

UNIVERSITÀ DI PISA  
INGEGNERIA AEROSPAZIALE: CORSO DI FISICA GENERALE II E ELETTRONICA  
Appello n. 2 - 25/06/2018  
Soluzioni

**PROBLEMA I**

1) Il campo elettrico è per  $r \leq a$   $E = 0$ ; per  $a < r < b$   $E(r)_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2}$ ; per  $b \leq r \leq c$   $E = 0$ ; per  $r > c$   $E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2}$ .

Il potenziale elettrico è per  $r \leq a$   $V(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} Q(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} + \frac{1}{c})$ ; per  $a < r < b$   $V(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} Q(\frac{1}{r} - \frac{1}{b} + \frac{1}{c})$ ; per  $b \leq r \leq c$   $V(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{c}$ ; per  $r > c$   $V(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r}$ .

2) La densità di carica sulla superficie della sfera è  $\sigma_s = \frac{Q}{4\pi a^2}$ , sulla superficie interna del guscio sferico è  $\sigma_{gi} = -\frac{Q}{4\pi b^2}$ , sulla superficie esterna del guscio sferico è  $\sigma_{ge} = \frac{Q}{4\pi c^2}$ .

3) Si ottiene per la energia elettrostatica del sistema  $U_E = \frac{\epsilon_0}{2} \int_0^\infty E^2 dV = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0} [(\frac{1}{a} - \frac{1}{b}) + \frac{1}{c}]$

4) Si ha la conservazione dell'energia del sistema  $\Delta U_E + \Delta E_{Joule} = 0$ . Si ha  $\Delta E_{Joule} = -\Delta U_E = -[U_{Efin} - U_{Eint}]$ . Si ha il Campo Elettrico e' 0 per  $a \leq r \leq b$  all'equilibrio. Si ottiene  $\Delta E_{Joule} = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{b-a}{ab}$ .

5) Si ha la corrente a  $t = 0$  è  $I_0 = \frac{\Delta V_0}{R}$ . Si ha  $R = \frac{\rho\epsilon_0}{4\pi\epsilon_0} \frac{b-a}{ab}$ . Si ha  $\Delta V_0 = V_a - V_b = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} (\frac{1}{a} - \frac{1}{b})$ . Si ottiene  $I_0 = \frac{Q}{\rho\epsilon_0}$ .

**PROBLEMA 2**

1) Si considera un tratto di nastro di lunghezza L. Si ha la corrente  $I = \frac{Q}{T}$ , con Q à la carica presente nel tratto di nastro e T è il tempo necessario per fare scorrere questo tratto di nastro.  $I = \frac{\sigma a L}{L/v_0} = \sigma a v_0$ .

2) Si ottiene il campo magnetico generato dal nastro per  $x = \frac{a}{2} + d$ . Il campo magnetico è ortogonale al piano xy.  $B(\frac{a}{2} + d) = \int_{-\frac{a}{2}}^{+\frac{a}{2}} \frac{\mu_0 \sigma v_0}{2\pi} \frac{dx}{d + \frac{a}{2} - x}$ . Si ottiene  $B(\frac{a}{2} + d) = \frac{\mu_0 \sigma v_0}{2\pi} \ln(\frac{d+a}{d})$ .

3) La forza per unità di lunghezza è  $F = I_f \frac{\mu_0 \sigma v_0}{2\pi} \ln(\frac{d+a}{d})$  ed è attrattiva.

4) Si considera  $I_{filo1} = \sigma a v_0$  la corrente del filo che coincide con l'asse delle y che nel seguito è indicato con "filo 1". Si considera  $I_{filo2} = I_f$  la corrente del filo che si trova alla coordinata  $x = \frac{a}{2} + d$  e che nel seguito è indicato con "filo 2". Il campo magnetico complessivo generato dai due fili è  $\vec{B}_{tot} = \vec{B}_{filo1} + \vec{B}_{filo2}$ , con  $\vec{B}_{filo1} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_{filo1}}{r_1} \vec{e}_{\phi_1}$   $\vec{B}_{filo2} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_{filo2}}{r_2} \vec{e}_{\phi_2}$ . il campo magnetico complessivo è 0 sull'asse delle x per  $x = \frac{I_{filo1}(\frac{a}{2}+d)}{I_{filo1}+I_{filo2}}$ .

5) La forza tra i due fili è  $F = \frac{\mu_0 I_{filo1} I_{filo2}}{2\pi(\frac{a}{2}+d)}$  ed è attrattiva.