

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.201}$  C  $\boxed{-0.381}$  D  $\boxed{-0.561}$  E  $\boxed{-0.741}$  F  $\boxed{-0.921}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.20 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.00 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{4.80 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.60 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.40 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.01\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.15 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.98$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.03 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.83 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.63 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.43 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{9.23 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0154 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.72~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0108} \quad C \boxed{0.0288} \quad D \boxed{0.0468} \quad E \boxed{0.0648} \quad F \boxed{0.0828}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori  $\mathbf{a}$  di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e  $\mathbf{b}$  di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.88$ ,  $a_z = 1.36$ , e  $b_y = 1.01$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.93. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

 6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.50$  pC ed  $a = 1.70 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.50 \times 10^3} \quad C \boxed{-3.30 \times 10^3} \quad D \boxed{-5.10 \times 10^3} \quad E \boxed{-6.90 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.70 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.02 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.97 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0$  m. Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{1.21} \quad C \boxed{3.01} \quad D \boxed{4.81} \quad E \boxed{6.61} \quad F \boxed{8.41}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.11$  N/C e  $x_0 = 1.28 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 1.33 C 3.13 D 4.93 E 6.73 F 8.53

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.89 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.41 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 249 C 429 D 609 E 789 F 969

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 22.8 C 40.8 D 58.8 E 76.8 F 94.8

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.21$  nC e  $q_2 = 1.44$  nC poste alla distanza  $d = 1.12 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.149}$  C  $\boxed{-0.329}$  D  $\boxed{-0.509}$  E  $\boxed{-0.689}$  F  $\boxed{-0.869}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.76 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.56 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.36 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.16 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.96 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.92\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.12 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.69$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.66 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{3.46 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{5.26 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{7.06 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{8.86 \times 10^{-6}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0162 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.68$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0272} \quad C \boxed{0.0452} \quad D \boxed{0.0632} \quad E \boxed{0.0812} \quad F \boxed{0.0992}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.73$ ,  $a_z = 1.78$ , e  $b_y = 1.43$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.06. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.35$  pC ed  $a = 1.44 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.34 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.14 \times 10^3}$  D  $\boxed{-5.94 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.74 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.54 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.21 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.33 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{1.06}$  C  $\boxed{2.86}$  D  $\boxed{4.66}$  E  $\boxed{6.46}$  F  $\boxed{8.26}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.98$  N/C e  $x_0 = 1.93 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

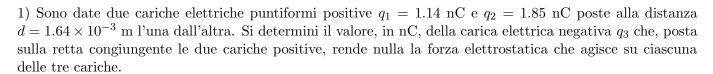
A 0 B 10.1 C 28.1 D 46.1 E 64.1 F 82.1

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.21 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.35 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 221 C 401 D 581 E 761 F 941

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 19.2 C 37.2 D 55.2 E 73.2 F 91.2



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.178}$  C  $\boxed{-0.358}$  D  $\boxed{-0.538}$  E  $\boxed{-0.718}$  F  $\boxed{-0.898}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.81 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.61 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.41 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.21 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.01 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.17\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.82 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.75$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.45 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{4.25 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{6.05 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.85 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{9.65 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0145 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.71~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0104} \quad C \boxed{0.0284} \quad D \boxed{0.0464} \quad E \boxed{0.0644} \quad F \boxed{0.0824}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.16$ ,  $a_z = 1.42$ , e  $b_y = 1.92$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.60. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.54$  pC ed  $a = 1.84 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.09 \times 10^3} \quad C \boxed{-2.89 \times 10^3} \quad D \boxed{-4.69 \times 10^3} \quad E \boxed{-6.49 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.29 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.72 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.23 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0$  m. Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.54}$  C  $\boxed{-4.34}$  D  $\boxed{-6.14}$  E  $\boxed{-7.94}$  F  $\boxed{-9.74}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.46$  N/C e  $x_0 = 1.40 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 10.3 C 28.3 D 46.3 E 64.3 F 82.3

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.96 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.24 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 115 C 295 D 475 E 655 F 835

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 17.7 C 35.7 D 53.7 E 71.7 F 89.7

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.02$  nC e  $q_2 = 1.59$  nC poste alla distanza  $d = 1.28 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.134} \quad C \boxed{-0.314} \quad D \boxed{-0.494} \quad E \boxed{-0.674} \quad F \boxed{-0.854}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.09 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.89 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.69 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.49 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.29 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.23\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.92 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.26$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.77 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.57 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.37 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.17 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.97 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0115 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.13$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0245} \quad C \boxed{0.0425} \quad D \boxed{0.0605} \quad E \boxed{0.0785} \quad F \boxed{0.0965}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.61$ ,  $a_z = 1.10$ , e  $b_y = 1.28$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.46. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.102} \quad C \boxed{0.282} \quad D \boxed{0.462} \quad E \boxed{0.642} \quad F \boxed{0.822}$$

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.74$  pC ed  $a = 1.44 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.73\times10^3} \quad C \boxed{-3.53\times10^3} \quad D \boxed{-5.33\times10^3} \quad E \boxed{-7.13\times10^3} \quad F \boxed{-8.93\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.28 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.49 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A 0 B 1.86 C 3.66 D 5.46 E 7.26 F 9.06

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.89$  N/C e  $x_0 = 1.99 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 2.14 C 3.94 D 5.74 E 7.54 F 9.34

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.65 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.30 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 196 C 376 D 556 E 736 F 916

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 12.6 C 30.6 D 48.6 E 66.6 F 84.6

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.25$  nC e  $q_2 = 1.84$  nC poste alla distanza  $d = 1.75 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.196} \quad C \boxed{-0.376} \quad D \boxed{-0.556} \quad E \boxed{-0.736} \quad F \boxed{-0.916}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 0 B 
$$2.51 \times 10^{-4}$$
 C  $4.31 \times 10^{-4}$  D  $6.11 \times 10^{-4}$  E  $7.91 \times 10^{-4}$  F  $9.71 \times 10^{-4}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.98\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.07 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.21$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.28 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{4.08 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{5.88 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{7.68 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{9.48 \times 10^{-6}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0138 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.03$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0208} \quad C \boxed{0.0388} \quad D \boxed{0.0568} \quad E \boxed{0.0748} \quad F \boxed{0.0928}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.45$ ,  $a_z = 1.21$ , e  $b_y = 1.05$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.04. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.49$  pC ed  $a = 1.27 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.27 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.07 \times 10^3}$  D  $\boxed{-5.87 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.67 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.47 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.96 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.75 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.86}$  C  $\boxed{-3.66}$  D  $\boxed{-5.46}$  E  $\boxed{-7.26}$  F  $\boxed{-9.06}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.43$  N/C e  $x_0 = 1.09 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 12.9 C 30.9 D 48.9 E 66.9 F 84.9

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.36 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.52 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 184 C 364 D 544 E 724 F 904

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 16.9 C 34.9 D 52.9 E 70.9 F 88.9

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.81$  nC e  $q_2 = 1.26$  nC poste alla distanza  $d = 1.81 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.194} \quad C \boxed{-0.374} \quad D \boxed{-0.554} \quad E \boxed{-0.734} \quad F \boxed{-0.914}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.67 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.47 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.27 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{8.07 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.87 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.09\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.75 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.69$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{2.44 \times 10^{-5}} \quad C \ \boxed{4.24 \times 10^{-5}} \quad D \ \boxed{6.04 \times 10^{-5}} \quad E \ \boxed{7.84 \times 10^{-5}} \quad F \ \boxed{9.64 \times 10^{-5}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0109 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.40$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0167} \quad C \boxed{0.0347} \quad D \boxed{0.0527} \quad E \boxed{0.0707} \quad F \boxed{0.0887}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori  $\mathbf{a}$  di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e  $\mathbf{b}$  di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 2.00$ ,  $a_z = 1.00$ , e  $b_y = 1.65$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.84. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.17}$  C  $\boxed{2.97}$  D  $\boxed{4.77}$  E  $\boxed{6.57}$  F  $\boxed{8.37}$ 

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.76$  pC ed  $a = 1.63 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.41\times10^3} \quad C \boxed{-4.21\times10^3} \quad D \boxed{-6.01\times10^3} \quad E \boxed{-7.81\times10^3} \quad F \boxed{-9.61\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.91 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.97 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.171} \quad C \boxed{0.351} \quad D \boxed{0.531} \quad E \boxed{0.711} \quad F \boxed{0.891}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.00$  N/C e  $x_0 = 1.93 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 1.50 C 3.30 D 5.10 E 6.90 F 8.70

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.42 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.22 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 260 C 440 D 620 E 800 F 980

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 10.3 C 28.3 D 46.3 E 64.3 F 82.3

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.45$  nC e  $q_2 = 1.70$  nC poste alla distanza  $d = 1.25 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.212}$  C  $\boxed{-0.392}$  D  $\boxed{-0.572}$  E  $\boxed{-0.752}$  F  $\boxed{-0.932}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.40 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.20 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.00 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.80 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.60 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.41\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.45 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.68$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.55 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.35 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.15 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.95 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.75 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0150 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.81$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{0.0141} \quad C \ \boxed{0.0321} \quad D \ \boxed{0.0501} \quad E \ \boxed{0.0681} \quad F \ \boxed{0.0861}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.20$ ,  $a_z = 1.86$ , e  $b_y = 1.62$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.47. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.67$  pC ed  $a = 1.71 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.83\times10^3} \quad C \boxed{-3.63\times10^3} \quad D \boxed{-5.43\times10^3} \quad E \boxed{-7.23\times10^3} \quad F \boxed{-9.03\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.22 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.36 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} \quad B \begin{bmatrix} 1.24 \end{bmatrix} \quad C \begin{bmatrix} 3.04 \end{bmatrix} \quad D \begin{bmatrix} 4.84 \end{bmatrix} \quad E \begin{bmatrix} 6.64 \end{bmatrix} \quad F \begin{bmatrix} 8.44 \end{bmatrix}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.80$  N/C e  $x_0 = 1.62 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

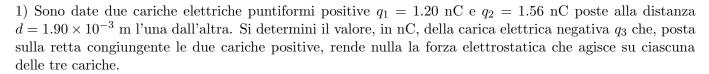
A 0 B 10.9 C 28.9 D 46.9 E 64.9 F 82.9

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.36 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.80 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 276 C 456 D 636 E 816 F 996

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 26.7 C 44.7 D 62.7 E 80.7 F 98.7



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.161} \quad C \boxed{-0.341} \quad D \boxed{-0.521} \quad E \boxed{-0.701} \quad F \boxed{-0.881}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.68 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.48 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.28 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.08 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.88 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.10\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.53 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.91$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.39 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{4.19 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.99 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.79 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{9.59 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0103 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.95$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.12$ ,  $a_z = 1.01$ , e  $b_y = 1.40$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.83. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.27$  pC ed  $a = 1.81 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.46\times10^3} \quad C \boxed{-4.26\times10^3} \quad D \boxed{-6.06\times10^3} \quad E \boxed{-7.86\times10^3} \quad F \boxed{-9.66\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.28 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.95 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A 0 B 2.33 C 4.13 D 5.93 E 7.73 F 9.53

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.31$  N/C e  $x_0 = 1.08 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 11.9 C 29.9 D 47.9 E 65.9 F 83.9

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.15 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.17 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 162 C 342 D 522 E 702 F 882

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 11.1 C 29.1 D 47.1 E 65.1 F 83.1

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.62$  nC e  $q_2 = 1.84$  nC poste alla distanza  $d = 1.42 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.251} \quad C \boxed{-0.431} \quad D \boxed{-0.611} \quad E \boxed{-0.791} \quad F \boxed{-0.971}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.47 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.27 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.07 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.87 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.67 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.84\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.20 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.22$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.75 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{3.55 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{5.35 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{7.15 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{8.95 \times 10^{-6}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0146 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.56$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0227} \quad C \boxed{0.0407} \quad D \boxed{0.0587} \quad E \boxed{0.0767} \quad F \boxed{0.0947}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.02$ ,  $a_z = 1.74$ , e  $b_y = 1.76$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.58. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.64$  pC ed  $a = 1.86 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.21\times10^3} \quad C \boxed{-3.01\times10^3} \quad D \boxed{-4.81\times10^3} \quad E \boxed{-6.61\times10^3} \quad F \boxed{-8.41\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.11 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.55 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{2.10}$  C  $\boxed{3.90}$  D  $\boxed{5.70}$  E  $\boxed{7.50}$  F  $\boxed{9.30}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.89$  N/C e  $x_0 = 1.06 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 17.5 C 35.5 D 53.5 E 71.5 F 89.5

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.68 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.91 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 106 C 286 D 466 E 646 F 826

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 101 C 281 D 461 E 641 F 821

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.50$  nC e  $q_2 = 1.18$  nC poste alla distanza  $d = 1.28 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.151} \quad C \boxed{-0.331} \quad D \boxed{-0.511} \quad E \boxed{-0.691} \quad F \boxed{-0.871}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.38 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.18 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{4.98 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.78 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.58 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.78\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.12 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.59$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.79 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{3.59 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{5.39 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{7.19 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{8.99 \times 10^{-6}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0186 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.28~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0122} \quad C \boxed{0.0302} \quad D \boxed{0.0482} \quad E \boxed{0.0662} \quad F \boxed{0.0842}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.77$ ,  $a_z = 1.56$ , e  $b_y = 1.89$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.61. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.98$  pC ed  $a = 1.73 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.40 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.20 \times 10^3}$  D  $\boxed{-6.00 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.80 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.60 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.81 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.20 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.80}$  C  $\boxed{-3.60}$  D  $\boxed{-5.40}$  E  $\boxed{-7.20}$  F  $\boxed{-9.00}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.19$  N/C e  $x_0 = 1.38 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

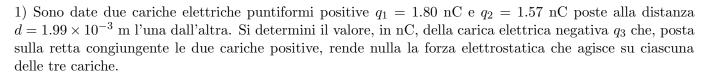
A 0 B 1.28 C 3.08 D 4.88 E 6.68 F 8.48

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.22 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.93 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 133 C 313 D 493 E 673 F 853

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 18.1 C 36.1 D 54.1 E 72.1 F 90.1



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.240} \quad C \boxed{-0.420} \quad D \boxed{-0.600} \quad E \boxed{-0.780} \quad F \boxed{-0.960}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.03 \times 10^{-3}}$  C  $\boxed{2.83 \times 10^{-3}}$  D  $\boxed{4.63 \times 10^{-3}}$  E  $\boxed{6.43 \times 10^{-3}}$  F  $\boxed{8.23 \times 10^{-3}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.92\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.12 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.89$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.71 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{4.51 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{6.31 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{8.11 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{9.91 \times 10^{-6}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0198 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.80$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0138} \quad C \boxed{0.0318} \quad D \boxed{0.0498} \quad E \boxed{0.0678} \quad F \boxed{0.0858}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.79$ ,  $a_z = 1.45$ , e  $b_y = 1.30$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.97. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate  $(a, 0, 0), -3q_0$  nel punto di coordinate  $(0, a, 0), 2q_0$  nel punto di coordinate  $(-a, 0, 0), e -3q_0$  nel punto di coordinate  $(0, -a, 0), con q_0 = 1.72$  pC ed  $a = 1.08 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.17\times10^3} \quad C \boxed{-3.97\times10^3} \quad D \boxed{-5.77\times10^3} \quad E \boxed{-7.57\times10^3} \quad F \boxed{-9.37\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.09 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.32 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0$  m. Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} \quad B \begin{bmatrix} 2.04 \end{bmatrix} \quad C \begin{bmatrix} 3.84 \end{bmatrix} \quad D \begin{bmatrix} 5.64 \end{bmatrix} \quad E \begin{bmatrix} 7.44 \end{bmatrix} \quad F \begin{bmatrix} 9.24 \end{bmatrix}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.94$  N/C e  $x_0 = 1.37 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

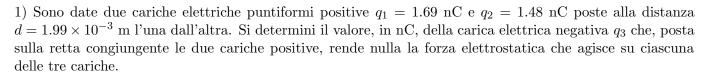
A 0 B 13.9 C 31.9 D 49.9 E 67.9 F 85.9

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.08 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.50 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 262 C 442 D 622 E 802 F 982

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 14.9 C 32.9 D 50.9 E 68.9 F 86.9



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.215}$  C  $\boxed{-0.395}$  D  $\boxed{-0.575}$  E  $\boxed{-0.755}$  F  $\boxed{-0.935}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.03 \times 10^{-3}}$  C  $\boxed{2.83 \times 10^{-3}}$  D  $\boxed{4.63 \times 10^{-3}}$  E  $\boxed{6.43 \times 10^{-3}}$  F  $\boxed{8.23 \times 10^{-3}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.50\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.68 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.19$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.20 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.00 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.80 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.60 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.40 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0188 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.89$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0172} \quad C \boxed{0.0352} \quad D \boxed{0.0532} \quad E \boxed{0.0712} \quad F \boxed{0.0892}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.12$ ,  $a_z = 1.01$ , e  $b_y = 1.69$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.69. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.00$  pC ed  $a = 1.61 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.45\times10^3} \quad C \boxed{-4.25\times10^3} \quad D \boxed{-6.05\times10^3} \quad E \boxed{-7.85\times10^3} \quad F \boxed{-9.65\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.82 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.89 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{0.260}$  C  $\boxed{0.440}$  D  $\boxed{0.620}$  E  $\boxed{0.800}$  F  $\boxed{0.980}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.59$  N/C e  $x_0 = 1.62 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

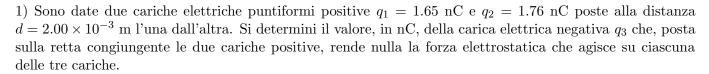
A 0 B 2.45 C 4.25 D 6.05 E 7.85 F 9.65

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.68 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.03 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 197 C 377 D 557 E 737 F 917

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 18.7 C 36.7 D 54.7 E 72.7 F 90.7



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.246}$  C  $\boxed{-0.426}$  D  $\boxed{-0.606}$  E  $\boxed{-0.786}$  F  $\boxed{-0.966}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.64 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.44 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.24 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{8.04 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.84 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.74\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.07 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.94$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.07 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{2.87 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.67 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.47 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.27 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0111 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.15$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.44$ ,  $a_z = 1.37$ , e  $b_y = 1.84$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.92. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

A 0 B 0.0191 C 0.0371 D 0.0551 E 0.0731 F 0.0911

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.37$  pC ed  $a = 1.34 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.25 \times 10^3}$  C  $\boxed{-3.05 \times 10^3}$  D  $\boxed{-4.85 \times 10^3}$  E  $\boxed{-6.65 \times 10^3}$  F  $\boxed{-8.45 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.60 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.55 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0}$   $B \boxed{-0.263}$   $C \boxed{-0.443}$   $D \boxed{-0.623}$   $E \boxed{-0.803}$   $F \boxed{-0.983}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.22$  N/C e  $x_0 = 1.49 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

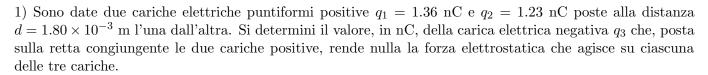
A 0 B 2.65 C 4.45 D 6.25 E 8.05 F 9.85

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.67 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.23 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 186 C 366 D 546 E 726 F 906

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 10.6 C 28.6 D 46.6 E 64.6 F 82.6



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.143}$  C  $\boxed{-0.323}$  D  $\boxed{-0.503}$  E  $\boxed{-0.683}$  F  $\boxed{-0.863}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.03 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.83 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.63 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.43 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.23 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.18\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.12 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.38$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.18 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{2.98 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.78 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.58 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.38 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0179 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.80$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0138} \quad C \boxed{0.0318} \quad D \boxed{0.0498} \quad E \boxed{0.0678} \quad F \boxed{0.0858}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.42$ ,  $a_z = 1.71$ , e  $b_y = 1.45$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.18. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate  $(a, 0, 0), -3q_0$  nel punto di coordinate  $(0, a, 0), 2q_0$  nel punto di coordinate  $(-a, 0, 0), e -3q_0$  nel punto di coordinate  $(0, -a, 0), con q_0 = 1.71$  pC ed  $a = 1.19 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.27 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.07 \times 10^3}$  D  $\boxed{-5.87 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.67 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.47 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.25 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.65 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} B \boxed{1.74} C \boxed{3.54} D \boxed{5.34} E \boxed{7.14} F \boxed{8.94}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.30$  N/C e  $x_0 = 1.41 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

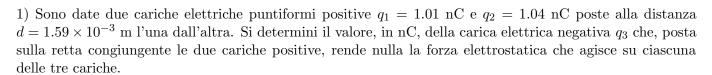
 $A \boxed{0}$   $B \boxed{1.87}$   $C \boxed{3.67}$   $D \boxed{5.47}$   $E \boxed{7.27}$   $F \boxed{9.07}$ 

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.09 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.67 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 250 C 430 D 610 E 790 F 970

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 19.3 C 37.3 D 55.3 E 73.3 F 91.3



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.256} \quad C \boxed{-0.436} \quad D \boxed{-0.616} \quad E \boxed{-0.796} \quad F \boxed{-0.976}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.49 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.29 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.09 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.89 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.69 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.60\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.59 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.82$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.63 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.43 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.23 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.03 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.83 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0110 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.26~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0114} \quad C \boxed{0.0294} \quad D \boxed{0.0474} \quad E \boxed{0.0654} \quad F \boxed{0.0834}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.05$ ,  $a_z = 1.28$ , e  $b_y = 1.63$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.28. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.08$  pC ed  $a = 1.80 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.12 \times 10^3}$  C  $\boxed{-3.92 \times 10^3}$  D  $\boxed{-5.72 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.52 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.32 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.40 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.46 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{0.171}$  C  $\boxed{0.351}$  D  $\boxed{0.531}$  E  $\boxed{0.711}$  F  $\boxed{0.891}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.60$  N/C e  $x_0 = 1.20 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

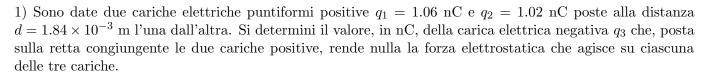
A 0 B 13.1 C 31.1 D 49.1 E 67.1 F 85.1

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.88 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.31 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{107} \quad C \boxed{287} \quad D \boxed{467} \quad E \boxed{647} \quad F \boxed{827}$ 

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 15.2 C 33.2 D 51.2 E 69.2 F 87.2



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.260} \quad C \boxed{-0.440} \quad D \boxed{-0.620} \quad E \boxed{-0.800} \quad F \boxed{-0.980}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.09 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.89 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.69 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.49 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.29 \times 10^{-4}}$ 

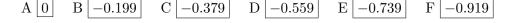
3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.31\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.66 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.14$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.30 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.10 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.90 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.70 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.50 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0172 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.75~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0119} \quad C \boxed{0.0299} \quad D \boxed{0.0479} \quad E \boxed{0.0659} \quad F \boxed{0.0839}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.81$ ,  $a_z = 1.97$ , e  $b_y = 1.76$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.85. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.56$  pC ed  $a = 1.36 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.76\times10^3} \quad C \boxed{-3.56\times10^3} \quad D \boxed{-5.36\times10^3} \quad E \boxed{-7.16\times10^3} \quad F \boxed{-8.96\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.44 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.38 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-0.171}$  C  $\boxed{-0.351}$  D  $\boxed{-0.531}$  E  $\boxed{-0.711}$  F  $\boxed{-0.891}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.46$  N/C e  $x_0 = 1.70 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

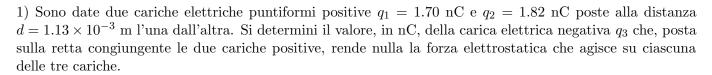
A 0 B 1.25 C 3.05 D 4.85 E 6.65 F 8.45

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.42 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.74 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 145 C 325 D 505 E 685 F 865

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 12.0 C 30.0 D 48.0 E 66.0 F 84.0



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.260}$  C  $\boxed{-0.440}$  D  $\boxed{-0.620}$  E  $\boxed{-0.800}$  F  $\boxed{-0.980}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.95 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.75 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.55 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.35 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.15 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.10\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.28 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.73$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.81 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.61 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.41 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.21 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{9.01 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0130 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.17~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0260} \quad C \boxed{0.0440} \quad D \boxed{0.0620} \quad E \boxed{0.0800} \quad F \boxed{0.0980}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.03$ ,  $a_z = 1.94$ , e  $b_y = 1.23$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.05. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.78$  pC ed  $a = 1.54 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.17 \times 10^3} \quad C \boxed{-2.97 \times 10^3} \quad D \boxed{-4.77 \times 10^3} \quad E \boxed{-6.57 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.37 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.71 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.92 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m<sup>2</sup>, sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{1.86}$  C  $\boxed{3.66}$  D  $\boxed{5.46}$  E  $\boxed{7.26}$  F  $\boxed{9.06}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.26$  N/C e  $x_0 = 1.46 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

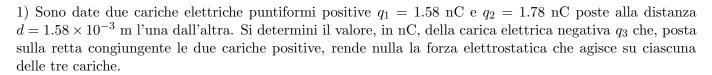
A 0 B 1.29 C 3.09 D 4.89 E 6.69 F 8.49

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.73 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.22 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 217 C 397 D 577 E 757 F 937

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 14.7 C 32.7 D 50.7 E 68.7 F 86.7



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.239}$  C  $\boxed{-0.419}$  D  $\boxed{-0.599}$  E  $\boxed{-0.779}$  F  $\boxed{-0.959}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.26 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.06 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.86 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.66 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.46 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.02\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.16 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.03$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.05 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{2.85 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.65 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.45 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.25 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0171 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.58$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{0.0235}$  C  $\boxed{0.0415}$  D  $\boxed{0.0595}$  E  $\boxed{0.0775}$  F  $\boxed{0.0955}$ 

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.78$ ,  $a_z = 1.04$ , e  $b_y = 1.28$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.59. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.17$  pC ed  $a = 1.38 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.10 \times 10^3} \quad C \boxed{-3.90 \times 10^3} \quad D \boxed{-5.70 \times 10^3} \quad E \boxed{-7.50 \times 10^3} \quad F \boxed{-9.30 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.88 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.89 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} B \boxed{0.0165} C \boxed{0.0345} D \boxed{0.0525} E \boxed{0.0705} F \boxed{0.0885}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.68$  N/C e  $x_0 = 1.04 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

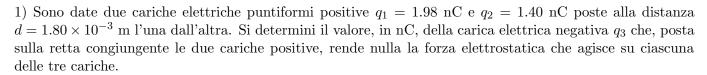
A 0 B 15.9 C 33.9 D 51.9 E 69.9 F 87.9

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.93 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.62 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 267 C 447 D 627 E 807 F 987

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 114 C 294 D 474 E 654 F 834



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.233}$  C  $\boxed{-0.413}$  D  $\boxed{-0.593}$  E  $\boxed{-0.773}$  F  $\boxed{-0.953}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

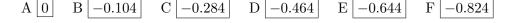
A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.58 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.38 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.18 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.98 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.78 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.69\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.32 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.06$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.04 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{3.84 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{5.64 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{7.44 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{9.24 \times 10^{-6}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0116 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.05~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori  $\mathbf{a}$  di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e  $\mathbf{b}$  di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.28$ ,  $a_z = 1.37$ , e  $b_y = 1.63$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.07. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.95$  pC ed  $a = 1.64 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.01\times10^3} \quad C \boxed{-2.81\times10^3} \quad D \boxed{-4.61\times10^3} \quad E \boxed{-6.41\times10^3} \quad F \boxed{-8.21\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.23 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.98 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A 0 B 1.24 C 3.04 D 4.84 E 6.64 F 8.44

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.36$  N/C e  $x_0 = 1.81 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 1.99 C 3.79 D 5.59 E 7.39 F 9.19

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.76 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.40 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 25.3 C 43.3 D 61.3 E 79.3 F 97.3

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 27.6 C 45.6 D 63.6 E 81.6 F 99.6

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.35$  nC e  $q_2 = 1.57$  nC poste alla distanza  $d = 1.48 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.183}$  C  $\boxed{-0.363}$  D  $\boxed{-0.543}$  E  $\boxed{-0.723}$  F  $\boxed{-0.903}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.72 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.52 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.32 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.12 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.92 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.23\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.46 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.16$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{1.24 \times 10^{-5}} \quad C \ \boxed{3.04 \times 10^{-5}} \quad D \ \boxed{4.84 \times 10^{-5}} \quad E \ \boxed{6.64 \times 10^{-5}} \quad F \ \boxed{8.44 \times 10^{-5}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0127 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.39$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.78$ ,  $a_z = 1.54$ , e  $b_y = 1.37$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.18. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.232} \quad C \boxed{0.412} \quad D \boxed{0.592} \quad E \boxed{0.772} \quad F \boxed{0.952}$$

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.34$  pC ed  $a = 1.06 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.18\times10^3} \quad C \boxed{-3.98\times10^3} \quad D \boxed{-5.78\times10^3} \quad E \boxed{-7.58\times10^3} \quad F \boxed{-9.38\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.50 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.40 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-0.165}$  C  $\boxed{-0.345}$  D  $\boxed{-0.525}$  E  $\boxed{-0.705}$  F  $\boxed{-0.885}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.22$  N/C e  $x_0 = 1.55 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m³, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

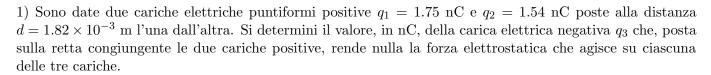
A 0 B 2.34 C 4.14 D 5.94 E 7.74 F 9.54

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.69 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.59 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 176 C 356 D 536 E 716 F 896

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 13.5 C 31.5 D 49.5 E 67.5 F 85.5



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.230} \quad C \boxed{-0.410} \quad D \boxed{-0.590} \quad E \boxed{-0.770} \quad F \boxed{-0.950}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.19 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.99 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.79 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.59 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.39 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.98\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.52 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.18$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{2.74 \times 10^{-6}} \quad C \ \boxed{4.54 \times 10^{-6}} \quad D \ \boxed{6.34 \times 10^{-6}} \quad E \ \boxed{8.14 \times 10^{-6}} \quad F \ \boxed{9.94 \times 10^{-6}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0179 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.28$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0122} \quad C \boxed{0.0302} \quad D \boxed{0.0482} \quad E \boxed{0.0662} \quad F \boxed{0.0842}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.57$ ,  $a_z = 1.89$ , e  $b_y = 1.64$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.14. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.37$  pC ed  $a = 1.87 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.49 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.29 \times 10^3}$  D  $\boxed{-6.09 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.89 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.69 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.60 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.53 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.260} \quad C \boxed{-0.440} \quad D \boxed{-0.620} \quad E \boxed{-0.800} \quad F \boxed{-0.980}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.14$  N/C e  $x_0 = 1.99 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

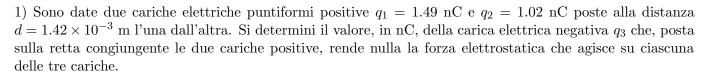
A 0 B 2.03 C 3.83 D 5.63 E 7.43 F 9.23

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.31 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.68 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 175 C 355 D 535 E 715 F 895

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 18.3 C 36.3 D 54.3 E 72.3 F 90.3



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.125} \quad C \boxed{-0.305} \quad D \boxed{-0.485} \quad E \boxed{-0.665} \quad F \boxed{-0.845}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.37 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.17 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.97 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.77 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.57 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.98\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.43 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.63$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{1.06 \times 10^{-5}} \quad C \ \boxed{2.86 \times 10^{-5}} \quad D \ \boxed{4.66 \times 10^{-5}} \quad E \ \boxed{6.46 \times 10^{-5}} \quad F \ \boxed{8.26 \times 10^{-5}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0153 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.11~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0238} \quad C \boxed{0.0418} \quad D \boxed{0.0598} \quad E \boxed{0.0778} \quad F \boxed{0.0958}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.22$ ,  $a_z = 1.71$ , e  $b_y = 1.87$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.76. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.53$  pC ed  $a = 1.85 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.04 \times 10^3}$  C  $\boxed{-2.84 \times 10^3}$  D  $\boxed{-4.64 \times 10^3}$  E  $\boxed{-6.44 \times 10^3}$  F  $\boxed{-8.24 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.29 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.70 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{1.83}$  C  $\boxed{3.63}$  D  $\boxed{5.43}$  E  $\boxed{7.23}$  F  $\boxed{9.03}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.64$  N/C e  $x_0 = 1.57 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

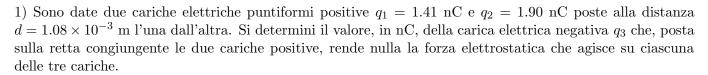
A 0 B 10.3 C 28.3 D 46.3 E 64.3 F 82.3

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.27 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.53 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{207} \quad C \boxed{387} \quad D \boxed{567} \quad E \boxed{747} \quad F \boxed{927}$ 

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 10.5 C 28.5 D 46.5 E 64.5 F 82.5



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.227}$  C  $\boxed{-0.407}$  D  $\boxed{-0.587}$  E  $\boxed{-0.767}$  F  $\boxed{-0.947}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.40 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.20 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.00 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.80 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.60 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.01\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.43 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.22$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.55 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.35 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.15 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.95 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.75 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0200 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.74~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.90$ ,  $a_z = 1.35$ , e  $b_y = 1.23$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.92. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.77$  pC ed  $a = 1.21 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.28 \times 10^3} \quad C \boxed{-4.08 \times 10^3} \quad D \boxed{-5.88 \times 10^3} \quad E \boxed{-7.68 \times 10^3} \quad F \boxed{-9.48 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.35 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.40 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.74$  N/C e  $x_0 = 1.46 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

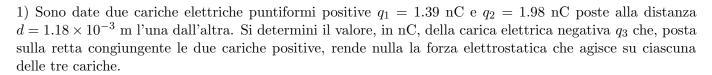
A 0 B 11.7 C 29.7 D 47.7 E 65.7 F 83.7

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.63 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.45 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 152 C 332 D 512 E 692 F 872

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 18.5 C 36.5 D 54.5 E 72.5 F 90.5



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.232}$  C  $\boxed{-0.412}$  D  $\boxed{-0.592}$  E  $\boxed{-0.772}$  F  $\boxed{-0.952}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.78 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.58 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.38 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.18 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.98 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.67\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.68 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.82$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.65 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.45 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.25 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.05 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.85 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0124 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.95$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0194} \quad C \boxed{0.0374} \quad D \boxed{0.0554} \quad E \boxed{0.0734} \quad F \boxed{0.0914}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.36$ ,  $a_z = 1.45$ , e  $b_y = 1.37$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.26. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.53$  pC ed  $a = 1.37 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.58 \times 10^3} \quad C \boxed{-3.38 \times 10^3} \quad D \boxed{-5.18 \times 10^3} \quad E \boxed{-6.98 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.78 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.70 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.74 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.174} \quad C \boxed{0.354} \quad D \boxed{0.534} \quad E \boxed{0.714} \quad F \boxed{0.894}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.37$  N/C e  $x_0 = 1.44 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

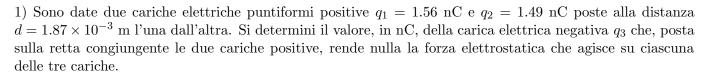
A 0 B 2.16 C 3.96 D 5.76 E 7.56 F 9.36

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.64 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.72 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 122 C 302 D 482 E 662 F 842

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 15.1 C 33.1 D 51.1 E 69.1 F 87.1



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.201} \quad C \boxed{-0.381} \quad D \boxed{-0.561} \quad E \boxed{-0.741} \quad F \boxed{-0.921}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.26 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.06 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.86 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.66 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.46 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.91\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.89 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.62$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.44 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.24 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.04 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.84 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.64 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0137 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.51~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0208} \quad C \boxed{0.0388} \quad D \boxed{0.0568} \quad E \boxed{0.0748} \quad F \boxed{0.0928}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.07$ ,  $a_z = 1.70$ , e  $b_y = 1.90$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.05. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.88$  pC ed  $a = 1.58 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.19 \times 10^3} \quad C \boxed{-2.99 \times 10^3} \quad D \boxed{-4.79 \times 10^3} \quad E \boxed{-6.59 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.39 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.73 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.71 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0$  m. Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} B \boxed{-0.177} C \boxed{-0.357} D \boxed{-0.537} E \boxed{-0.717} F \boxed{-0.897}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.82$  N/C e  $x_0 = 1.68 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.06 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.27 \text{ mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 12.0 C 30.0 D 48.0 E 66.0 F 84.0

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 26.9 C 44.9 D 62.9 E 80.9 F 98.9

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.33$  nC e  $q_2 = 1.80$  nC poste alla distanza  $d = 1.42 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.205} \quad C \boxed{-0.385} \quad D \boxed{-0.565} \quad E \boxed{-0.745} \quad F \boxed{-0.925}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.16 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{2.96 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{4.76 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.56 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.36 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.02\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.54 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.79$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{2.43 \times 10^{-5}} \quad C \ \boxed{4.23 \times 10^{-5}} \quad D \ \boxed{6.03 \times 10^{-5}} \quad E \ \boxed{7.83 \times 10^{-5}} \quad F \ \boxed{9.63 \times 10^{-5}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0146 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.18~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.51$ ,  $a_z = 1.12$ , e  $b_y = 1.73$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.00. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.99$  pC ed  $a = 1.64 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.10 \times 10^3} \quad C \boxed{-2.90 \times 10^3} \quad D \boxed{-4.70 \times 10^3} \quad E \boxed{-6.50 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.30 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.89 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.61 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.48}$  C  $\boxed{-4.28}$  D  $\boxed{-6.08}$  E  $\boxed{-7.88}$  F  $\boxed{-9.68}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.01$  N/C e  $x_0 = 1.40 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

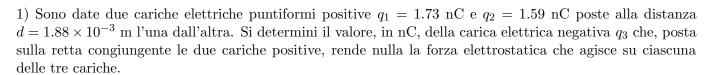
A 0 B 1.69 C 3.49 D 5.29 E 7.09 F 8.89

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.68 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.71 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 127 C 307 D 487 E 667 F 847

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 18.8 C 36.8 D 54.8 E 72.8 F 90.8



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.234} \quad C \boxed{-0.414} \quad D \boxed{-0.594} \quad E \boxed{-0.774} \quad F \boxed{-0.954}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.40 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.20 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.00 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.80 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.60 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.45\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.30 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.70$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.37 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.17 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.97 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.77 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.57 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0114 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.36$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0152} \quad C \boxed{0.0332} \quad D \boxed{0.0512} \quad E \boxed{0.0692} \quad F \boxed{0.0872}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.97$ ,  $a_z = 1.18$ , e  $b_y = 1.69$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.77. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.224} \quad C \boxed{0.404} \quad D \boxed{0.584} \quad E \boxed{0.764} \quad F \boxed{0.944}$$

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.61$  pC ed  $a = 1.71 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.70 \times 10^3} \quad C \boxed{-3.50 \times 10^3} \quad D \boxed{-5.30 \times 10^3} \quad E \boxed{-7.10 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.90 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.31 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.40 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.257} \quad C \boxed{0.437} \quad D \boxed{0.617} \quad E \boxed{0.797} \quad F \boxed{0.977}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.17$  N/C e  $x_0 = 1.48 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

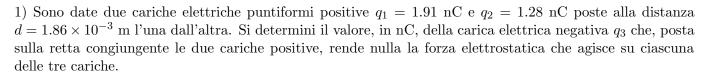
 $A \boxed{0}$   $B \boxed{2.37}$   $C \boxed{4.17}$   $D \boxed{5.97}$   $E \boxed{7.77}$   $F \boxed{9.57}$ 

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.91 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.29 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 217 C 397 D 577 E 757 F 937

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 16.6 C 34.6 D 52.6 E 70.6 F 88.6



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.207}$  C  $\boxed{-0.387}$  D  $\boxed{-0.567}$  E  $\boxed{-0.747}$  F  $\boxed{-0.927}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.02 \times 10^{-3}}$  C  $\boxed{2.82 \times 10^{-3}}$  D  $\boxed{4.62 \times 10^{-3}}$  E  $\boxed{6.42 \times 10^{-3}}$  F  $\boxed{8.22 \times 10^{-3}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.80\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.89 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.86$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.76 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.56 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.36 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.16 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.96 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0121 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.57$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.58$ ,  $a_z = 1.51$ , e  $b_y = 1.30$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.17. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.40$  pC ed  $a = 1.75 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.11 \times 10^3} \quad C \boxed{-2.91 \times 10^3} \quad D \boxed{-4.71 \times 10^3} \quad E \boxed{-6.51 \times 10^3} \quad F \boxed{-8.31 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.47 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.10 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m<sup>2</sup>, sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.48}$  C  $\boxed{-3.28}$  D  $\boxed{-5.08}$  E  $\boxed{-6.88}$  F  $\boxed{-8.68}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.89$  N/C e  $x_0 = 1.83 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

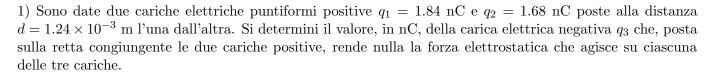
A 0 B 10.2 C 28.2 D 46.2 E 64.2 F 82.2

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.07 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.07 \text{ mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 165 C 345 D 525 E 705 F 885

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 23.1 C 41.1 D 59.1 E 77.1 F 95.1



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.259}$  C  $\boxed{-0.439}$  D  $\boxed{-0.619}$  E  $\boxed{-0.799}$  F  $\boxed{-0.979}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.74 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.54 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.34 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{8.14 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.94 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.15\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.08 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.41$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.19 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{2.99 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.79 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.59 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.39 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0164 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.99$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0209} \quad C \boxed{0.0389} \quad D \boxed{0.0569} \quad E \boxed{0.0749} \quad F \boxed{0.0929}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.70$ ,  $a_z = 1.85$ , e  $b_y = 1.90$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.98. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.71$  pC ed  $a = 1.70 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.96 \times 10^3} \quad C \boxed{-3.76 \times 10^3} \quad D \boxed{-5.56 \times 10^3} \quad E \boxed{-7.36 \times 10^3} \quad F \boxed{-9.16 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.88 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.57 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.74}$  C  $\boxed{-4.54}$  D  $\boxed{-6.34}$  E  $\boxed{-8.14}$  F  $\boxed{-9.94}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.91$  N/C e  $x_0 = 1.45 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

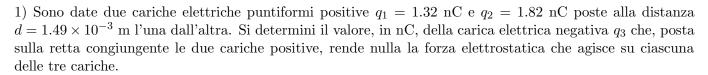
A 0 B 13.0 C 31.0 D 49.0 E 67.0 F 85.0

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.15 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.42 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 203 C 383 D 563 E 743 F 923

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 17.3 C 35.3 D 53.3 E 71.3 F 89.3



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.205} \quad C \boxed{-0.385} \quad D \boxed{-0.565} \quad E \boxed{-0.745} \quad F \boxed{-0.925}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.45 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.25 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.05 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.85 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.65 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.79\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.92 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.38$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.33 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.13 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.93 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.73 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.53 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0162 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.99$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0209} \quad C \boxed{0.0389} \quad D \boxed{0.0569} \quad E \boxed{0.0749} \quad F \boxed{0.0929}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori  $\mathbf{a}$  di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e  $\mathbf{b}$  di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.45$ ,  $a_z = 1.15$ , e  $b_y = 1.83$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.13. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.38$  pC ed  $a = 1.99 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.21\times10^3} \quad C \boxed{-4.01\times10^3} \quad D \boxed{-5.81\times10^3} \quad E \boxed{-7.61\times10^3} \quad F \boxed{-9.41\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.20 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.79 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A 0 B 1.62 C 3.42 D 5.22 E 7.02 F 8.82

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.63$  N/C e  $x_0 = 1.19 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 13.5 C 31.5 D 49.5 E 67.5 F 85.5

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.49 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.48 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 16.6 C 34.6 D 52.6 E 70.6 F 88.6

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 25.8 C 43.8 D 61.8 E 79.8 F 97.8

1) Sono date due cariche elettriche puntiformi positive  $q_1 = 1.47$  nC e  $q_2 = 1.19$  nC poste alla distanza  $d = 1.79 \times 10^{-3}$  m l'una dall'altra. Si determini il valore, in nC, della carica elettrica negativa  $q_3$  che, posta sulla retta congiungente le due cariche positive, rende nulla la forza elettrostatica che agisce su ciascuna delle tre cariche.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.150}$  C  $\boxed{-0.330}$  D  $\boxed{-0.510}$  E  $\boxed{-0.690}$  F  $\boxed{-0.870}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.22 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.02 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.82 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.62 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.42 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.35\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.76 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.70$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.99 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.79 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.59 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.39 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{9.19 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0179 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.91$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.12$ ,  $a_z = 1.54$ , e  $b_y = 1.23$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.94. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_\theta}$ ,  $\mathbf{e_\phi}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.03$  pC ed  $a = 1.02 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.69\times10^3} \quad C \boxed{-4.49\times10^3} \quad D \boxed{-6.29\times10^3} \quad E \boxed{-8.09\times10^3} \quad F \boxed{-9.89\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.85 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.41 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.10}$  C  $\boxed{-3.90}$  D  $\boxed{-5.70}$  E  $\boxed{-7.50}$  F  $\boxed{-9.30}$ 

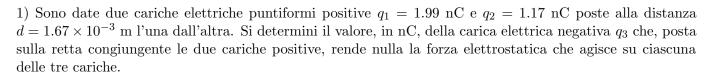
8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.64$  N/C e  $x_0 = 1.84 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.86 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.79 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 138 C 318 D 498 E 678 F 858

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 117 C 297 D 477 E 657 F 837



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.195} \quad C \boxed{-0.375} \quad D \boxed{-0.555} \quad E \boxed{-0.735} \quad F \boxed{-0.915}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.25 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.05 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.85 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.65 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.45 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.19\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.96 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.29$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{1.91\times10^{-5}} \quad C \boxed{3.71\times10^{-5}} \quad D \boxed{5.51\times10^{-5}} \quad E \boxed{7.31\times10^{-5}} \quad F \boxed{9.11\times10^{-5}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0138 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.45~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0186} \quad C \boxed{0.0366} \quad D \boxed{0.0546} \quad E \boxed{0.0726} \quad F \boxed{0.0906}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.77$ ,  $a_z = 1.47$ , e  $b_y = 1.92$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.96. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{0.227}$  C  $\boxed{0.407}$  D  $\boxed{0.587}$  E  $\boxed{0.767}$  F  $\boxed{0.947}$ 

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.26$  pC ed  $a = 1.27 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.36\times10^3} \quad C \boxed{-3.16\times10^3} \quad D \boxed{-4.96\times10^3} \quad E \boxed{-6.76\times10^3} \quad F \boxed{-8.56\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.72 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.95 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{2.04}$  C  $\boxed{3.84}$  D  $\boxed{5.64}$  E  $\boxed{7.44}$  F  $\boxed{9.24}$ 

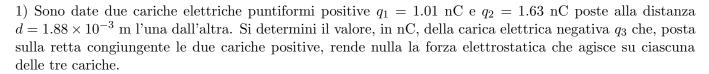
8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.07$  N/C e  $x_0 = 1.63 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.07 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.60 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 141 C 321 D 501 E 681 F 861

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 16.5 C 34.5 D 52.5 E 70.5 F 88.5



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.136}$  C  $\boxed{-0.316}$  D  $\boxed{-0.496}$  E  $\boxed{-0.676}$  F  $\boxed{-0.856}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.08 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{2.88 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{4.68 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.48 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.28 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.86\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.04 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.52$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.24 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{4.04 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{5.84 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{7.64 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{9.44 \times 10^{-6}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0170 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.90$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.30$ ,  $a_z = 1.38$ , e  $b_y = 1.89$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.47. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.05$  pC ed  $a = 1.08 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.12 \times 10^3}$  C  $\boxed{-3.92 \times 10^3}$  D  $\boxed{-5.72 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.52 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.32 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.44 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.34 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-0.165}$  C  $\boxed{-0.345}$  D  $\boxed{-0.525}$  E  $\boxed{-0.705}$  F  $\boxed{-0.885}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.45$  N/C e  $x_0 = 1.89 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

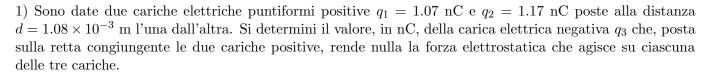
A 0 B 2.15 C 3.95 D 5.75 E 7.55 F 9.35

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.11 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.92 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 271 C 451 D 631 E 811 F 991

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 26.5 C 44.5 D 62.5 E 80.5 F 98.5



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.100}$  C  $\boxed{-0.280}$  D  $\boxed{-0.460}$  E  $\boxed{-0.640}$  F  $\boxed{-0.820}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.68 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.48 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.28 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.08 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.88 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.79\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.13 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.15$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.12 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{2.92 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{4.72 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{6.52 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{8.32 \times 10^{-6}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0142 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.20$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0272} \quad C \boxed{0.0452} \quad D \boxed{0.0632} \quad E \boxed{0.0812} \quad F \boxed{0.0992}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.75$ ,  $a_z = 1.28$ , e  $b_y = 1.21$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.39. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.222} \quad C \boxed{0.402} \quad D \boxed{0.582} \quad E \boxed{0.762} \quad F \boxed{0.942}$$

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.16$  pC ed  $a = 1.07 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.04\times10^3} \quad C \boxed{-2.84\times10^3} \quad D \boxed{-4.64\times10^3} \quad E \boxed{-6.44\times10^3} \quad F \boxed{-8.24\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.43 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.68 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{2.21}$  C  $\boxed{4.01}$  D  $\boxed{5.81}$  E  $\boxed{7.61}$  F  $\boxed{9.41}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.77$  N/C e  $x_0 = 1.33 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

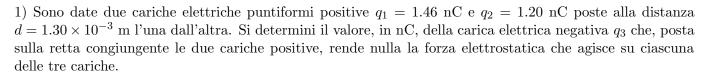
A 0 B 13.1 C 31.1 D 49.1 E 67.1 F 85.1

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.99 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.16 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 222 C 402 D 582 E 762 F 942

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 14.5 C 32.5 D 50.5 E 68.5 F 86.5



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.150} \quad C \boxed{-0.330} \quad D \boxed{-0.510} \quad E \boxed{-0.690} \quad F \boxed{-0.870}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.42 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.22 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.02 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.82 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.62 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.90\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.54 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.75$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.27 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{3.07 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.87 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.67 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.47 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0178 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.66$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0265} \quad C \boxed{0.0445} \quad D \boxed{0.0625} \quad E \boxed{0.0805} \quad F \boxed{0.0985}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.67$ ,  $a_z = 1.59$ , e  $b_y = 1.72$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.84. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

A 0 B 0.0253 C 0.0433 D 0.0613 E 0.0793 F 0.0973

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.68$  pC ed  $a = 1.51 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.08 \times 10^3}$  C  $\boxed{-2.88 \times 10^3}$  D  $\boxed{-4.68 \times 10^3}$  E  $\boxed{-6.48 \times 10^3}$  F  $\boxed{-8.28 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.97 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.83 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m<sup>2</sup>, sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.24}$  C  $\boxed{-3.04}$  D  $\boxed{-4.84}$  E  $\boxed{-6.64}$  F  $\boxed{-8.44}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathrm{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.94$  N/C e  $x_0 = 1.17 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

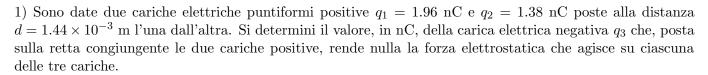
A 0 B 16.3 C 34.3 D 52.3 E 70.3 F 88.3

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.58 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.22 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 197 C 377 D 557 E 737 F 917

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 21.3 C 39.3 D 57.3 E 75.3 F 93.3



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.228}$  C  $\boxed{-0.408}$  D  $\boxed{-0.588}$  E  $\boxed{-0.768}$  F  $\boxed{-0.948}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.43 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.23 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.03 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.83 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.63 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.39\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.06 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.22$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.16 \times 10^{-6}}$  C  $\boxed{2.96 \times 10^{-6}}$  D  $\boxed{4.76 \times 10^{-6}}$  E  $\boxed{6.56 \times 10^{-6}}$  F  $\boxed{8.36 \times 10^{-6}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0173 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.04~{\rm pC/m^2}$  e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0212} \quad C \boxed{0.0392} \quad D \boxed{0.0572} \quad E \boxed{0.0752} \quad F \boxed{0.0932}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.37$ ,  $a_z = 1.95$ , e  $b_y = 1.50$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.58. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.25$  pC ed  $a = 1.40 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.25 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.05 \times 10^3}$  D  $\boxed{-5.85 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.65 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.45 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.12 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 2.00 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A 0 B 2.39 C 4.19 D 5.99 E 7.79 F 9.59

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.18$  N/C e  $x_0 = 1.78 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

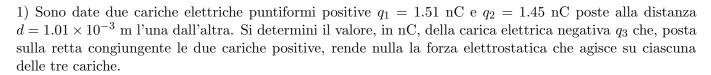
A 0 B 1.12 C 2.92 D 4.72 E 6.52 F 8.32

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.67 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.78 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 140 C 320 D 500 E 680 F 860

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 21.4 C 39.4 D 57.4 E 75.4 F 93.4



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.190} \quad C \boxed{-0.370} \quad D \boxed{-0.550} \quad E \boxed{-0.730} \quad F \boxed{-0.910}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.50 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.30 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.10 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.90 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.70 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.49\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.28 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.95$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{1.51 \times 10^{-5}} \quad C \ \boxed{3.31 \times 10^{-5}} \quad D \ \boxed{5.11 \times 10^{-5}} \quad E \ \boxed{6.91 \times 10^{-5}} \quad F \ \boxed{8.71 \times 10^{-5}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0166 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.86$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0160} \quad C \boxed{0.0340} \quad D \boxed{0.0520} \quad E \boxed{0.0700} \quad F \boxed{0.0880}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.17$ ,  $a_z = 1.03$ , e  $b_y = 1.82$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.55. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.48$  pC ed  $a = 1.22 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.72 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.52 \times 10^3}$  D  $\boxed{-6.32 \times 10^3}$  E  $\boxed{-8.12 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.92 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.61 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.69 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m<sup>2</sup>, sulla superficie sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{0.168}$  C  $\boxed{0.348}$  D  $\boxed{0.528}$  E  $\boxed{0.708}$  F  $\boxed{0.888}$ 

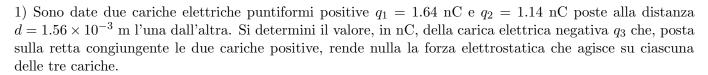
8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.95$  N/C e  $x_0 = 1.65 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.06 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.89 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 155 C 335 D 515 E 695 F 875

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 22.0 C 40.0 D 58.0 E 76.0 F 94.0



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.159} \quad C \boxed{-0.339} \quad D \boxed{-0.519} \quad E \boxed{-0.699} \quad F \boxed{-0.879}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.31 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.11 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{4.91 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{6.71 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{8.51 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.76\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.14 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.74$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.01 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{2.81 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{4.61 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{6.41 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{8.21 \times 10^{-5}}$ 

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0154 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.81$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{0.0141} \quad C \ \boxed{0.0321} \quad D \ \boxed{0.0501} \quad E \ \boxed{0.0681} \quad F \ \boxed{0.0861}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.52$ ,  $a_z = 1.04$ , e  $b_y = 1.32$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.97. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.05$  pC ed  $a = 1.81 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-2.04\times10^3} \quad C \boxed{-3.84\times10^3} \quad D \boxed{-5.64\times10^3} \quad E \boxed{-7.44\times10^3} \quad F \boxed{-9.24\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.25 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 2.00 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \boxed{0}$   $B \boxed{1.24}$   $C \boxed{3.04}$   $D \boxed{4.84}$   $E \boxed{6.64}$   $F \boxed{8.44}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.46$  N/C e  $x_0 = 1.11 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

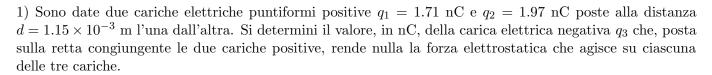
A 0 B 12.9 C 30.9 D 48.9 E 66.9 F 84.9

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.17 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.50 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 210 C 390 D 570 E 750 F 930

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 20.7 C 38.7 D 56.7 E 74.7 F 92.7



$$A \boxed{0} \quad B \boxed{-0.278} \quad C \boxed{-0.458} \quad D \boxed{-0.638} \quad E \boxed{-0.818} \quad F \boxed{-0.998}$$

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{1.95 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{3.75 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{5.55 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.35 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.15 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.32\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.67 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.09$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{1.24 \times 10^{-5}} \quad C \ \boxed{3.04 \times 10^{-5}} \quad D \ \boxed{4.84 \times 10^{-5}} \quad E \ \boxed{6.64 \times 10^{-5}} \quad F \ \boxed{8.44 \times 10^{-5}}$$

4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0197 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.73$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.

$$A \ \boxed{0} \quad B \ \boxed{0.0111} \quad C \ \boxed{0.0291} \quad D \ \boxed{0.0471} \quad E \ \boxed{0.0651} \quad F \ \boxed{0.0831}$$

5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.99$ ,  $a_z = 1.12$ , e  $b_y = 1.37$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.13. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{0.123}$  C  $\boxed{0.303}$  D  $\boxed{0.483}$  E  $\boxed{0.663}$  F  $\boxed{0.843}$ 

6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.68$  pC ed  $a = 1.13 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

 $A \boxed{0} \quad B \boxed{-1.16\times10^3} \quad C \boxed{-2.96\times10^3} \quad D \boxed{-4.76\times10^3} \quad E \boxed{-6.56\times10^3} \quad F \boxed{-8.36\times10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.27 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.42 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

 $A \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} \quad B \begin{bmatrix} 1.33 \end{bmatrix} \quad C \begin{bmatrix} 3.13 \end{bmatrix} \quad D \begin{bmatrix} 4.93 \end{bmatrix} \quad E \begin{bmatrix} 6.73 \end{bmatrix} \quad F \begin{bmatrix} 8.53 \end{bmatrix}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.66$  N/C e  $x_0 = 1.08 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

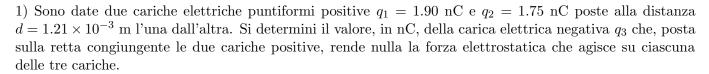
A 0 B 15.1 C 33.1 D 51.1 E 69.1 F 87.1

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \leq r_0$ , con  $r_0 = 1.93 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.70 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \leq r_0$ .

A 0 B 223 C 403 D 583 E 763 F 943

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 119 C 299 D 479 E 659 F 839



A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{-0.276}$  C  $\boxed{-0.456}$  D  $\boxed{-0.636}$  E  $\boxed{-0.816}$  F  $\boxed{-0.996}$ 

2) Nel caso del problema precedente (1), si determini la distanza a, in m, alla quale la carica elettrica  $q_3$  deve essere posta dalla carica elettrica  $q_1$ .

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.57 \times 10^{-4}}$  C  $\boxed{4.37 \times 10^{-4}}$  D  $\boxed{6.17 \times 10^{-4}}$  E  $\boxed{7.97 \times 10^{-4}}$  F  $\boxed{9.77 \times 10^{-4}}$ 

3) Un sistema è composto da un sottile anello di carica di raggio  $r=1.15\times 10^{-3}$  m e da un filo rettilineo molto lungo orientato lungo l'asse dell'anello, con un estremo coincidente con il centro dell'anello e l'altro estremo che può essere considerato all'infinito. La carica totale dell'anello è q=1.75 nC ed è uniformemente distribuita. La densità di carica per unità di lunghezza del filo è  $\lambda=1.68$  nC/m. Determinare la forza, in N, esercitata dall'anello sul filo.

A 
$$\boxed{0}$$
 B  $\boxed{2.30 \times 10^{-5}}$  C  $\boxed{4.10 \times 10^{-5}}$  D  $\boxed{5.90 \times 10^{-5}}$  E  $\boxed{7.70 \times 10^{-5}}$  F  $\boxed{9.50 \times 10^{-5}}$ 

- 4) Sulla superficie di una sfera di raggio r=0.0126 m è depositata una carica di densità  $\sigma=\sigma_0\cos(\theta)$ , con  $\sigma_0=1.91$  pC/m<sup>2</sup> e  $\theta$  angolo polare. Determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, al centro della sfera.
- $A \boxed{0} \quad B \boxed{0.0179} \quad C \boxed{0.0359} \quad D \boxed{0.0539} \quad E \boxed{0.0719} \quad F \boxed{0.0899}$
- 5) In un sistema di coordinate cartesiane, sono dati i vettori **a** di componenti  $(a_x, 0, a_z)$  e **b** di componenti  $(0, b_y, 0)$ , con  $a_x = 1.17$ ,  $a_z = 1.19$ , e  $b_y = 1.62$ , entrambi applicati nel punto P di coordinate (p, 0, p), con p = 1.15. Data la terna di versori in coordinate sferiche  $\mathbf{e_r}$ ,  $\mathbf{e_{\theta}}$ ,  $\mathbf{e_{\phi}}$  nel punto P, determinare la proiezione sul versore  $\mathbf{e_r}$  del vettore  $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$  applicato in P.



6) In un sistema di coordinate cartesiane, sono poste le cariche elettriche  $2q_0$  nel punto di coordinate (a, 0, 0),  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, a, 0),  $2q_0$  nel punto di coordinate (-a, 0, 0), e  $-3q_0$  nel punto di coordinate (0, -a, 0), con  $q_0 = 1.34$  pC ed  $a = 1.94 \times 10^{-3}$  m. Determinare la componente z del campo elettrico, in N/C, nel punto di coordinate (0, 0, a).

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-2.26 \times 10^3}$  C  $\boxed{-4.06 \times 10^3}$  D  $\boxed{-5.86 \times 10^3}$  E  $\boxed{-7.66 \times 10^3}$  F  $\boxed{-9.46 \times 10^3}$ 

7) In un sistema di coordinate sferiche, si consideri il campo elettrico  $\mathbf{E} = \frac{a}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $0 < r < r_0$  e  $\mathbf{E} = \frac{b}{r^3}\vec{\mathbf{r}}$  per  $r > r_0$ , con  $a = 1.81 \text{ Nm}^2/\text{C}$ ,  $b = 1.43 \text{ Nm}^2/\text{C}$  e  $r_0 = 1.0 \text{ m}$ . Determinare la densità superficiale di carica elettrica, in pC/m², sulla superficia sferica di raggio  $r = r_0$ .

A  $\boxed{0}$  B  $\boxed{-1.56}$  C  $\boxed{-3.36}$  D  $\boxed{-5.16}$  E  $\boxed{-6.96}$  F  $\boxed{-8.76}$ 

8) n un sistema di coordinate cartesiane, è dato il campo elettrico  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \sin(\frac{\pi x}{2x_0})\vec{i}$  per  $|x| < x_0$ , e  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cdot \frac{x}{|x|}\vec{i}$  per  $|x| > x_0$ , con  $E_0 = 1.91$  N/C e  $x_0 = 1.55 \times 10^{-3}$  m. Determinare la densità volumetrica di carica elettrica, in nC/m<sup>3</sup>, in un punto di ascissa  $x = \frac{x_0}{2}$ .

A 0 B 12.1 C 30.1 D 48.1 E 66.1 F 84.1

9) In un sistema di coordinate sferiche, nella regione individuata dalla relazione  $r \le r_0$ , con  $r_0 = 1.42 \times 10^{-3}$  m, è data data una distribuzione di carica elettrica con densità volumetrica  $\rho_c = a \ r \cos(\theta)$ , con  $a = 1.03 \ \text{mC/m}^4$ . Determinare la carica elettrica complessiva, in pC, presente nella regione  $r \le r_0$ .

A 0 B 196 C 376 D 556 E 736 F 916

10) Nel caso del problema precedente (9), determinare il modulo del campo elettrico, in N/C, nell'origine del sistema di riferimento.

A 0 B 21.1 C 39.1 D 57.1 E 75.1 F 93.1