunte le condizioni stazionarie. Calcolare la corrente, in ampere, che scorre tra i due conduttori.

A 0 B 0.217 C 0.397 D 0.577 E 0.757 F 0.937

5) Nelle stesse condizioni del precedente Esercizio 4), calcolare la carica elettrica, in nC, che si accumula sulla sfera conduttrice di raggio a .

A 0 B 1.13×10^{-3} C 2.93×10^{-3} D 4.73×10^{-3} E 6.53×10^{-3} F 8.33×10^{-3}

6) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira circolare di raggio $a = 0.105$ m si trova sul piano xy con centro nell'origine. La spira isolante è caricata uniformemente con una densità di carica per unità di lunghezza $\lambda = 1.04 \mu\text{C}/\text{m}$ e ruota con velocità angolare costante $\omega_z = 112$ rad/s attorno all'asse z . La spira è immersa in un campo magnetico non uniforme $\vec{B} = B_z(x)\vec{k}$, diretto lungo l'asse z con $B_z(x) = B_0(1 + \frac{x}{2a})$, con $B_0 = 1.07$ tesla. Calcolare l'intensità della forza totale, in micronewton, che agisce sulla spira.

A 0 B 2.16 C 3.96 D 5.76 E 7.56 F 9.36

7) In un sistema di riferimento cartesiano, sono dati due lunghi fili rettilinei conduttori percorsi da corrente. I due fili si trovano su due piani paralleli distanti $h = 1.12$ m (possiamo immaginare si tratti dei piani $z = 0$ e $z = h$). Lungo il filo "1", che coincide con l'asse x (nel piano $z = 0$), scorre la corrente $I_1 = 1.09$ A, nel verso positivo delle x . Lungo il filo "2", che coincide con l'asse y (nel piano $z = h$), scorre la corrente $I_2 = 1.06$ A, nel verso positivo delle y . Determinare la distanza, in m, dall'origine del sistema di riferimento, dei punti nei quali la forza magnetica, per unità di lunghezza, che il filo "2" esercita in ogni punto del filo "1" è massima.

A 0 B 1.12 C 2.92 D 4.72 E 6.52 F 8.32

8) In un sistema di riferimento cartesiano, una spira conduttrice quadrata rigida, di lato $a = 1.16$ m, resistenza elettrica $R = 0.145$ ohm, e massa $m = 2.62 \times 10^{-3}$ kg, giace sul piano verticale yz . La spira è soggetta alla forza peso, diretta nel verso negativo dell'asse z , ed è immersa in un campo magnetico $\vec{B} = (B_x, 0, 0)$ perpendicolare al piano yz . Il campo \vec{B} dipende dalla quota z secondo la relazione $B_x(z) = \frac{B_0 z}{a}$, con $B_0 = 0.125$ tesla. La spira può muoversi verticalmente nel piano yz di moto traslatorio, mantenendo i lati paralleli agli assi. La posizione della spira è determinata in ogni istante dalla quota del suo centro z_c . All'istante iniziale $t = 0$ la spira si trova alla quota $z_c = 119$ m, è ferma ed è lasciata libera di cadere. Calcolare il flusso del campo magnetico, in Tm^2 , attraverso la spira all'istante $t = 0$. (Si ricordi il valore della accelerazione di gravità $g = 9.81$ m/s²).

A 0 B 17.3 C 35.3 D 53.3 E 71.3 F 89.3

9) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 8), calcolare la velocità asintotica di caduta, in m/s, della spira.

A 0 B 0.177 C 0.357 D 0.537 E 0.717 F 0.897

10) Nelle stesse ipotesi del precedente Esercizio 9), determinare l'intensità della forza, in newton, esercitata dal campo magnetico sulla spira lungo l'asse z , all'istante nel quale la velocità della spira è la metà della velocità asintotica di caduta.

A 0 B 0.0129 C 0.0309 D 0.0489 E 0.0669 F 0.0849